

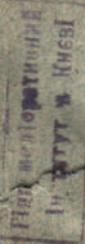
ГИДРАВЛИЧЕС-

А ШЛЮЗНЫХЪ ВОДОПРОВОДОВЪ

ВЪ РАЗЛИЧНЫХЪ СЛУЧАЯХЪ ИХЪ УСТРОЙСТВА.

Füllen und Leeren der Schleusen-Kammer.

Съ 3 листами чертежей.



М О С К В А.

Университетская типография, Страстной бульваръ.

1904,

10

532
T-99

T-99..

Н. Д. Тяпкинъ.

О ФОРМУЛАХЪ

ПРИМЕНЯЕМЫХЪ ДЛЯ

ГИДРАВЛИЧЕСКАГО РАЗСЧЕТА ШЛЮЗНЫХЪ ВОДОПРОВОДОВЪ

ВЪ РАЗЛИЧНЫХЪ СЛУЧАЯХЪ ИХЪ УСТРОЙСТВА.

Füllen und Leeren der Schleusen-Kammer.

1662
Гидр. Мелиоративный
Институт в Киеве

Проверено
1903 г.

да

Съ 3 листами чертежей.

59



МОСКВА.

Университетская типография, Страстной бульваръ.

1904.

Печатано съ разрѣшенія Императорскаго Московскаго Инже-
нернаго Училища Вѣдомства Путей Сообщенія.

ПРЕДИСЛОВІЕ.

Вопроſъ о правильномъ подсчетѣ времени для наполненія и опорожненія камеръ шлюзовъ, въ различныхъ случаяхъ устройства водопроводовъ или, обратно, опредѣленіе цѣлесообразныхъ размѣровъ съченій водопроводовъ, когда время ограничено и надо дождить лишними нѣсколькоими минутами, долженъ быть признанъ за служающимъ вниманія. Важно наконецъ выяснить, какъ далеко мы уходимъ отъ дѣйствительности, примѣня якъ разсчету упрощенные формулы. Конечно, самымъ лучшимъ способомъ провѣрки могутъ служить опытныя наблюденія. При этомъ, по нашему мнѣнію, лабораторныя работы въ этомъ направлениі, при невозможности произвести опыты въ условіяхъ, соотвѣтствующихъ дѣйствительнымъ размѣрамъ, могутъ дать лишь приблизительныя данныя, сравнильныя, но ни въ какомъ случаѣ не окончательныя. Пока въ предлагаемой статьѣ ограничимся теоретической стороной этого дѣла: приведемъ опытныя формулы для выраженія различныхъ гидравлическихъ сопротивленій въ водопроводахъ, имѣющіяся формулы для расчета поперечныхъ размѣровъ этихъ водопроводовъ, разборъ этихъ формулъ и наконецъ результаты нѣкоторыхъ сдѣланыхъ нами подсчетовъ по приведеннымъ формуламъ, примѣненнымъ къ уже построеннымъ шлюзамъ.

Поэтому наша работа ¹⁾ по содержанию подраздѣлена слѣдующимъ образомъ:

Введеніе. Принятые опредѣленія и общія обозначенія.

Глава I. Истеченіе черезъ щитовыя отверстія въ полотнахъ воротъ. Время наполненія (T_1) и опорожненія (T_2) камеръ шлюзовъ. Выборъ коефиціента μ расхода.

¹⁾ Эта книжка представляетъ собою въ болѣе разработанномъ видѣ статью того-же заглавія, помѣщенную въ журналѣ „Инженерное Дѣло“ 1904 г. №№ 2 и 3.

Глава II. Круговые каналы въ стѣнахъ шлюза. Результаты опытныхъ наблюдений. Приближенныя и точная формулы для определенія T_1 и T_2 . Выборъ коефиціента и расхода или формулы.

Глава III. Продольные каналы въ стѣнахъ шлюза съ поперечными отвѣтственіями по длине. Выводъ формулъ инженера $\Theta. G. Зброжека$ и профессора $F. E. Максименко$, служащихъ для определенія T_1 и T_2 . Общее заключеніе объ этихъ формулахъ.

Глава IV. Гидравлическія сопротивленія въ шлюзовыхъ водопроводахъ и порядокъ составленія коефиціентовъ сопротивленія для вышеприведенныхъ формулъ.

Глава V. Результаты подсчетовъ по приведеннымъ формуламъ. Соответственное сравненіе ихъ между собою. Общее заключеніе о возможности ихъ примѣненія. О зависимости T и μ отъ различныхъ элементовъ, входящихъ въ общія формулы. Возможныя предѣльныя значенія μ .

Въ этой работе помѣщены полные выводы формулъ $\Theta. G. Зброжека$ и $F. E. Максименко$ въ виду того, что въ данное время въ литературѣ ихъ не имѣется. Профессоръ $F. E. Максименко$ передалъ намъ черновые выводы своихъ формулъ, къ которымъ мы сдѣлали необходимый поясненія, а также некоторые дополненія и обобщенія; формула же $\Theta. G. Зброжека$ въ общемъ видѣ, за отсутствиемъ данныхъ въ его курсѣ, выведена нами.

Формулы $F. E. Максименко$ представлены въ самомъ общемъ видѣ довольно сложныхъ корней; это сдѣлано съ цѣлью показать общность формулъ для всѣхъ родовъ шлюзовыхъ водопроводовъ и легкость ихъ составленія. Изъ приведенныхъ выводовъ явствуетъ и иное, упрощенное, ихъ изображеніе; группировка же въ особыхъ таблицы отдельныхъ вычислений подъ корнемъ даетъ возможность значительно облегчать нахожденіе времени T_1 и T_2 .

Самыхъ подсчетовъ для главы V мы не приводимъ вслѣдствіе большого размѣра статьи и безъ того *).

Литература, имѣющаяся по рассматриваемому вопросу, приведена въ концѣ книжки.

Январь 1904 г.

H. D. Тимонин.

*). Имѣется въ виду выпустить отдельной книжкой „Примѣры определенія T_1 и T_2 по различнымъ формуламъ и въ различныхъ случаяхъ пріймѣнія водопроводовъ“.

В В Е Д Е Н И Е.

Прежде, чѣмъ начать разсмотрѣніе формулъ, служащихъ для опредѣленія времени наполненія и опорожненія камеръ шлюзовъ, необходимо предпослать иѣсколько указаний о принятыхъ опредѣленіяхъ и о подраздѣленіи устройствъ шлюзовыхъ водопроводовъ; это дастъ возможность въ дальнѣйшемъ изложеніи не повторяться.

Наполненіе и опорожненіе шлюзовыхъ камеръ при закрытыхъ воротахъ дѣлается съ цѣлью сравненія горизонта воды въ камерѣ съ горизонтомъ воды верхняго или нижняго бьефовъ, смотря по тому—куда проходящее черезъ шлюзъ судно направляется. Объемъ воды, нужный для этого сравненія горизонтовъ воды, носить, какъ извѣстно, название *сливной призмы*; величина ея W зависитъ, само собою понятно, отъ площади Ω_0 водной поверхности шлюза (между воротами въ створенномъ состояніи) и отъ разности h высотъ сравниваемыхъ горизонтовъ воды, т. е. $W = \Omega_0 \cdot h$.

Въ случаѣ, если камера ограничена не вертикальными стѣнками, а откосами, подъ Ω_0 въ этомъ выраженіи подразумѣваются среднюю величину между сѣченіями камеры въ планѣ, соответствующими горизонтамъ верхняго и нижняго бьефовъ.

Для наполненія камеры изъ верхняго бьефа и опорожненія камеры въ нижній бьефъ при закрытыхъ воротахъ служатъ: *)

а) *Отверстія* (щитовыя) въ полотнахъ воротъ (*Schützöffnungen in den Thoren, Thorschützen*), закрываемыя щитами подъемными или поворотными—вращающимися около вертикальной или горизонтальной осей.

б) Водопроводныя галлерей, *круповые каналы* (*Umläufe, einfache Umläufe*)—съ однимъ пріемнымъ и однимъ выпускнымъ отверстіями. Эти каналы устраиваются въ обѣихъ боковыхъ стѣнахъ или не-

*) Подробнѣе объ этомъ см. *H. D. Тяпкинъ*. Водопроводы (отверстія, каналы и галлерей) въ шлюзахъ; съ 10 таблицами чертежей, заключающими расположение и устройство водопроводовъ при различныхъ условіяхъ пользованія ими. Готовится къ печати отдѣльной книжкой.

посредственно за ними, но при непремѣнномъ условіи вполнѣ симметричного другъ относительно друга расположенія; ось этихъ каналовъ можетъ и не располагаться по дугѣ круга, а состоять изъ прямой части съ плавными криволинейными закругленіями къ прѣмному и выходному отверстіямъ.

с) *Продольные водопроводы* въ боковыхъ стѣнахъ (*Umläufe mit Stich-Kanälen*) съ отвѣтственіями (отверстіями), расположеннымъ въ въ нѣсколькихъ мѣстахъ по длине, одно противъ другого; каналы, служащіе для наполненія камеры, имѣютъ одно или нѣсколько прѣмныхъ отверстій (отвѣтственій) въ верхней головѣ шлюза и нѣсколько впусканыхъ (выходныхъ)—по камерѣ; каналы, служащіе для опорожненія камеры, имѣютъ одно или нѣсколько прѣмныхъ отвѣтственій въ камерѣ и нѣсколько или одно выпускныхъ отверстій въ нижней головѣ шлюза.

