

Міністерство освіти і науки України
Національний університет водного господарства та
природокористування
Навчально-науковий механічний інститут
Кафедра теоретичної механіки, інженерної графіки
та машинознавства



02-05-167М

МЕТОДИЧНІ ВКАЗІВКИ

для практичних занять з дисципліни «Теорія механізмів і машин» на тему: «Тертя в кінематичних парах» для здобувачів вищої освіти першого (бакалаврського) рівня за освітньо-професійною програмою «Створення та експлуатація машин і обладнання» спеціальності 133 «Галузеве машинобудування» денної та заочної форм навчання

Рекомендовано
науково-методичною
радою з якості ННМІ
Протокол № 4
від 31 грудня 2024 р.

Рівне – 2025

Методичні вказівки для практичних занять з дисципліни «Теорія механізмів і машин» на тему: «Тертя в кінематичних парах» для здобувачів вищої освіти першого (бакалаврського) рівня за освітньо-професійною програмою «Створення та експлуатація машин і обладнання» спеціальності 133 «Галузеве машинобудування» денної та заочної форм навчання [Електронне видання] / Стрілець О. Р., Похильчук І. О. – Рівне : НУВГП, 2025. – 19 с.

Укладачі: Стрілець О. Р., кандидат технічних наук, доцент кафедри теоретичної механіки, інженерної графіки та машинознавства; Похильчук І. О., кандидат технічних наук, доцент кафедри теоретичної механіки, інженерної графіки та машинознавства.

Відповідальний за випуск: Козяр М. М., доктор педагогічних наук, доцент, завідувач кафедри теоретичної механіки, інженерної графіки та машинознавства.

Керівник групи забезпечення спеціальності 133 «Галузеве машинобудування»

Тхорук Є. І.

З М І С Т

Вступ.....	3
1. Загальні відомості.....	3
2. Тертя в нижчих кінематичних парах.....	6
3. Тертя у вищих кінематичних парах.....	13
4. Тертя в пасових та фрикційних передачах.....	17
Література.....	19

© О. Р. Стрілець,
І. О. Похильчук, 2025
© Національний університет
водного господарства та
природокористування, 2025

ВСТУП

При вирішенні багатьох задач, які стосуються динаміки механізмів і машин, крім рушійних сил та сил виробничих опорів необхідно враховувати також і невиробничі опори, зокрема сили тертя.

Тертя – це складне фізичне явище яке характеризує процес механічної взаємодії двох тіл, які контактують між собою та переміщуються одне відносно іншого. Мірою тертя є *сила тертя* – тангенціальна складова загальної реакції, що виникає в місці контакту двох тіл.

За сучасною гіпотезою процес тертя при ковзанні поверхонь є результатом не лише механічної взаємодії поверхонь, але і результатом дії молекулярних сил. Вплив обох факторів вивчає наука *трибологія*. В даних методичних вказівках ми розглянемо лише механічну складову явища тертя, якої достатньо для вирішення простих задач теорії механізмів і машин.

Розрізняють наступні види механічного тертя: чисте або сухе; граничне, якщо поверхні розділяє шар мастила завтовшки не більше ніж 0,1 мкм; рідинне, якщо поверхні певністю розділені шаром мастила; напівсухе – одночасно сухе і граничне; напіврідинне – одночасно рідинне і граничне. За видом руху розрізняють: тертя ковзання та тертя кочення.

Завдання дисципліни ТММ навчити студентів визначати показники, які характеризують процес тертя: силу та коефіцієнт тертя.

Дані методичні вказівки дозволяють студентам денної та заочної форм навчання *знати* основні показники, які характеризують механічне тертя та *уміти* самостійно їх визначати для різних класів і видів кінематичних пар.

Зміст методичних вказівок повністю відповідає освітньо-професійній програмі «Створення та експлуатація машин і обладнання» за спеціальністю 133 «Галузеве машинобудування».

1. ЗАГАЛЬНІ ВІДОМОСТІ

Тертя ковзання.

При відносному ковзанні одного тіла відносно іншого виникає сила сухого тертя F_f , пропорційна нормальній складовій N загальної реакції R (рис. 1).

$$F_f = fN, \quad (1)$$

де $f = \operatorname{tg} \varphi$ – коефіцієнт тертя ковзання; φ – кут тертя: кут між загальною реакцією R та її нормальною складовою N ; F_g – сила тяжіння.

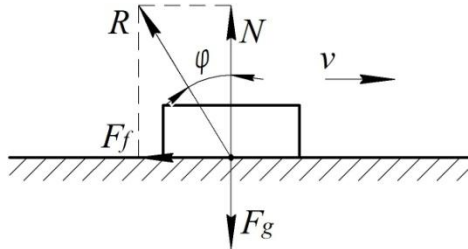


Рис. 1

Сила тертя завжди направлена у сторону протилежну напрямку руху тіла.

Коефіцієнт тертя залежить від багатьох факторів: матеріалів поверхонь тертя, характеру навантаження, виду обробки поверхонь, умов роботи, швидкості відносного проковзування та ін.

Тертя кочення.

Тертя кочення виникає при переміщенні циліндра по площині.

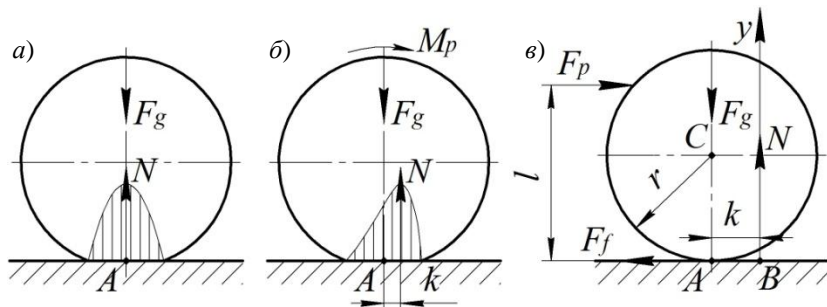


Рис. 2

Можливі три випадки:

1) Циліндр знаходиться в стані спокою на горизонтальній площині під дією сили тяжіння F_g (рис. 2, а).

2) Циліндр рівномірно котиться під дією рушійного моменту M_p

(рис. 2, б).

3) Циліндр рівномірно котиться під дією рушійної сили F_p , прикладеної до циліндра на відстані l (рис. 2, в).

Для першого випадку, коли циліндр знаходиться у стані спокою, епюра напружень буде симетричною відносно осі циліндра. Для другого та третього випадків, коли циліндр рухається – епюра напружень буде несиметричною, а нормальна реакція N зміститься від осі циліндра на величину k , яка називається плечем сили тертя кочення, або коефіцієнтом тертя кочення і вимірюється у мм.

При рівномірному коченні колеса можна скласти наступні рівняння рівноваги:

$$\sum F_y = -F_g + N = 0. \quad (2)$$

$$\sum m_B = F_p l - F_g k = 0. \quad (3)$$

Із рівнянь (2) і (3) отримаємо

$$N = F_g, \quad F_p l = F_g k, \quad (4)$$

де $M_p = F_p l$ – момент рушійних сил; $M_f = F_g k$ – момент сил тертя.

При рівномірному коченні момент рушійних сил дорівнює моменту сил тертя

$$M_p = M_f = F_g k. \quad (5)$$

В залежності від того, на якій відстані l прикладена рушійна сила F_p , можливі три випадки:

1) Циліндр лише проковзує по площині (чисте ковзання), відбуватиметься при $F_p = F_f = F_g f$; $F_p l < Nk$, враховуючи (1) $F_g f l < F_g k$, отримаємо:

$$f < \frac{k}{l}. \quad (6)$$

2) Циліндр лише котиться по площині (чисте кочення), відбуватиметься при $F_p l = F_g k$; $F_p < fF_g$, звідси $\frac{F_g k}{l} < F_g f$, або:

$$f > \frac{k}{l}. \quad (7)$$

3) Циліндр одночасно проковзує та котиться по площині, відбуватиметься при $F_p = fF_g$ та $F_p l = F_g k$, звідси $F_g f l = F_g k$, або:

$$f = \frac{k}{l}. \quad (8)$$

2. ТЕРТЯ В НИЖЧИХ КІНЕМАТИЧНИХ ПАРАХ

Розглянемо тертя в нижчих кінематичних парах, які найчастіше зустрічаються в механізмах.

Тертя на похилій площині.

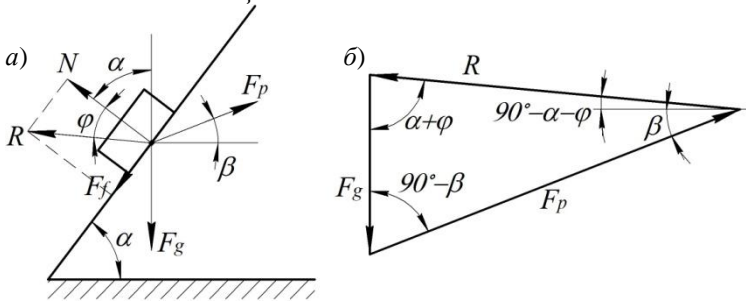


Рис. 3

При русі тіла по похилій площині (рис. 3, а) на нього діють рушійна сила F_p та сила тяжіння F_g . У місці контакту виникає загальна реакція, яку можемо розкласти на складові: нормальну N та тангенціальну F_f (силу тертя). α – кут нахилу площини, β – кут прикладання рушійної сили.