д) *Каналы въ стѣнкѣ паденія* (*Umläufe, Grundläufe*).

и е) *Продольные каналы въ днѣ* (*Grundläufe*) съ отвѣтственіями или отверстіями вверхъ, по оси шлюза или вдоль стѣнъ камеры, или наконецъ съ узкими, прямоугольного съченія отверстіями длиною почти во всю ширину камеры.

О б о з и ч е н і я:

a —ширина
 b —высота } щитового отверстія.

n —общее число этихъ отверстій, симметрично расположенныхъ въ обоихъ полотнахъ воротъ.

$w=n.a.b$ —общее съченіе водопроводныхъ отверстій.

Ω_0 —площадь шлюза въ планѣ между створенными воротами, предполагая ее одинаковой по всей высотѣ.

Ω_1 и Ω_2 —площади водной поверхности верхняго и нижняго бьефовъ.

O_1 и O_2 —поперечная съченія двухъ сообщающихся сосудовъ.

V_1 и V_2 —соответственныя скорости пониженія и повышенія воды въ этихъ сосудахъ.

v_i —скорость движенія воды въ рассматриваемыхъ водопроводахъ.

h —разность горизонтовъ бьефовъ.

T_1 —время наполненія шлюзной камеры изъ верхняго бьефа.

T_2 —время опорожненія шлюзной камеры въ нижній бьефъ.

μ —коэффиціентъ расхода при истеченіи черезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ (щитовое отверстіе).

ГЛАВА I.

ЩИТОВЫЯ ОТВЕРСТИЯ ВЪ ПОЛОТНАХЪ ВОРОТЬ.

1. Предѣлы примѣненія формулъ. Формулы, приводимыя въ этой главѣ, относятся исключительно къ случаямъ истеченія воды чрезъ щитовыя отверстія; можетъ быть сдѣлано примѣненіе ихъ еще лишь для донныхъ короткихъ каналовъ. Тѣмъ не менѣе во многихъ случаяхъ практики и проектированія эти формулы примѣнились и для расчета водопроводныхъ галлерей, съ измѣненіемъ коефиціента расхода, а иногда и безъ этого измѣненія. Это главнымъ образомъ и заставило насъ взяться за выясненіе дѣйствительности.

A. Камера съ вертикальными стѣнками.

§ 1. Время T_1 наполненія шлюзной камеры изъ верхнаго бѣфса.

2. Истеченіе чрезъ незатопленное отверстіе. Это время T_1 для упрощенія въ вычисленіяхъ принимается состоящимъ изъ двухъ частей (Фиг. 1):

1) t_1 —соответствующаго поднятію горизонта воды въ камерѣ на высоту h_1 , разматривая истеченіе на воздухъ чрезъ все отверстіе въ тонкой стѣнкѣ подъ постояннымъ напоромъ h_2 ;

и 2) t_2 —потребнаго для дальнѣйшаго повышенія горизонта воды въ камерѣ на высоту h_2 , разматривая истеченіе уже подъ водой чрезъ то же отверстіе подъ напоромъ, измѣняющимся отъ h_2 до 0.

На основаніи соответственныхъ формулъ гидравлики¹⁾ получается:

$$T_1=t_1+t_2=\frac{\Omega_0 \cdot h_1}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b \cdot \sqrt{2g \cdot h_2}} + \frac{2 \cdot \Omega_0}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b} \cdot \sqrt{\frac{h_2}{2g}} = \\ = \frac{\Omega_0}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b \cdot \sqrt{2gh_2}} \cdot (h_1 + 2h_2) \dots \dots \dots \dots \dots \quad (1)$$

¹⁾ Ф. Е. Максименко. Курсъ гидравлики. С.-Пб. 1889 г. Стр. 192, 206—207.

Ошибка, происходящая при такихъ неправильныхъ предположеніяхъ, исправляется коефиціентомъ μ , который долженъ быть определенъ при обстоятельствахъ, точно соотвѣтствующихъ практикѣ.

3. Истеченіе чрезъ затопленное отверстіе. Въ этомъ случаѣ напоръ измѣняется¹⁾ отъ h до 0 и для T_1 имѣемъ формулу гидравлики²⁾ (Фиг. 2):

$$T_1 = \frac{2 \cdot \Omega_0}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} = \frac{A}{\mu \cdot \omega} \dots \dots \dots \quad (2)$$

§ 2. Время T_2 опорожненія шлюзной камеры въ нижній бьефъ.

4. Истеченіе чрезъ затопленное отверстіе. Формула для T_2 (Фиг. 1) въ этомъ случаѣ будетъ³⁾:

$$T_2 = \frac{2 \cdot \Omega_0}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}}, \dots \dots \dots \quad (2^0)$$

подобно предыдущему.

5. Истеченіе чрезъ отверстіе частью затопленное. Въ этомъ случаѣ имѣемъ (Фиг. 3) слѣдующую формулу гидравлики:³⁾

$$T_2 = \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot h}{\mu \cdot n \cdot a \cdot [b_1 \sqrt{2gh} + b_2 \sqrt{2g(h - \frac{1}{2}b_2)}]} \dots \dots \dots \quad (3)$$

§ 3. Выборъ формулы, введеніе поправки; величина коефиціента μ расхода.

6. Выгодность устройства затопленныхъ отверстій. Обыкновенно приходится пользоваться формулами (2) и (2⁰), такъ какъ щитовыя отверстія въ полотнахъ воротъ всегда слѣдуетъ устраивать затопленными. Такое расположение отверстій даетъ возможность пользоваться формулой для T_1 и T_2 болѣе точной и вмѣстѣ съ тѣмъ простой, использовать для всего истеченія весь напоръ, улучшить условія работы щитовыхъ затворовъ, избѣжать возможныхъ ударовъ струи непосредственно въ судно (что особенно важно въ верхнихъ воротахъ), при истечениі же въ воду вредное дѣйствіе

¹⁾ Какъ известно изъ гидравлики время T_1 или T_2 , при переменномъ напорѣ, вдвое больше того, которое потребовалось бы для наполненія или опорожненія камеры при постоянномъ напорѣ h .

²⁾ См. Ф. Е. Максименко. Стр. 192 и 207.

³⁾ См. тамъ-же. Стр. 193, 207—208.

удара струи уменьшается. Истечеіе чрезъ незатопленное или затопленное частью отверстіе наблюдалось на Маріинской водной системѣ при старыхъ устройствахъ шлюзовъ, въ особенности же при возвышенныхъ верхнихъ короляхъ. Бывали случаи, что вода при такомъ расположении ударяла прямо въ судно, вышибала копать изъ его пазовъ, и судно нерѣдко тонуло даже въ самой камерѣ. Во избѣженіе подобныхъ неожиданныхъ затрудненій движению судовъ, стремились къ возможно медленному открытию щитовыхъ отверстій въ полотнахъ воротъ, что конечно увеличивало время T_1 и очень замедляло судоходство. Возвышенные верхніе короли (стѣнка паденія) при деревянномъ устройствѣ шлюзовъ вообще неудобны какъ вслѣдствіе необходимости слишкомъ частаго ремонта, такъ и указанныхъ только что неудобствъ въ устройствѣ отверстій и успѣшности судоходства; кромѣ того само время наполненія T_1 и опорожненія T_2 камеры при возвышенномъ верхнемъ король оказывается болѣе такого же при короляхъ въ одномъ уровнѣ¹⁾.

7. Определение необходимой площади щитовыхъ отверстій. Изъ формулъ (2) и (2⁰) можно найти по данному T_1 или T_2 величину нужной площади щитовыхъ отверстій:

$$\Sigma\omega = n \cdot a \cdot b = \frac{2 \Omega_0 \cdot \sqrt{h}}{T \cdot \mu \cdot \sqrt{2g}} \dots \dots \dots \quad (4)$$

При $\mu=0,62$ и $g=9,81 \text{ м./с.}^2$ получаемъ:

$$\Sigma\omega = n \cdot a \cdot b = 0,73 \cdot \frac{\Omega_0}{T} \cdot \sqrt{h} \dots \dots \dots \quad (5)$$

8. Поправка въ величинѣ T_1 и T_2 вслѣдствіе немгновенного открытия отверстій. Въ вышеприведенныхъ формулахъ (1—5) время t_0 открытия щитовъ, закрывающихъ отверстія, весьма мало, а потому вытекающее разсматривалось происходящимъ все время чрезъ полное отверстіе. Въ дѣйствительности, въ случаѣ напр. подъемныхъ щитовъ это время оказывается довольно значительнымъ²⁾ сравнительно съ T_1 и T_2 ; величина его конечно зависитъ вполнѣ отъ

¹⁾ См. Августовский. Теоретические подсчеты (Ж. М—ва п. с. 1869 г. Т. XIII, Кн. № 6, стр. 210—219).

²⁾ См. Августовский; Максименко, стр. 209: Такъ, при высотѣ отверстія въ 2 фута и напорѣ около 9 фут., t_0 —отъ $\frac{2}{3}$ до 1 минуты, тогда какъ T_1 или T_2 было отъ 5 до 7 минутъ.