Для визначення рушійної сили побудуємо план сил (рис. 3, б). Згідно теореми синусів:

$$\frac{F_p}{\sin(\alpha + \varphi)} = \frac{F_g}{\sin[90^\circ - (\alpha + \varphi - \beta)]}, \quad (9)$$

звідси знайдемо, що

$$F_p = \frac{F_g \sin(\alpha + \varphi)}{\cos(\alpha + \varphi - \beta)}. \quad (10)$$

Якщо рушійна сила прикладена горизонтально

$$F_p = F_g \operatorname{tg}(\alpha + \varphi). \quad (11)$$

Тертя у клинчастому та циліндричному жолобах.

Розглянемо рівномірний рух повзуна по жолобу (рис. 4, а).

Для повзуна, який має клинчасту форму (рис. 4, б) побудуємо план сил (рис. 4, в).

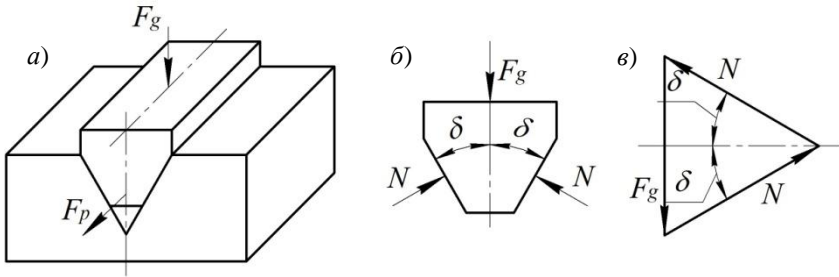


Рис. 4

Враховуючи, що

$$N = \frac{F_g}{2 \sin \delta} \quad (12)$$

знаходимо силу тертя

$$F_f = \frac{F_g f}{\sin \delta} = F_g f' \quad (13)$$

де $f' = \frac{f}{\sin \delta}$ – приведений коефіцієнт тертя клинчастого повзуна, δ – кут, який утворює кожна грань клина з вертикальною площиною.

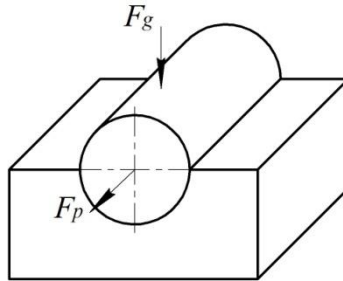


Рис. 5

Якщо повзун циліндричний (рис. 5), тоді сила тертя визначається:

$$F_f = F_g f_1' \quad (14)$$

де $f_1' = 1,27 f$ – приведений коефіцієнт тертя циліндричного повзуна.

Тертя в обертовій кінематичній парі.

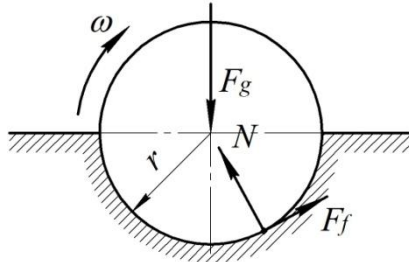


Рис. 6

При обертанні вала по відношенню до підшипника з постійною кутовою швидкістю поверхні тертя з часом припрацьовуються. Розглянемо випадок сухого тертя. Нехай кут контакту поверхонь тертя дорівнює 180° (рис. 6). Очевидно, що надійний контакт двох циліндричних поверхонь тертя – цапфи та вкладиша – буде в тому випадку, коли знос вкладиша буде рівномірним.

В цьому випадку момент тертя визначається:

$$M_f = F_g r f_1', \quad (15)$$

де $f_1' = 1,27 f$.

Якщо поверхні тертя не припрацьовані:

$$M_f = F_g r f_1'', \quad (16)$$

де $f_1'' = 1,57 f$.

Тертя у гвинтовій парі.

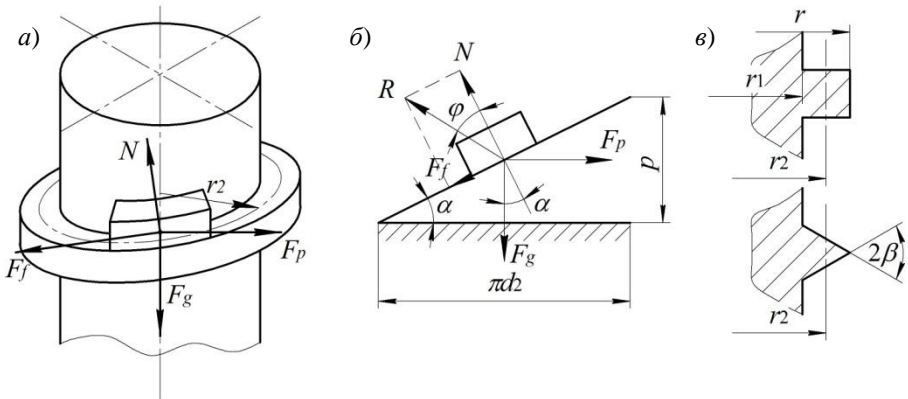


Рис. 7

Розглянемо тертя в прямокутній гвинтовій різьбі.