механизмовъ и приспособленій, употребляемыхъ для подъема щитовъ и должна быть исчисляема для каждого даннаго случая отдельно.

Первые указанія въ литературѣ на введеніе въ разсчетъ T_1 и T_2 времени t_0 поднятія щита находятся въ статьѣ инженера Августовскаго¹⁾.

Изъ подробнаго разсмотрѣнія²⁾ наполненія и опорожненія камеры чрезъ отверстія въ полотнахъ воротъ, закрываемыя подъемными щитами, оказывается, что дѣйствительное время наполненія T_1' и опорожненія T_2' камеры получится, если къ времени T_1 или T_2 , вычисленнымъ по формуламъ (1—3) по мгновенному поднятію щитовъ, прибавить половину времени t_0 , необходимаго для равномѣрнаго подъема щита на всю высоту b отверстія, т.-е.

$$T_1' = T_1 + \frac{1}{2}t_0 \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (6)$$

$$T_2' = T_2 + \frac{1}{2}t_0 \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (7)$$

Такая зависимость получена изъ сопоставленія значеній T_1 (или T_2) по формуламъ (1—3) съ соотвѣтственными суммами $t_0 + \tau$. Величина t_0 (Фиг. 4) обозначаетъ время равномѣрнаго поднятія щита на всю высоту отверстія съ нѣкоторою скоростью $\frac{b}{t_0}$ и соотвѣтствуетъ времени наполненія камеры до нѣкотораго уровня ab съ разностью горизонтовъ x_0 въ концѣ времени t_0 (измѣненіе разности горизонтовъ бѣфовъ отъ h до x_0).

Имѣемъ:

$$t_0 = \frac{4 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b \cdot \sqrt{2g} \cdot (\Omega_0 + \Omega_1)} \cdot (\sqrt{h} - \sqrt{x_0})$$

или, проще:

$$t_0 = \frac{4 \cdot \Omega_0}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b \cdot \sqrt{2g}} \cdot (\sqrt{h} - \sqrt{x_0}) \dots \dots \dots \dots \dots \quad (2')$$

Величина τ соотвѣтствуетъ времени окончательнаго наполненія камеры при измѣненіи разности горизонтовъ бѣфовъ отъ x_0 до нуля, т. е.:

$$\tau = \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b \cdot \sqrt{2g} \cdot (\Omega_0 + \Omega_1)} \cdot \sqrt{x_0},$$

¹⁾ Журналъ М—ва п. с. 1869 г., Т. XIII. Кн. № 6, стр. 163—219.

²⁾ Августовскій, стр. 163; 177—183; Максименко, стр. 209—214.

или, иначе:

$$\tau = \frac{2 \cdot \Omega_0}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b \cdot \sqrt{2g}} \cdot \sqrt{x_0} \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (2'')$$

Сопоставляя формулы (2) и (2⁰) съ (2') и (2''), получимъ:

$$T'_1 = \tau + t_0 = T_1 + \frac{1}{2} t_0 \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (6)$$

$$T'_2 = \tau + t'_0 = T_2 + \frac{1}{2} t'_0 \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (7)$$

9. О величинѣ коеффиціента расхода μ , входящаго въ вышеприведенные формулы, довольно затруднительно дать какое-либо точное и определенное заключеніе, такъ какъ на нее оказываютъ влияние величина напора, способы истечения, величина и обдѣлка выпускныхъ отверстій и т. п. Въ литературѣ можно встрѣтить весьма разнообразныя числовыя значения этого коеффиціента. Такъ, напримѣръ, указываютъ:

Kinkе $\mu=0,63$; *Grashof* $\mu=0,60$; *D'Aubuisson* $\mu=0,55$; *Зброжекъ* $\mu=0,55$; *Strukel* $\mu=0,40-0,55$; *Lagrené* $\mu=0,62$; *Brennecke* $\mu=0,62$.

По опытамъ инженера *Авустовскаго*¹⁾ на шлюзахъ Маринской системы при отверстіяхъ высотою въ 2 фута получены значения коеффиціента, приведенныя въ нижепомѣщенной таблицѣ:

Истеченіе въ воду												
Напоръ перемѣнныи отъ 0 до h фут.												
h	μ	h	μ	h	μ	h	μ	h	μ	h	μ	h
0,29	0,473	1,59	0,538	4,19	0,571	6,26	0,596	7,39	0,634	9,28	0,670	
0,46	0,478	2,36	0,546	4,46	0,584	6,36	0,600	7,66	0,667	9,29	0,672	
0,79	0,506	2,79	0,557	4,69	0,590	6,66	0,601	8,09	0,670	9,98	0,676	
1,26	0,514	4,16	0,558	5,79	0,595	6,69	0,603	8,16	0,670	—	—	

Истеченіе въ воздухъ.		Napоръ постоянныи .
Предѣлы измѣненія h		Предѣлы измѣненія μ
отъ 6	до 6,66 фут.	отъ 0,580 до 0,619.
„ 6,66	“ 7,39 „	„ 0,619 „ 0,633

¹⁾ Ж. М.-ва II. С. 1869, кн. 6, стр. 192—199; *Максименко*, стр. 215.

Такимъ образомъ, по этимъ даннымъ значеніе μ колеблется въ предѣлахъ отъ 0,47 до 0,68.

Обыкновенно въ гидравликѣ для щитовыхъ отверстій (такъ наз. отверстій въ тонкой стѣнкѣ) въ среднемъ принимаютъ $\mu = 0,62$.

В. Камера съ наклонными стѣнками при шлюзахъ съ отдѣльными головами.

10. Дополнительные обозначенія. Въ нижеслѣдующемъ выводѣ предполагается, что стѣны камеры имѣютъ одиночные откосы. Кроме того введены слѣдующія обозначенія:

Ω'_0 —горизонтальное съченіе (площадь) той части камеры, где стѣны вертикальны (сумма въ обѣихъ головныхъ частяхъ);
 A —ширина камеры по флютбету въ части съ откосами;
 l —длина этой послѣдней части;
 H —высота воды нижняго бьефа надъ флютбетомъ камеры;
 x —измѣняющаяся разность между уровнями воды; предѣлы измѣненія: отъ h до нуля.

§ 4. Наполненіе шлюзной камеры.

11. Время T , наполненія камеры. Ширина камеры по урѣзу воды въ трехъ ея различныхъ положеніяхъ (Фиг. 5) соответственно будетъ:

на уровнѣ нижняго бьефа..... $B=A+2H$.

на уровнѣ верхняго бьефа $C=A+2(H+h)$.

на уровнѣ съ разностью горизонтовъ x . $D=A+2[H+(h-x)]$.

Равенство расхода черезъ щитовое отверстіе и соответственное уменьшенія (или увеличенія) сливной призмы даетъ:

$$\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2gx} \cdot dt = -\{\Omega'_0 + l \cdot [A + 2(H + h - x)]\} \cdot dx$$

Отсюда:

$$t = -\frac{1}{\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2g}} \cdot \int_{h}^{0} \frac{\{\cdot\} \cdot dx}{\sqrt{x}} = \frac{1}{\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2g}} \cdot \int_{0}^{h} \frac{\{\cdot\} \cdot dx}{\sqrt{x}} = \\ = \frac{1}{\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2g}} \cdot \left[\left(\Omega'_0 + l \cdot A + 2l \cdot (H + h) \right) \cdot \int_{0}^{h} \frac{dx}{\sqrt{x}} - 2l \cdot \int_{0}^{h} \frac{x \cdot dx}{\sqrt{x}} \right].$$

Но

$$\int_0^h \frac{dx}{\sqrt{x}} = 2\sqrt{h} \quad \text{и} \quad \int_0^h \frac{xdx}{\sqrt{x}} = \frac{2}{3} \cdot h \cdot \sqrt{h}.$$

Поэтому

$$T_1 = \frac{2 \cdot \left[\Omega'_0 + l \cdot A + 2l \cdot \left(H + \frac{2}{3}h \right) \right]}{\mu \cdot w} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} \dots\dots\dots (8)$$

§ 5. Опорожнение шлюзной камеры.

12. Время T_2 опорожнения камеры. Подобно предыдущему найдемъ (Фиг. 6):

$$B = A + 2H; C = A + 2 \cdot (H + h); D = A + 2 \cdot (H + x).$$

Такъ же имѣемъ:

$$\mu \cdot w \cdot \sqrt{2gx} \cdot dt = - \{ \Omega'_0 + l \cdot [A + 2 \cdot (H + x)] \} \cdot dx$$

Отсюда:

$$\begin{aligned} T_2 &= - \frac{1}{\mu \cdot w \cdot \sqrt{2g}} \cdot \int_h^0 \frac{\{ \} \cdot dx}{\sqrt{x}} = \frac{1}{\mu \cdot w \cdot \sqrt{2g}} \cdot \int_0^h \frac{\{ \} \cdot dx}{\sqrt{x}} = \\ &= \frac{1}{\mu \cdot w \cdot \sqrt{2g}} \cdot \left\{ [\Omega'_0 + l \cdot A + 2l \cdot H] \cdot \int_0^h \frac{dx}{\sqrt{x}} + 2l \cdot \int_0^h \frac{xdx}{\sqrt{x}} \right\} = \\ &= \frac{2 \cdot \left[\Omega'_0 + l \cdot A + 2l \cdot \left(H + \frac{1}{3}h \right) \right]}{\mu \cdot w} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} \dots\dots\dots (9) \end{aligned}$$

§ 6. Нѣкоторые общія заключенія.