Гайку можемо розглядати, як паралелепіпед, що рухається по витку різьби гвинта (рис. 7, а).

Розгорнувши виток різьби на площину, отримаємо похилу площину по якій під дією рушійної сили, яка прикладена горизонтально, рухається повзун (рис. 7, б). Тоді, аналогічно (11) отримаємо:

$$F_p = F_g \operatorname{tg}(\alpha + \varphi), \quad (17)$$

де α – кут підйому різьби.

При рівномірному русі сила тертя дорівнює рушійній силі, то момент тертя в прямокутній різьбі

$$M_f = F_g r_2 \operatorname{tg}(\alpha + \varphi), \quad (18)$$

Для метричної (трикутної) різьби (рис. 7, в) можемо вважати, що рух гвинта аналогічний переміщенню клинчастого повзуна в жолобі, у якого кут при вершині рівний 2β .

Момент тертя в трикутній різьбі

$$M_f = F_g r_2 \operatorname{tg}(\alpha + \varphi'), \quad (19)$$

де $\varphi' = f' = \frac{f}{\cos \beta}$ – приведений кут тертя.

Приклад 1. Вал обертається з частотою $n = 600 \text{об/хв}$, навантажений радіальною силою $F = 9000 \text{Н}$. Коефіцієнт тертя цапф по підшипниках $f = 0,08$, діаметр цапф $d = 60 \text{мм}$. Визначити втрати потужності на тертя в опорах, вважаючи, що підшипники припрацьовані.

Розв'язок. Момент сил тертя визначаємо за формулою (15)

$$M_f = 1,27 f \frac{d}{2} F = 1,27 \cdot 0,08 \cdot \frac{0,06}{2} \cdot 9000 = 27,47 \text{Нм}.$$

Тоді втрати потужності на тертя

$$N = M_f \omega = M_f \frac{\pi n}{30} = 27,47 \cdot \frac{3,14 \cdot 600}{30} = 1726,3 \text{Вт}.$$

Приклад 2. Тіло навантажене силою Q рухається рівномірно (рис. 8, а). Коефіцієнт тертя ковзання $f = 0,3$. Визначити при якому куті β , необхідно прикласти найменшу рушійну силу F_p .

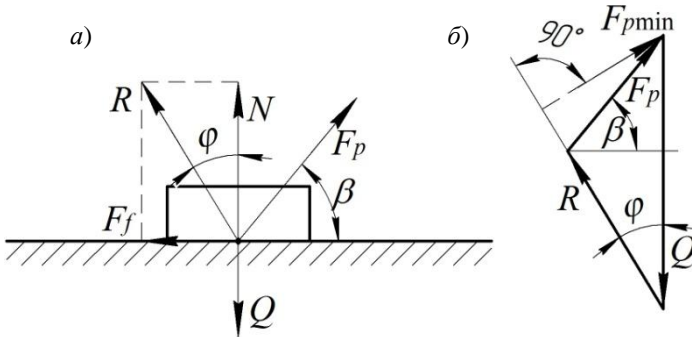


Рис. 8

Роз'язок. Замінімо нормальну реакцію N та силу тертя F_p загальною реакцією R . Розглянемо отриману систему у рівновазі. Для цього побудуємо план сил згідно векторного рівняння $\vec{Q} + \vec{R} + \vec{F}_p = 0$ (рис. 8, б).

За умовою величина та напрямок рушійної сили F_p можуть змінюватись, тому при постійному куті тертя φ буде змінюватись загальна реакція R . Найменшою величина рушійної сили $F_{p\min}$ буде у тому випадку, коли вона перпендикулярна загальній реакції, тобто

$$\beta = \varphi = \arctg f = \arctg 0,3 = 16,7^\circ,$$

$$F_{p\min} = Q \sin \varphi = Q \sin 16,7^\circ = 0,287Q.$$

Приклад 3. На повзун кривошипно-повзунного механізму діє сила $F = 100000H$, коефіцієнт тертя між повзуном та направляючою $f = 0,1$, $l_{OA} = 100\text{мм}$, $l_{AC} = 200\text{мм}$. Визначити реакцію R_{12} в заданому положенні ($\varphi_1 = 90^\circ$) для наступних випадків:

- 1) тертя між повзуном та направляючою знехтувати;
- 2) тертя між повзуном та направляючою врахувати, повзун рухається вправо;
- 3) тертя між повзуном та направляючою врахувати, повзун рухається вліво.

Розв'язок. Побудуємо плани сил для всіх випадків на основі векторного рівняння рівноваги: $\vec{F}_3 + \vec{R}_{12} + \vec{R}_{03} = 0$ (рис. 9).

Так як у розрахунках враховуємо лише сили, які діють на ланку 3,

то реакція R_{12} буде паралельна ланці 2.