13. Полное время T для наполненія и опорожненія камеры такимъ образомъ опредѣлится:

$$T = T_1 + T_2 = \frac{4}{\mu \cdot w} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} \cdot \left[\Omega'_0 + l \cdot A + 2l \cdot \left(H + \frac{h}{2} \right) \right] \dots\dots\dots (10)$$

14. Сравненіе величинъ T_1 и T_2 . Изъ общихъ формулъ (8) и (9) видно, что въ камерахъ съ наклонными стѣнками время опорожненія камеры короче, чѣмъ время наполненія при одинаковыхъ водопроводныхъ отверстіяхъ.

15. Особыя выражениія для площадей камеры при разныхъ горизонтахъ. Инженеръ Асустовскій для прежнихъ шлюзовъ Маринской системы при опредѣлениі времени наполненія и опорожненія камерь пользовался общей формулой (1—3); для площадей камеры при разныхъ высотахъ положенія въ ней горизонта воды онъ вывелъ особыя вспомогательныя выражениія на основаніи линейныхъ измѣреній частей шлюза, легко опредѣляемыхъ на практикѣ. Такія выражениія составлены имъ ¹⁾ какъ для случая стѣнъ вертикальныхъ, такъ и наклонныхъ къ вертикаліи подъ иѣкоторымъ угломъ ϕ .

16. Случай примѣненія формулъ (8) и (9). *Lagrené*, примѣнная формулы (8) и (9) къ шлюзу на верхней Сенѣ при Evту, принялъ ²⁾ для расчета круговые каналы работающими, какъ щитовыя отверстія; это, какъ увидимъ далѣе, совершенно неправильно. Но такъ какъ потомъ на этотъ подсчетъ придется ссылаться, то онъ былъ мною провѣренъ; расхожденіе получилось незначительное, а именно $T_1=10$ м. 25 сек. вместо 10 м. 12 сек., указываемыхъ *Lagrené*.

Данныя, принятые имъ для подсчета:

$Q'_0=189,90$ кв. м.; $l=172,90$ м.; $A=13,90$ метр., но онъ считалъ 13,50 для того, чтобы принять во вниманіе объемъ воды, проникающей черезъ откосы и мостовую; $H=1,20$ м.; $h=1,60$ м.; ω = суммъ съченій двухъ круговыхъ каналовъ + суммъ съченій 6-ти отверстій, каждое въ 3 узкихъ отверстія, въ полотнахъ воротъ = 4,84 кв. м.; $\mu=0,62$.

По подстановкѣ въ формулы (8) и (9) этихъ данныхъ находимъ:

$$T_1 = 10 \text{ мин. } 25 \text{ сек.}$$

$$T_2 = 9 \text{ мин. } 50 \text{ сек.}$$

¹⁾ См. Ж. М-ва П. С. 1869, кн. 6, стр. 185—192.

²⁾ *Lagrené*, p. 36, 84—85.

ГЛАВА II.

КРУГОВЫЕ КАНАЛЫ ВЪ СТЕНАХЪ ШЛЮЗА.

§ 1. Необходимость примѣненія особыхъ формулъ для определенія T .

17. Наблюденія надъ истечениемъ воды чрезъ отверстія и каналы въ шлюзѣ. Для выясненія сравнительной работы различныхъ шлюзныхъ водопроводовъ были сдѣланы поучительные и интересные опыты въ городскомъ шлюзѣ въ Brombergѣ¹⁾. Сливная призма при $\Omega_0=600$ кв. м., $h=3,20$ м., равна $W=2000$ кб. м.; имѣется: 5 каналовъ въ стѣнахъ шлюза (круговые и короткіе прямые), каждый съченіемъ 1,20 кв. м., и въ нижнихъ воротахъ два щитовыя отверстія, пло-щадью 0,33 м. \times 1,50 м. каждое. Во время опытовъ шлюзовая камера наполнялась и опоражнивалась при помощи какого-либо одного приспособленія поочередно, при чмъ послѣдніе 0,50 метр. до пол-наго выравниванія уровней не принимались во вниманіе.

Результаты троекратныхъ наблюдений, приведенные къ одному среднему съченію отверстій, даютъ возможность²⁾ выразить работу отверстій имѣвшихся водопроводовъ въ %-% слѣдующимъ обра-зомъ (при этомъ въ каналахъ разсматривалось наименьшее съченіе у затвора):

a) щитовыя отверстія въ полотнахъ воротъ (опорож-неніе).....	= 100;
b) прямой каналъ (длиною около 8 м.) въ средней стѣ-нѣ (опорожненіе)	= 93;
c) круговой каналъ у нижнихъ воротъ, съ крутымъ изгибомъ, длиною около 7 м. (опорожненіе).....	= 87;
d) короткій каналъ съ цилиндрическимъ затворомъ, изогнутый въ вертикальной плоскости подъ пря-мымъ угломъ (наполненіе).....	= 84;
e) круговой каналъ въ средней стѣнѣ, съ измѣненіемъ направления движенія не по кривой, а подъ прямымъ угломъ (наполненіе).....	= 55.

¹⁾ Описание устройства шлюза и чертежи помѣщены въ Z. f. B. 1889., s. 507, Bl. 66.

²⁾ Lieckfeldt. Die Schützvorrichtungen der Stadtschleuse in Bromberg. Z. f. B. 1890. s. 53—58; Bl. 14; H. d. J. W. III Bd. II. Abth. 2 Hälften 1895 s. 102—104.

Такимъ образомъ, работа шлюзныхъ водопроводовъ зависитъ отъ рода, отъ самого устройства и расположения его. Такъ напрвъ послѣднемъ каналъ струя воды должна сдѣлать дважды рѣзкіе повороты въ 90° ; въ этомъ случаѣ непроизводительно теряется почти половина поперечнаго сѣченія или три четверти высоты давленія. Чѣмъ прямѣе каналы, тѣмъ меныше времени требуется какъ для наполненія, такъ и для опорожненія камеры.

18. Обѣ опредѣленіи T при круговыхъ каналахъ. Только что разсмотрѣнные опыты позволяютъ сказать, что приведенными въ главѣ 1 формулами для T_1 и T_2 (для щитовыхъ отверстій) не слѣдуетъ пользоваться ни для круговыхъ каналовъ, ни тѣмъ болѣе для продольныхъ водопроводовъ. Это время въ послѣднихъ случаѣахъ зависить не только отъ формы и размѣровъ поперечнаго сѣченія входныхъ отверстій, но въ большей степени отъ длины водопровода и различныхъ мѣстныхъ сопротивлений на всемъ пути. Поэтому при желаніи, въ видахъ упрощенія подсчета, все-таки пользоваться формулами щитовыхъ отверстій для опредѣленія T при круговыхъ каналахъ, надлежитъ вмѣсто опредѣляемаго въ гидравликѣ коеффиціента расхода $\mu=0,62$ брать особую величину, такъ сказать, поправочнаго коеффиціента формулы. Эта послѣдняя можетъ значительно разниться отъ приведенного значения μ . Такъ напримѣръ¹⁾, для наименѣе удобнаго канала въ Бромбергскомъ шлюзѣ (см. № 17) этотъ поправочный коеффиціентъ долженъ быть взять равнымъ $0,32$ ($=0,55 \times 0,62$); тогда какъ для принятыхъ размѣровъ каналовъ въ шлюзахъ р. С. Донца²⁾ онъ опредѣлился въ $0,80$ и $0,88$. Въ виду того, что характеръ измѣненія этого коеффиціента не извѣстенъ, не слѣдуетъ пользоваться рекомендуемымъ³⁾ иногда почему-то значеніемъ его въ $0,55$; далѣе въ формулахъ (17), (25), (29), (43), (46'), (49) и др. видна общая зависимость его какъ отъ размѣровъ шлюза и каналовъ, такъ и величины гидравлическихъ сопротивлений.

Такимъ образомъ, въ заключеніе можно сказать, что при устройствѣ водопроводныхъ галлерей (какъ круговыхъ, такъ и продоль-

1) Въ обоихъ приводимыхъ примѣрахъ рассматривается истеченіе чрезъ наименьшее сѣченіе у затвора.

2) *H. D. Тяпкинъ.* Опредѣленіе времени наполненія и опорожненія камеры шлюза на р. Сѣв. Донцѣ при рабочихъ подпорныхъ горизонтахъ. Тифлъсъ 1903 г.

N. Tiapkin. Bestimmung der Fülldauer der Schleusenkammer auf dem Ssewernij Donez bei wirksamer Stau-Oberfläche. Leipzig. 1903.

3) *О. Г. Зброжекъ.* Курсъ внутреннихъ водяныхъ сообщеній. С.-Пб. 1897, стр. 409, 412.

ныхъ каналовъ) вычислять время, или по времени опредѣлять размѣры съченій каналовъ необходимо исключительно по формуламъ гидродинамики, разматривая эти каналы какъ трубы и при точныхъ подсчетахъ вычитать всѣ сопротивленія, проявляющіяся при движениіи воды въ нихъ; каналы же надо дѣлать съ возможно гладкими стѣнками и возможно болѣе пологими изгибами.