Для першого випадку (рис. 9, а) реакцію R_{12} знайдемо із подібності плану сил і трикутника OAC :

$$\frac{R_{12}}{F_3} = \frac{l_{AC}}{l_{OC}} \Rightarrow R_{12} = F_3 \frac{l_{AC}}{l_{AC} \cos 30^\circ} = 100000 \cdot \frac{200}{200 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = 115470 \text{ Н} .$$

Реакцію R_{03} знайдемо із плану сил, як протилежний катет прямокутного трикутника:

$$R_{03} = R_{12} \sin 30^\circ = 115470 \cdot \frac{1}{2} = 57735 \text{ Н} .$$

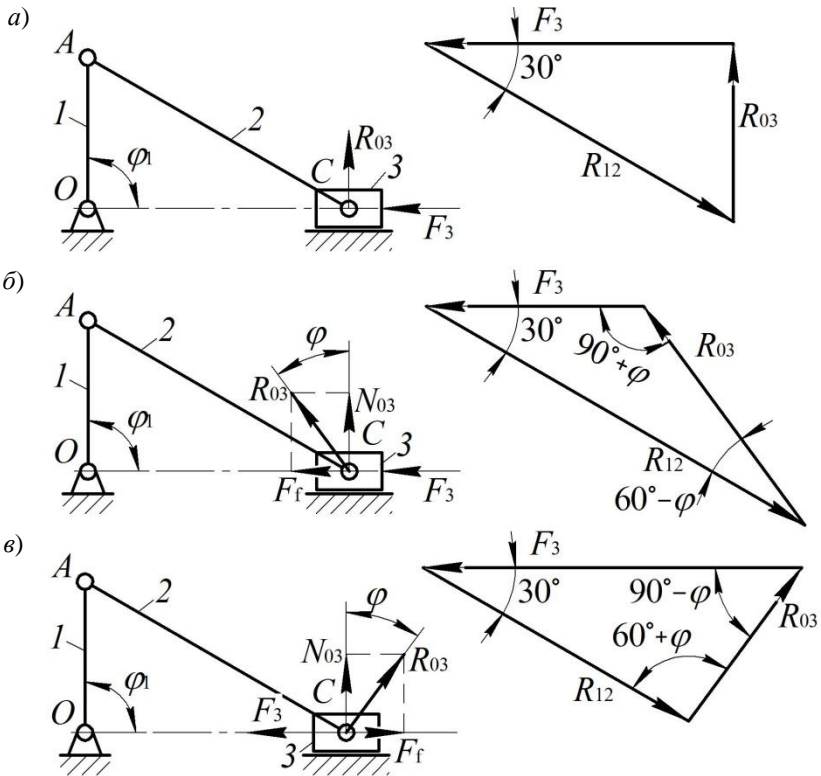


Рис. 9

Для другого випадку (рис. 9, б) реакцію R_{12} знайдемо за теоремою синусів:

$$\frac{R_{12}}{\sin(90^\circ + \varphi)} = \frac{F_3}{\sin(60^\circ - \varphi)},$$

де $\varphi = \operatorname{arctg} f = \operatorname{arctg} 0,1 = 5,71^\circ$ – кут тертя.

Звідси отримаємо

$$R_{12} = \frac{F_3 \cos \varphi}{\sin(60^\circ - \varphi)} = \frac{100000 \cdot \cos 5,71^\circ}{\sin(60^\circ - 5,71^\circ)} = 122544H.$$

Аналогічно знайдемо реакцію R_{03} :

$$\frac{R_{03}}{\sin 30^\circ} = \frac{F_3}{\sin(60^\circ - \varphi)};$$

$$R_{03} = \frac{F_3 \sin 30^\circ}{\sin(60^\circ - \varphi)} = \frac{100000 \cdot \sin 30^\circ}{\sin(60^\circ - 5,71^\circ)} = 61578H.$$

У третьому випадку (рис. 9, в) також застосуємо теорему синусів:

$$\frac{R_{12}}{\sin(90^\circ - \varphi)} = \frac{F_3}{\sin(60^\circ + \varphi)};$$

$$R_{12} = \frac{F_3 \sin(90^\circ - \varphi)}{\sin(60^\circ + \varphi)} = \frac{100000 \cdot \sin(90^\circ - 5,71^\circ)}{\sin(60^\circ + 5,71^\circ)} = 109168H.$$

$$\frac{R_{03}}{\sin 30^\circ} = \frac{F_3}{\sin(60^\circ + \varphi)};$$

$$R_{03} = \frac{F_3 \sin 30^\circ}{\sin(60^\circ + \varphi)} = \frac{100000 \cdot \sin 30^\circ}{\sin(60^\circ + 5,71^\circ)} = 54856H.$$

Приклад 4. Яку силу F необхідно прикласти на кінці рукоятки автомобільного домкрата (рис. 10), щоб підняти вантаж $F_g = 15000H$.

Різьба гвинта квадратна із кроком $p = 5\text{мм}$, зовнішній діаметр різьби $d = 24\text{мм}$, внутрішній $d_1 = 20\text{мм}$, довжина рукоятки $l = 300\text{мм}$, коефіцієнт тертя у різьбі $f = 0,1$. Також визначити к.к.д. домкрата.

Тертям у головці домкрата знехтувати.

Розв'язок. Момент тертя у різьбі гвинта:

$$M_f = Fl = F_g r_2 \operatorname{tg}(\alpha + \varphi).$$

Середній радіус різьби (рис. 7, в):

$$r_2 = \frac{d + d_1}{4} = \frac{24 + 20}{4} = 11\text{мм}.$$

Кут підйому різьби (рис. 7, б):

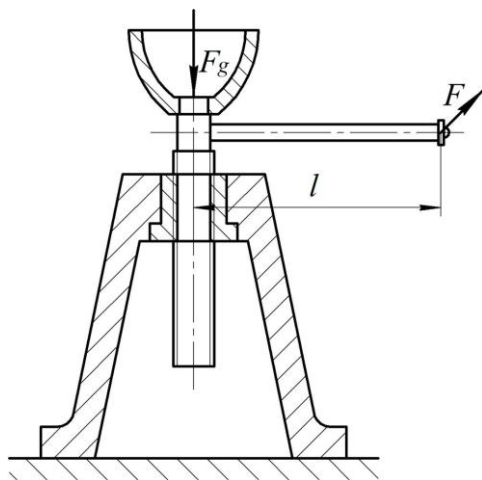


Рис. 10

$$\alpha = \operatorname{arctg} \frac{p}{2\pi r_2} = \operatorname{arctg} \frac{5}{2 \cdot \pi \cdot 11} = 4,14^\circ.$$

Кут тертя

$$\varphi = \operatorname{arctg} f = \operatorname{arctg} 0,1 = 5,71^\circ.$$

Тоді

$$F = \frac{F_g r_2 \operatorname{tg}(\alpha + \varphi)}{l} = \frac{15000 \cdot 11 \cdot \operatorname{tg}(4,14^\circ + 5,71^\circ)}{300} = 95,5 \text{ Н.}$$

К.к.д. домкрата

$$\eta = \frac{\operatorname{tg} \alpha}{\operatorname{tg}(\alpha + \varphi)} = \frac{\operatorname{tg} 4,14^\circ}{\operatorname{tg}(4,14^\circ + 5,71^\circ)} = 0,42.$$

3. ТЕРТЯ У ВИЩИХ КІНЕМАТИЧНИХ ПАРАХ

Переміщення вантажу на катках.

Припустимо, що вантаж вагою F_g лежить на двох катках (рис. 11).

Позначимо вагу кожного з катків F_K , а радіус R . Знайдемо зусилля F_p , необхідне для рівномірного переміщення вантажу.

Визначимо моменти тертя кочення, що виникають між вантажем і катками та катками і поверхнею, по якій вони рухаються:

$$M_1 = k_1 F_g, \quad M_2 = k_2 (F_g + 2F_K),$$

де k_1, k_2 – коефіцієнти тертя кочення, відповідно між вантажем і катками та катками і поверхнею, по якій вони рухаються.

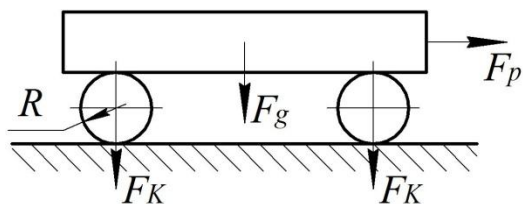


Рис. 11

Сумарний момент тертя

$$M_f = M_1 + M_2 = (k_1 + k_2)F_g + 2F_K k_2.$$

Із рівності елементарних робіт сили F_p та сумарного моменту тертя M_f , отримаємо:

$$F_p = \frac{(k_1 + k_2)F_g + 2F_K k_2}{2R}. \quad (20)$$

Переміщення вантажу на візку.

При переміщенні вантажу на візку сумарний момент тертя рівний моменту тертя кочення катків по площині та моменту тертя ковзання у цапфах катків (рис. 12).

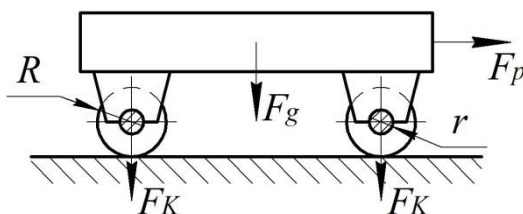


Рис. 12

Тоді з умови рівності елементарних робіт, отримаємо:

$$F_p = \frac{(k + fr)F_g + 2F_K k}{R}, \quad (21)$$

де r – радіус цапф, k, f – відповідно коефіцієнт тертя кочення катків по площині та коефіцієнт тертя ковзання у цапфах катків.