О необходимости примѣнять къ круговымъ каналамъ формулы для движениія воды по трубамъ, а не считать истеченіе какъ бы происходящимъ чрезъ щитовыя отверстія, мы уже указывали въ статьѣ: ¹⁾ «Опредѣленіе времени наполненія и опорожненія камеры шлюза на р. С. Донцѣ при рабочихъ подпорныхъ горизонтахъ».

Перейдемъ теперь къ разсмотрѣнію предлагаемыхъ формулъ ²⁾ для подобныхъ вычисленій.

§. 2 Упрощенные формулы для T при круговыхъ каналахъ.

19. Общая формула гидравлики. Какъ извѣстно изъ гидравлики, общая формула для скорости воды, движущейся по трубамъ равномѣрно, имѣеть видъ: ³⁾

$$v = C \sqrt{Ri} = C \sqrt{\frac{\omega}{p} \cdot i} \quad \dots \dots \dots \quad (11)$$

гдѣ ω —площадь поперечного съченія и p —периметръ канала, i —гидравлическій уклонъ.

Коэффиціентъ скорости C по Шези (*Chezy*) постояненъ и для мѣръ въ метрахъ равенъ 50; По Дарси (*Darcy*) этотъ коэффиціентъ измѣняется съ гидравлическимъ радиусомъ R трубы и равенъ:

$$C = \frac{1}{\sqrt{a + \frac{b}{R}}} \quad ,$$

гдѣ a и b —постоянныя ⁴⁾.

¹⁾ „Инженерное дѣло“. Тифлісъ, 1903, № 2; *Zeitschrift für Gewässerkunde*, 6 Bd., Heft 3.

²⁾ Сравнительные достоинства формулъ и выборъ наилучшихъ изъ нихъ см. Гл. V.

³⁾ См. Ф. Е. Максименко, стр. 256—260.

⁴⁾ См. дальше. Глава IV.

Для упрощенія подсчетовъ пользуются коеффиціентомъ *Шези*; точнѣе же и правильнѣе конечно пользоваться коеффиціентами *Дарси*¹⁾.

Перехода къ примѣненію формулы (11) для опредѣленія T_1 или T_2 при движеніи воды чрезъ круговые каналы, можно встрѣтить нижеслѣдующіе случаи.

20. Приближенное вычисление (простое). Гидравлическій уклонъ i для подстановки въ формулу (11) берется для средняго положенія уровня воды $\frac{h}{2}$ (Фиг. 7), а именно (при длине l бокового канала):

$$i = \frac{(h'' - h''_0)}{l} = \frac{\frac{h}{2}}{l} = \frac{h}{2l}$$

Тогда по формулѣ (11) опредѣлится иѣкоторая постоянная, предполагаемая, скорость v , съ которою вода движется по водопроводному каналу изъ верхняго бьефа въ камеру или изъ камеры въ нижній бьефъ:

$$v = C \cdot \sqrt{\frac{\omega}{p} \cdot \frac{h}{2l}}$$

Затѣмъ, объемъ сливной призмы будетъ:

$$W = \Omega_0 \cdot h = t \cdot \omega \cdot C \cdot \sqrt{\frac{\omega}{p} \cdot \frac{h}{2l}};$$

отсюда:

$$T = \frac{\Omega_0 \cdot h}{C \cdot \sqrt{\frac{\omega^3}{p} \cdot \frac{h}{2l}}} = \frac{\Omega_0}{C \cdot \omega} \cdot \sqrt{\frac{2lh}{R}} \dots \dots \dots \quad (12)$$

По этой формулѣ можно опредѣлить время T , задаваясь прімѣрно величиной ω ; затѣмъ постепенно подбирать ω пока не получится для T возможная и допустимая величина—не болѣе 5 минутъ въ обычновенныхъ случаяхъ практики на внутреннихъ водныхъ путяхъ.

21. Приближенное вычисление (болѣе точное). Принимая во вниманіе лишь треніе о стѣнки канала (т. е. только сопротивленіе по длине), можно разсматривать круговой каналъ какъ простой водопроводъ²⁾ и, пользуясь обобщеній теоремой *Д. Бернуlli*, на-

¹⁾ См. Гл. IV, стр.

²⁾ См. *Ф. Е. Максименко* стр. 83, 293 и далѣе.

писать слѣдующее выраженіе для напора x въ какой-либо монентъ:

$$x = \frac{v^2}{2g} + (h'' - h''_0) = \frac{v^2}{2g} + \zeta_0 \cdot \frac{v^2}{2g} = \frac{v^2}{2g} + x', \dots \dots \dots \quad (13)$$

гдѣ $x' = (h'' - h''_0) = \zeta_0 \cdot \frac{v^2}{2g}$ — работа гидравлическихъ сопротивлений на единицу вѣса, выраженная въ зависимости оть высоты дѣйствительной скорости.

Гидравлическій уклонъ, при длини l канала, согласно выраженію (13) будеть:

$$i = \frac{(h'' - h''_0)}{l} = \frac{x'}{l};$$

вмѣстѣ съ тѣмъ изъ формулы (11) находимъ:

$$i = \frac{v^2}{C^2 \cdot \frac{\omega}{p}},$$

а потому:

$$\frac{x'}{l} = \frac{v^2}{C^2 \cdot \frac{\omega}{p}}$$

Отсюда:

$$x' = (h'' - h''_0) = \frac{v^2 \cdot l}{C^2 \cdot \frac{\omega}{p}} = \frac{64}{\pi^2} \cdot \left(a + \frac{b}{R} \right) \cdot \frac{Q^2 \cdot L}{D^5} = \zeta_0 \cdot \frac{v^2}{2g}. \dots \dots \dots \quad (14)$$

Такимъ образомъ, величину $(h'' - h''_0)$ можно выразить или въ v , или въ Q , смотря по тому, что во всякомъ данномъ случаѣ окажется наиболѣе удобнымъ.

Уравненіе (13) по подстановкѣ найденныхъ значеній получить слѣдующій видъ:

$$(13) \quad x = \frac{v^2}{2g} + \frac{v^2 \cdot l}{C^2 \cdot \frac{\omega}{p}} = v^2 \cdot \left[\frac{C^2 \cdot \frac{\omega}{p} + 2gl}{2g \cdot C^2 \cdot \frac{\omega}{p}} \right]. \dots \dots \dots \quad (13')$$

Отсюда найдемъ:

$$v = \sqrt{\frac{2g \cdot C^2 \cdot \frac{\omega}{p} \cdot x}{C^2 \cdot \frac{\omega}{p} + 2gl}}$$

Слѣдовательно:

$$\Omega \cdot dx = \omega \cdot v \cdot dt,$$

или:

$$dt = \frac{\Omega}{\omega} \cdot \sqrt{\frac{\frac{\omega}{p} \cdot C^2 + 2gl}{2g \cdot C^2 \cdot \frac{\omega}{p}}} \cdot \frac{dx}{\sqrt{x}}$$

По интегрированіи, въ предѣлахъ для t отъ 0 до T и для x отъ 0 до h , находимъ:

$$T = 2 \cdot \frac{\Omega_0}{\omega} \cdot \sqrt{\frac{\frac{\omega}{p} \cdot C^2 + 2gl}{2g \cdot C^2 \cdot \frac{\omega}{p}}} \cdot h = 2 \cdot \frac{\Omega_0}{\omega} \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{2g} + \frac{l}{C^2 R} \right]} \cdot h \quad \dots \dots \dots (15)$$

Въ этомъ случаѣ также рациональне задаваться величиной ω и вычислять T , а не обратно.

§ 3. Общія формулы для T при круговыхъ каналахъ.

22. Наиболѣе правильное вычисленіе будетъ, когда принимаются во вниманіе всѣ сопротивленія — какъ по длини трубы, такъ и мѣстныя. Этому вполнѣ удовлетворяютъ формулы профессора *F. E. Максименко*, къ выводу которыхъ мы и переходимъ¹⁾.

23. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ съ одной соединительной трубой. Въ курсѣ гидравлики²⁾ для этого случая (Фиг. 8) имѣется уравненіе (равенства объемовъ воды за одинъ и тотъ же промежутокъ времени):

$$-O_0 \cdot dz = Q \cdot dt = \omega \cdot v = O_1 \cdot dz_1,$$

откуда послѣ приведенныхъ тамъ же преобразованій получается выраженіе для времени t , необходимаго для полного сравненія горизонтовъ въ обоихъ сосудахъ, а именно:

$$t = \frac{2 \cdot O_0 \cdot O_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2g} \cdot [O_0 + O_1]} = \frac{A}{\mu \cdot \omega} \dots \dots \dots (16)$$

Коеф-тъ μ этой формулы можетъ быть найденъ нижеслѣдующимъ образомъ. Для какой-либо линіи тока $abcd$ уравненіе *Бернуlli* будетъ имѣть такой видъ³⁾:

1) См. предисловіе, стр. 2.

2) *Максименко*, стр. 191—198.

3) См. тамъ же, стр. 293—298.

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta \cdot \frac{v^2}{2g} = h, \dots \dots \dots \quad (\alpha)$$

гдѣ ζ —полный коеф-тъ сопротивленія¹⁾ для всей соединительной трубы, равный въ данномъ случаѣ суммѣ: $\zeta_l + \zeta_{II} + \zeta_{III}$; при чёмъ ζ_l —коеф-тъ сопротивленія при входѣ воды въ трубу, ζ_{II} —коеф-тъ сопротивленія по длинѣ трубы и ζ_{III} —коеф-тъ сопротивленія при выходѣ воды изъ трубы.