Приклад 5. Для рівномірного переміщення колоди, сила тяжіння якої $F_g = 10000H$, по горизонтальній площині застосовують два катки

діаметром $D = 20\text{см}$ та силою тяжіння $F_K = 500\text{Н}$ кожен (рис. 11). Коефіцієнт тертя кочення між колодою та катками $k_1 = 0,12\text{см}$, між катками і площиною $k_2 = 0,18\text{см}$. Нехтуючи проковзуванням, визначити рушійну силу F_p направлену паралельно площині. Також знайти мінімальний кут підйому площини α , щоб при відсутності рушійної сили колода могла переміщуватись рівномірно.

Розв'язок. Величину рушійної сили знайдемо за формулою (20):

$$F_p = \frac{(k_1 + k_2)F_g + 2F_K k_2}{2R} = \frac{(0,12 + 0,18) \cdot 10000 + 2 \cdot 500 \cdot 0,18}{2 \cdot 10} = 159\text{Н}.$$

Колода буде рівномірно переміщуватись по похилій площині (рис. 13) за умови:

$$F_p = \frac{(k_1 + k_2)F_g \cos \alpha + 2k_2 F_K \cos \alpha}{2R} = F_g \sin \alpha + 2F_K \sin \alpha,$$

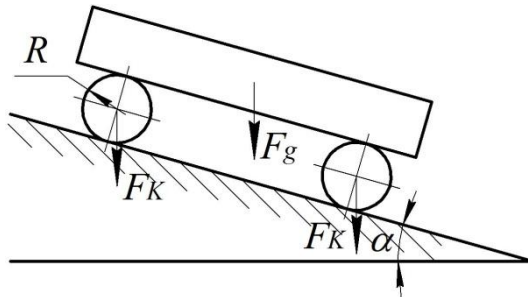


Рис.13

або

$$F_p = \frac{(k_1 + k_2)F_g + 2k_2 F_K}{2R} = \text{tg } \alpha (F_g + 2F_K).$$

Звідси знайдемо

$$\text{tg } \alpha = \frac{(k_1 + k_2)F_g + 2k_2 F_K}{2R(F_g + 2F_K)} = \frac{(0,12 + 0,18) \cdot 10000 + 2 \cdot 0,18 \cdot 500}{2 \cdot 10 \cdot (10000 + 2 \cdot 500)} = 0,144.$$

Отже,

$$\alpha = \text{arctg} 0,144 = 8,19^\circ.$$

Приклад 6. На тваринницькій фермі навантажену вагонетку, сила тяжіння якої $F_g = 5000\text{Н}$, переміщують рівномірно вгору рейками по похилій площині, яка нахилена до горизонту під кутом $\alpha = 15^\circ$ (рис. 14). Визначити потужність двигуна N , необхідну для переміщення

вагонетки, якщо: сила тяжіння коліс вагонетки $F_k = 500H$, коефіцієнт тертя кочення коліс по рейкам $k = 0,08mm$, коефіцієнт тертя ковзання в цапфах коліс вагонетки $f = 0,1$, діаметр коліс $D = 200mm$, діаметр цапф $d = 50mm$, швидкість переміщення вагонетки $v = 1,5m/c$.

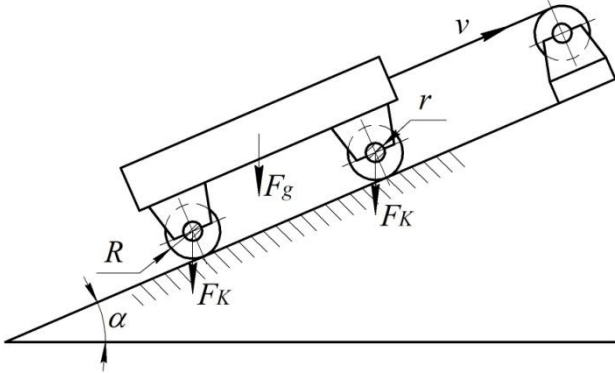


Рис. 14

Розв'язок. Потужність, яку необхідно витратити на переміщення вагонетки:

$$N = N_g + N_k + N_f,$$

де N_g – потужність, необхідна для переміщення вагонетки, N_k – потужність, необхідна для подолання тертя кочення між колесами вагонетки і площиною, N_f – потужність, необхідна для подолання тертя ковзання в цапфах коліс вагонетки.

$$N_g = (F_g \sin \alpha + 2F_k \sin \alpha)v =$$

$$= (5000 \cdot \sin 15^\circ + 2 \cdot 500 \cdot \sin 15^\circ) \cdot 1,5 = 2329,37 Bm$$

$$N_k = (F_g \cos \alpha + 2F_k \cos \alpha)k \frac{2v}{D} =$$

$$= (5000 \cdot \cos 15^\circ + 2 \cdot 500 \cdot \cos 15^\circ) \cdot 0,0008 \cdot \frac{2 \cdot 1,5}{0,2} = 69,55 Bm$$

$$N_f = 1,27 F_g \cos \alpha \frac{d}{2} f \frac{2v}{D} =$$

$$= 1,27 \cdot 5000 \cdot \cos 15^\circ \cdot \frac{0,05}{2} \cdot 0,1 \cdot \frac{2 \cdot 1,5}{0,2} = 230 Bm$$

Примітка. У формули всі дані підставлені у системі СІ. Кутова швидкість врахована через лінійну швидкість вагонетки $\omega = \frac{2v}{D}$.

Тоді

$$N = 2329,37 + 69,55 + 230 = 2628,92 \text{ Вт}.$$

4. ТЕРТЯ В ПАСОВИХ ТА ФРИКЦІЙНИХ ПЕРЕДАЧАХ

Тертя в пасовій передачі.

Розглянемо випадок, коли за допомогою гнучкої ланки (паса), перекинутої через нерухомий циліндричний барабан, піднімається вантаж m . Знаючи радіус барабана r та коефіцієнт тертя паса по поверхні барабану f , визначимо силу F_p , необхідну для рівномірного переміщення вгору вантажу вагою F_g (рис. 15, а).

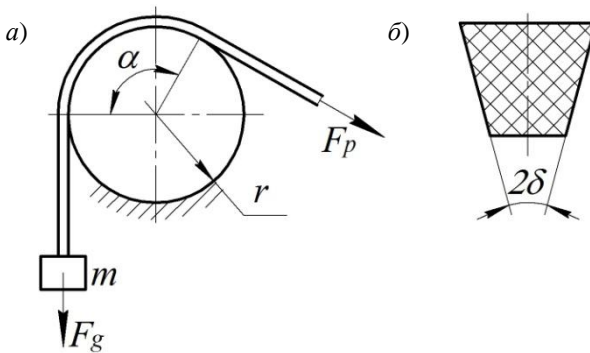


Рис. 15

Кут між вітками паса α , який огинає барабан називається *кутом обхвату*.

Для піднімання вантажу необхідно також здолати силу тертя між пасом та барабаном. Залежність між натягом у вітках паса встановлено формулою Ейлера.

$$F_p = F_g e^{f\alpha}, \quad (22)$$

Для клинового паса формула (22) приймає вид:

$$F_p = F_g e^{\frac{f\alpha}{\sin \delta}}, \quad (23)$$

де δ – половина кута канавки клинового паса (рис. 15, б).

Тертя у фрикційній передачі.

Інколи сили тертя використовують для відтворення руху окремих ланок механізмів. Прикладом такого механізму є фрикційний механізм, який складається з двох циліндричних фрикційних коліс з осями у точках O_1 та O_2 (рис. 16).

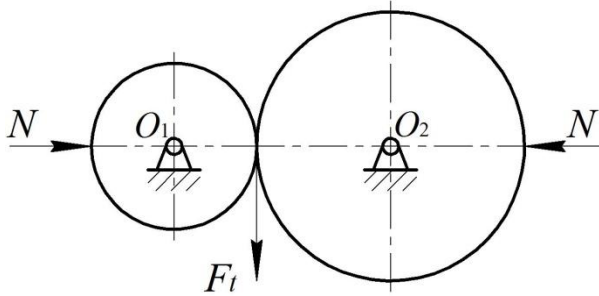


Рис. 16

Передача руху між колесами 1 і 2 можлива, якщо між ними виникає сила тертя F_f достатня для подолання колової сили F_t .

Згідно (1) величина сили тертя F_f залежить від сили притискання N коліс фрикційної передачі. Проковзування між колесами буде відсутнє при $F_f > F_t$.

Відношення $\mu = \frac{F_f}{F_t}$ називається коефіцієнтом запасу зчеплення.

На практиці вигідніше застосовувати клиновидні фрикційні колеса. В цьому випадку коефіцієнт тертя визначається аналогічно клиновому повзуну (рис. 4)

$$F_f = F_t = \frac{fN}{\sin \delta}. \quad (24)$$

Приклади розв'язку задач для пасових та фрикційних передач будуть розглянуті при вивченні дисципліни «Деталі машин».

Література

1. Практикум з курсу «Теорія механізмів і машин» / В. М.Стрілець, Б. І.Червоний, І. Т.Шинкаренко, І. О.Похильчук. Рівне : НУВГП, 2006. 107 с.
2. Червоний Б. І. Теорія механізмів і машин. ІКНМЗ. Рівне: НУВГП, 2006. 160 с.
3. Теорія механізмів і машин. Розв'язання задач : навч. посібн. / Бабенко Є. М., Корнієнко А. О., Башта О. В., Крижановський А. С. Київ : Вид-во Нац. авіац. ун-ту «НАУ-друк», 2010. 120 с.
4. Основи теорії механізмів і машин. Курс лекцій : підручник / Бурлака В. В., Кучеренко С. І., Мазоренко Д. І., Тищенко Л. М. Харків, 2009. 340 с.