Расходъ воды одинаковъ для всѣхъ поперечныхъ сѣченій рассматриваемаго устройства, т. е.

$$Q = O_0 \cdot V_0 = \omega \cdot v = O_1 \cdot V_1 = \mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2gh},$$

откуда

$$V_0 = \frac{\omega}{O_0} \cdot v \dots \dots \text{ и } \dots \dots V_1 = \frac{\omega}{O_1} \cdot v \dots \dots \dots \quad (\beta)$$

По подстановкѣ найденныхъ значеній V_0 и V_1 въ уравненіе (α) послѣдовательно получается:

$$\frac{1}{2g} \cdot \left[\left(\frac{\omega}{O_1} \cdot v \right)^2 - \left(\frac{\omega}{O_0} \cdot v \right)^2 \right] + \zeta \cdot \frac{v^2}{2g} = h;$$

$$\frac{v^2}{2g} \cdot \left[\omega^2 \cdot \left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right) + \zeta \right] = h;$$

$$v = \sqrt{\frac{2gh}{\zeta + \omega^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]}} = \mu \cdot \sqrt{2gh}.$$

Наконецъ, изъ послѣдняго равенства можно найти коеф-тъ μ :

$$\mu = \sqrt{\frac{1}{\zeta + \omega^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]}} \dots \dots \dots \quad (17)$$

Теперь уравненіе (16) можно переписать иначе:

$$\begin{aligned} t &= \frac{A}{\mu \cdot \omega} = \frac{A}{\omega} \cdot \sqrt{\zeta + \omega^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]} = A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{\zeta}{\omega^2}} = \\ &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left[\frac{\omega}{\sqrt{\zeta}} \right]^2}} \dots \dots \dots \quad (18) \end{aligned}$$

¹⁾ Объ опредѣлениі коеф-въ сопротивленія см. главу IV.

Здѣсь подъ A обозначено (см. уравненіе 16):

$$A = \frac{2 \cdot O_0 \cdot O_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{\sqrt{2g} \cdot [O_0 + O_1]} \dots \dots \dots (19)$$

24. Шлюзъ съ одной парой круговыхъ каналовъ. Формула (18) можетъ быть примѣнена къ случаю сравниванія горизонта воды въ камерѣ шлюза съ горизонтами бьефовъ, когда соединеніе камеры съ каждымъ бьефомъ достигается однимъ каналомъ, или правильнѣе одной парой круговыхъ каналовъ (Фиг. 9), симметрично расположенныхъ относительно оси шлюза; при чемъ w равно суммѣ площадей и ζ —суммѣ коефиціентовъ сопротивленія обоихъ каналовъ. Такимъ образомъ, обозначивъ чрезъ Ω_1 и Ω_0 полныя площа-ди (въ планѣ) бьефа и камеры, получимъ:

$$(19) \quad T = \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{[\Omega_0 + \Omega_1] \cdot \sqrt{2g}} \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{\Omega_0^2} - \frac{1}{\Omega_1^2} \right] + \left[\frac{w}{\sqrt{\zeta}} \right]^2} = \\ = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{C^2}} \dots \dots \dots (20)$$

25. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ съ двумя соединительными трубами. Въ этомъ случаѣ для линій тока $abcd$ и $efgh$ (Фиг. 10) уравненія Δ . *Бернули* будутъ:

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = h \dots \dots \dots (a)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} = h \dots \dots \dots (b)$$

Изъ этихъ равенствъ слѣдуетъ:

$$\frac{\zeta_1 \cdot v_1^2}{2g} - \frac{\zeta_2 \cdot v_2^2}{2g} = \frac{1}{2g} \cdot [\zeta_1 \cdot v_1^2 - \zeta_2 \cdot v_2^2] = 0;$$

$$\zeta_1 \cdot v_1^2 = \zeta_2 \cdot v_2^2; \quad v_1 \cdot \sqrt{\zeta_1} = v_2 \cdot \sqrt{\zeta_2}; \quad v_2 = v_1 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \dots \dots \dots (c)$$

Постоянство расхода даетъ:

$$(21) \quad O_0 \cdot V_0 = O_1 \cdot V_1 = w_1 \cdot v_1 + w_2 \cdot v_2 = w_1 \cdot v_1 + w_2 \cdot v_1 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} = \\ = \left[w_1 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right] \cdot v_1 = M \cdot v_1 \dots \dots \dots (d)$$

Отсюда:

$$V_0 = \frac{M}{O_0} \cdot v_1 \dots \text{ и } V_1 = \frac{M}{O_1} \cdot v_1$$

Теперь равенство (α) можетъ быть переписано такъ:

$$\frac{1}{2g} \cdot \left\{ \left[\frac{M}{O_1} \cdot v_1 \right]^2 - \left[\frac{M}{O_0} \cdot v_1 \right]^2 + \zeta_1 \cdot v_1^2 \right\} = h \dots \dots \dots \quad (\alpha')$$

или:

$$\frac{v_1^2}{2g} \cdot \left[\left(\frac{M}{O_1} \right)^2 - \left(\frac{M}{O_0} \right)^2 + \zeta_1 \right] = h \dots \dots \dots \quad (\alpha'')$$

Поэтому:

$$v_1 = \frac{1}{\sqrt{\zeta_1 + M^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]}} \cdot \sqrt{2gh} = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \dots \dots \dots \quad (21)$$

Расходы воды опредѣляются выражениями:

$$q_1 = w_1 \cdot v_1 = \mu_1 \cdot w_1 \cdot \sqrt{2gh}; \quad q_2 = w_2 \cdot v_2 = \mu_1 \cdot w_2 \cdot \sqrt{2gh} \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}};$$

$$Q = q_1 + q_2 = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \cdot \left[w_1 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right]$$

Переходя къ формуламъ для сообщающихся сосудовъ и называя перемѣнныя площади съченій чрезъ O_0 и O_1 , имѣемъ:

$$\begin{aligned} -O_0 \cdot dz &= Q \cdot dt = (q_1 + q_2) \cdot dt = \\ &= \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \cdot \left[w_1 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right] \cdot dt = O_1 \cdot dz_1 \dots \dots \dots \quad (22) \end{aligned}$$

Согласно чертежу (Фиг. 10):

$$z - z_1 = \xi,$$

следовательно:

$$dz - dz_1 = d\xi \dots \dots \dots \quad (23)$$

Но такъ какъ изъ уравненія (22):

$$dz_1 = - \frac{O_0}{O_1} \cdot dz,$$

то выражение (23) можно переписать такъ:

$$dz + \frac{O_0}{O_1} \cdot dz = d\xi, \text{ или: } dz \cdot \left[\frac{O_1 + O_0}{O_1} \right] = d\xi,$$

откуда:

$$dz = \frac{O_1}{O_1 + O_0} \cdot d\xi \dots \dots \dots \quad (23')$$

Подставивъ найденное значение dz въ уравнение (22), получимъ:

$$-\frac{O_0 \cdot O_1}{O_1 + O_0} \cdot d\xi = \mu_1 \cdot \sqrt{2g\xi} \cdot \left[\omega_1 + \omega_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right] \cdot dt \dots \dots \quad (22')$$

По интегрированіи уравненія (22') съ замѣной обозначеніемъ A по выражению (19), находимъ:

$$t = -\frac{2 \cdot O_0 \cdot O_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{\mu_1 \cdot \sqrt{2g} \cdot \left[\omega_1 + \omega_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right] \cdot (O_0 + O_1)} = \frac{A}{\mu_1 \cdot \left[\omega_1 + \omega_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right]} \dots \dots \quad (24)$$

Изъ уравненій (8) и (21) легко найти значение коэффицента μ_1 формулы (24):

$$\mu_1 = \frac{1}{\sqrt{\zeta_1 + \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] \cdot \left[\omega_1 + \omega_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right]^2}} \dots \dots \quad (25)$$

Теперь въ формулѣ (24) можно сдѣлать рядъ слѣдующихъ преобразованій:

$$\begin{aligned} t &= A \cdot \frac{\sqrt{\zeta_1 + \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] \cdot \left[\omega_1 + \omega_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right]^2}}{\left[\omega_1 + \omega_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} \right]} = \\ &= A \cdot \frac{\sqrt{\zeta_1 \cdot \zeta_2 + \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] \cdot \left[\omega_1 \cdot \sqrt{\zeta_2} + \omega_2 \cdot \sqrt{\zeta_1} \right]^2}}{\left[\omega_1 \cdot \sqrt{\zeta_2} + \omega_2 \cdot \sqrt{\zeta_1} \right]} = \\ &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{\zeta_1 \cdot \zeta_2}{\left[\omega_1 \cdot \sqrt{\zeta_2} + \omega_2 \cdot \sqrt{\zeta_1} \right]}} = \\ &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left[\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} + \frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} \right]^2}} \dots \dots \quad (26) \end{aligned}$$

26. Шлюзъ съ двумя парами круговыхъ каналовъ. Формула (26) можетъ быть примѣнена къ шлюзамъ, когда сравниваніе горизонтовъ производится помошью двухъ каналовъ съченіями ω_1 и ω_2 или, пра-

вильнѣе, двухъ паръ круговыхъ каналовъ (Фиг. 11), симметрично расположенныхыхъ относительно оси шлюза. Площади ω_1 и ω_2 представлять тогда собою каждая сумму двухъ одинаковыхъ площадей каждой пары каналовъ. Коефиценты сопротивленія ζ_1 и ζ_2 составляются такъ же, какъ и въ предыдущемъ случаѣ и каждый изъ нихъ представить сумму коефицентовъ сопротивленія для пары однородныхъ каналовъ. Такимъ образомъ, обозначивъ черезъ Ω_1 и Ω_0 полныя площади (въ планѣ) бьефа и камеры, получимъ:

$$T = \frac{2\cdot\Omega_0\cdot\Omega_1\cdot[\sqrt{\xi_0}-\sqrt{\xi_1}]}{[\Omega_0+\Omega_1]\cdot\sqrt{2g}} \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{\Omega_0^2}-\frac{1}{\Omega_1^2}\right]+\frac{1}{\left[\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}}+\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}}\right]^2}} = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{[C_0+C_1]^2}} \quad \dots \quad (27)$$

Если въ формулахъ (26) и (27) положить $\omega_2=0$, т. е. допустить существование (Фиг. 9) только одной соединительной трубы (или для шлюза только одной пары круговыхъ каналовъ), то получаемъ соответственно формулы (18) и (20).

27. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ съ n соединительными трубами. Уравненія Бернулли для всѣхъ линій тока, совпадающихъ съ осями трубъ, будутъ (Фиг. 12):

$$\left. \begin{aligned} \frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} &= h \\ \frac{V_2^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} &= h \\ &\dots \\ \frac{V_n^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_n \cdot \frac{v_n^2}{2g} &= h \end{aligned} \right\} \quad (a)$$

Изъ взаимнаго сопоставленія этихъ уравненій слѣдуетъ:

$$\zeta_1 \cdot v_1^2 = \zeta_2 \cdot v_2^2 = \zeta_3 \cdot v_3^2 = \dots = \zeta_n \cdot v_n^2. \quad \dots \quad (b)$$

Съ другой стороны, какъ слѣдствіе постоянства расхода, можно написать:

$$O_0 \cdot \Omega_0 = O_1 \cdot V_1 = \omega_1 \cdot v_1 + \omega_2 \cdot v_2 + \omega_3 \cdot v_3 + \dots + \omega_n \cdot v_n,$$

или, на основанії равенствъ (b):

$$O_0 \cdot V_0 = O_1 \cdot V_1 = \omega_1 \cdot v_1 \cdot \left[1 + \frac{\omega_2}{\omega_1} \cdot \sqrt{\frac{z_1}{z_2}} + \frac{\omega_3}{\omega_1} \cdot \sqrt{\frac{z_1}{z_3}} + \dots + \frac{\omega_n}{\omega_1} \cdot \sqrt{\frac{z_1}{z_n}} \right] = N \cdot \omega_1 \cdot v_1 \quad \dots \dots \dots \quad (28)$$

Отсюда:

$$V_0 = \frac{N \cdot \omega_1 \cdot v_1}{O_0} \quad \text{и} \quad V_1 = \frac{N \cdot \omega_1 \cdot v_1}{O_1}$$

Теперь первое равенство изъ группы (a) можно представить въ нѣсколько иномъ видѣ:

$$\frac{v_1^2}{2g} \cdot \left\{ z_1 + N^2 \cdot \omega_1^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] \right\} = h.$$

Изъ этого уравненія опредѣляется:

$$v_1 = \sqrt{\frac{1}{z_1 + N^2 \cdot \omega_1^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]}} \cdot \sqrt{2gh} = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh}$$

Слѣдовательно:

$$\mu_1 = \sqrt{\frac{1}{z_1 + N^2 \cdot \omega_1^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]}} \quad \dots \dots \dots \quad (29)$$

Нахожденіе общей формулы для времени t остается тоже, что и въ разсмотрѣнныхъ выше случаяхъ, а именно:

$$-O_0 \cdot dz = Q \cdot dt = N \cdot \omega_1 \cdot v_1 \cdot dt = N \cdot \mu_1 \cdot \sqrt{2g} \cdot dt = O_1 \cdot dz_1$$

Послѣ интегрированія, получается формула вида (16) и (24):

$$t = \frac{A}{\mu_1 \cdot \omega_1 \cdot N} = \frac{A}{N \cdot \omega_1} \cdot \sqrt{z_1 + N^2 \cdot \omega_1^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]} = A \cdot \sqrt{\frac{z_1}{N^2 \cdot \omega_1^2} + \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right]} \quad \dots \dots \dots \quad (30)$$

Послѣ подстановки въ выраженіе (30) значенія $N \cdot \omega_1$ изъ уравненія (28), окончательно опредѣлится:

$$\begin{aligned} t &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \left[\frac{\zeta_1}{w_1 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_2}} + w_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_3}} + \dots + w_n \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1}{\zeta_n}}} \right]^2} \\ &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \left[\frac{1}{\frac{w_1}{\sqrt{\zeta_1}} + \frac{w_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{w_3}{\sqrt{\zeta_3}} + \dots + \frac{w_n}{\sqrt{\zeta_n}}} \right]^2} \end{aligned} \quad \dots(31)$$

Это выраженіе (31) есть окончательный *общий видъ* точной формулы *Ф. Е. Максименко* для всѣхъ вышеразсмотрѣнныхъ случаевъ, т. е. для двухъ сообщающихся сосудовъ съ n соединительными каналами.

28. Шлюзъ съ n парами круговыхъ каналовъ. Формула (31) въ примененіи къ шлюзамъ, когда сравненіе горизонтовъ производится помошью пары отверстій въ полотнахъ воротъ и n паръ круговыхъ каналовъ, симметрично расположенныхъ относительно оси шлюза (Фиг. 13), получить видъ:

$$\begin{aligned} T &= \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1 \cdot [\sqrt{\zeta_0} - \sqrt{\zeta_1}]}{[\Omega_0 + \Omega_1] \cdot \sqrt{2g}} \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{\Omega_0^2} - \frac{1}{\Omega_1^2} \right] + \left[\frac{1}{\frac{w_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{w_1}{\sqrt{\zeta_1}} + \frac{w_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \dots + \frac{w_n}{\sqrt{\zeta_n}}} \right]^2} \\ &= A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{[C_0 + C_1 + C_2 + \dots + C_n]^2}} = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{C^2}} \end{aligned} \quad \dots(32)$$

Дѣйствительныя значенія упрощенныхъ¹⁾ обозначеній видны изъ самаго построенія формулы. Отверстія въ полотнахъ воротъ (общей площадью w_0) могутъ быть рассматриваемы тоже какъ круговые каналы²⁾ съ соответственнымъ только общимъ коефиціентомъ сопротивленія ζ_0 .

29. Частные случаи общей формулы:

а) Если въ общей формулы (32) пренебречь членомъ B , вслѣдствіе его малой величины, то:

$$T = A \cdot \frac{1}{C} \quad \dots(33)$$

¹⁾ См. *Н. Д. Тяпкінъ*. Внутреннія водяныя сообщенія. Ч. II, стр. 111—112.

²⁾ См. объясненіе дальше, *n^o 30*, стр. 26.

§) Въ этомъ послѣднемъ случаѣ, при n парахъ круговыхъ каналовъ *одного и того же сечения* ω_1 :

$$T = A \cdot \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{n \cdot \omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} \right]} \dots \dots \dots \quad (34)$$

γ) При отсутствіи отверстій въ полотнахъ воротъ формула (34) приметъ видъ:

$$T = A \cdot \frac{\sqrt{\zeta_1}}{n \cdot \omega_1} \dots \dots \dots \quad (35)$$

30. Распространеніе общей формулы круговыхъ каналовъ на отверстія въ полотнахъ воротъ. Для n паръ отверстій только въ полотнахъ воротъ примѣнна также эта послѣдняя формула, съ соотвѣтственно только измѣненными значками при ζ и ω , т. е.

$$T = A \cdot \frac{\sqrt{\zeta_0}}{n \cdot \omega_0} \dots \dots \dots \quad (35')$$

Слѣдуетъ при этомъ замѣтить, что полный коеффиціентъ ζ сопротивленія при истеченіи черезъ незатопленное отверстіе въ полотнахъ воротъ можетъ быть принять равнымъ: $\frac{1}{\varphi^2} - 1$, какъ это дается въ гидравликѣ¹⁾ при истеченіи черезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ на воздухъ; при истеченіи черезъ затопленныя отверстія эта величина конечно измѣняется, но за отсутствіемъ точныхъ данныхъ дѣйствительное ζ въ этомъ случаѣ намъ неизвѣстно. При существованіи въ шлюзѣ одновременно отверстій въ полотнахъ воротъ и круговыхъ каналовъ, опредѣлять T желательно сразу подсчетомъ по одной общей формулѣ, а не по нѣсколькимъ. Конечно, для достижениія этой цѣли единственной и лучшей является формула Ф. Е. Максименко.

Посмотримъ, какова должна быть величина коеффиціента ζ_0 въ формулѣ (35'), чтобы она дала тѣ же результаты, что и общая формула (2,2⁰) главы I. Величина ζ_0 , найденная въ этомъ случаѣ, останется тою же и при примѣненіи формулы (32). Для этого проделаемъ слѣдующія упрощенія и разсужденія. Пусть: $\xi_0 = h$, $\xi_1 = 0$, $\Omega_1 = \infty$; затѣмъ для коеффиціента сопротивленія оставимъ то же общее для этихъ формулъ выраженіе: $\zeta_0 = \zeta_0^{I} + \zeta_0^{II} + \zeta_0^{III}$, чтобы вести

¹⁾ См. Ф. Е. Максименко. Стр. 83.

аналогичное построение формулы. Пренебрегая въ этомъ выражении членомъ ζ_0^{II} , соотвѣтствующимъ сопротивлению по длине L канала, которая для отверстій въ полотнахъ воротъ ничтожна (но во всякомъ случаѣ больше, чѣмъ при отверстіи въ тонкой стѣнкѣ) и принимая отношенія $\frac{\omega_0}{\Omega_0}$ и $\frac{\Omega_0}{\Omega_1}$ равными нулю по значительной малости ω_0 сравнительно съ Ω_0 и Ω_0 сравнительно съ Ω_1 , найдемъ:

$$\zeta_0 = \zeta_0^{\text{I}} + \zeta_0^{\text{III}} = \left(\frac{1}{\mu^2} - 1 \right) + \left(1 - \frac{\omega_0}{\Omega_0} \right) \infty \frac{1}{\mu^2} \dots \dots \dots (36)$$

Подставляя теперь это значение ζ_0 и принятые величины ξ_0 , ξ_1 и Ω_1 въ формулу (35'), получимъ:

$$\begin{aligned} T &= \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}] \cdot \sqrt{\zeta_0}}{[\Omega_0 + \Omega_1] \cdot \sqrt{2g}} \cdot \frac{n \cdot \omega_0}{1 + \frac{\Omega_0}{\Omega_1}} \cdot \frac{2 \Omega_0 \sqrt{h}}{\sqrt{2g}} \cdot \frac{1}{\mu \cdot n \cdot \omega_0} = \\ &= \frac{2 \cdot \Omega_0}{\mu \cdot n \cdot \omega_0} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} \dots \dots \dots (37) \end{aligned}$$

Такимъ образомъ, получилась общая формула (2), указанная въ главѣ I при разсмотрѣніи истеченія воды только черезъ щитовыя отверстія въ полотнахъ воротъ. Слѣдовательно, при всѣхъ подсчетахъ съ общую формулой (32) и ея разобранными частными разновидностями для ζ_0 въ этихъ формулахъ надо принимать величину по уравненію (36).

31. Примѣненіе къ разобраннымъ случаямъ. Теперь понятны нижеслѣдующіе переходы отъ выведенныхъ выше формулъ къ другимъ. Такъ:

1. Изъ формулъ (18) и (20)—стр. 19—20, по подстановкѣ ω_0 и ζ_0 вмѣсто ω и ζ , получается формула (37), или (2) главы I.

2. Дѣлая нѣкоторыя упрощенія въ формулахъ (26) и (27) стр. 22—23, получимъ формулу для случая (Фиг.9) сообщающихся сосудовъ съ однимъ отверстіемъ въ тонкой стѣнкѣ и одной соединительной трубой (или для шлюза—одной пары щитовыхъ отверстій въ полотнахъ воротъ и одной пары круговыхъ каналовъ, симметрично расположенныхъ). Вполнѣ ясны и тѣ пріемы, помошью которыхъ отъ этихъ формулъ можно перейти къ формулѣ при пользованіи только одними щитовыми отверстіями въ полотнахъ воротъ.

§ 4. Объ спредѣлениіи T_2 .

32. Время опорожненія. Въ § 2 и § 3 разсмотрѣны формулы для опредѣлениія T_1 . Время опорожненія T_2 шлюзной камеры въ нижний бьефъ выразится тѣми же формулами съ соотвѣтственными только обозначеніями.

§ 5. О поправкахъ въ найденныхъ T_1 и T_2 .

33. Время, нужное для открытия затворовъ. Найденія T надо еще исправить вслѣдствіе немгновенного открытия затворовъ отверстій, поступая совершенно такъ же, какъ это было указано выше¹⁾ при разсмотрѣніи истеченія только черезъ щитовыя отверстія въ полотнахъ воротъ.

ГЛАВА III.

ПРОДОЛЬНЫЕ КАНАЛЫ ВЪ СТѢНАХЪ ШЛЮЗА СЪ ПОПЕРЕЧНЫМИ ОТВѢТВЛЕНИЯМИ ПО ДЛИНѢ.

34. О примѣненіи особыхъ формулъ для продольныхъ каналовъ. Въ случаѣ устройства въ шлюзѣ продольныхъ водопроводовъ съ отвѣтвленіями для опредѣлениія T_1 и T_2 можно пользоваться формулами и данными гидродинамики, примѣняемыми къ расчету закрытыхъ водопроводныхъ трубъ и въ каждомъ отдѣльномъ случаѣ рѣшить самостоятельно требуемый вопросъ. Но, безъ сомнѣнія, проще легче и скорѣе примѣнить уже окончательную формулу, если только она къ давнимъ условіямъ подходитъ. Поэтому конечно желательно было бы имѣть по возможности общія окончательные формулы, которыя могли бы быть примѣняемы къ различнымъ отдѣльнымъ случаямъ, дѣлая лишь соотвѣтственные измѣненія въ отдѣльныхъ членахъ формулы.

Въ настоящее время имѣются такія общія формулы:

1. Инженера $\Theta. Г. Зброжека$ —для приближенныхъ вычислений
2. Профессора $Ф. Е. Максименко$ —для точнаго, въ предѣлахъ возможности, рѣшенія вопроса.

Къ выводамъ этихъ формулъ мы и переходимъ.

A. Формула инженера $\Theta. Г. Зброжека$.

§ 1. Имѣющіеся въ литературѣ данные.

35. Отсутствіе вывода. $\Theta. Г. Зброжекъ$ въ своемъ курсѣ²⁾ для времени наполненія камеры чрезъ продольный водопроводъ съ n

¹⁾ Глава I, стр. 7—9.

²⁾ $\Theta. Г. Зброжекъ$. Курсъ внутреннихъ водяныхъ сообщеній. С.-Пб. 1897 стр. 407—412.

отвѣтвленіями по длини даётъ нижеслѣдующія условія и формулы не указывая ихъ вывода.

36. Принятыя дополнительныя обозначенія.

1. Съченіе главнаго водопровода по всей длине $= \omega$.
2. Съченіе каждого изъ всѣхъ поперечныхъ отвѣтвленій (боковыхъ отверстій) $= \omega_1$.
3. Растоянія между центрами боковыхъ отверстій и между центрами первого бокового и начального отверстія водопровода равны между собою и $= x = l$, такъ что вся длина водопровода (считая по прямой, между крайними—начальнымъ и конечнымъ отверстіями) $= L = n.l$.
4. Периметръ съченія водопровода $= s (= p)$; подводный радиусъ его $R = \frac{\omega}{p}$.
5. Коефиціентъ расхода чрезъ начальное отверстіе $\mu = 0_{,55}$.
6. Коефиціентъ расхода чрезъ боковыя отверстія $\mu_1 = 0_{,55}$.

37. Общая формула гидравлики. Время наполненія камеры опредѣляется въ этомъ случаѣ такъ же по указанной выше (глава I) формулѣ гидравлики для истечения чрезъ затопленныя отверстія въ полотнахъ воротъ:

$$T = \frac{2 \cdot \Omega \cdot \sqrt{h}}{\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2g}} = \frac{2 \cdot \Omega}{\mu \cdot \omega} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} = \frac{2 \cdot \Omega}{\mu \cdot n \cdot a \cdot b} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

При этомъ подъ ω надо подразумѣвать сумму отверстій обоихъ симметрично расположенныхъ каналовъ. Если же считать ω для одного только канала, то при двухъ равныхъ (съ обѣихъ сторонъ камеры) водопроводахъ это время опредѣлится изъ формулы:

$$T = \frac{\Omega \cdot \sqrt{h}}{\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2g}} = \frac{\Omega}{\mu \cdot \omega} \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} \quad \dots \dots \dots \quad (2'')$$

38. Условіе пользованія общей формулой гидравлики. Для примѣненія формулы (2'') щитовыхъ отверстій къ водопроводу съ отвѣтвленіями должно быть, какъ указывается *Ѳ. Г. Зброжекъ*, удовлетворено слѣдующее условіе:

$$\mu_1 \cdot \omega_1 \cdot [\sqrt{a_1} + \sqrt{a_2} + \dots + \sqrt{a_n}] = \mu \cdot \omega \quad \dots \dots \dots \quad (38)$$

Коефиціенты a_i потерь напора на длине водопровода между отверстіями отвѣтвленій имѣютъ слѣдующія значенія:

$$\left. \begin{aligned} a_1 &= 1 - \frac{A \cdot \mu^2 \cdot 2gl}{R} \\ a_2 &= a_1 - \frac{A \cdot 2gl}{R \cdot \omega^2} \cdot [\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{a_1}]^2 \\ &\dots \\ a_n &= a_{n-1} - \frac{A \cdot 2gl}{R \cdot \omega^2} \cdot [\mu \cdot \omega - \mu_1 \omega_1 (\sqrt{a_1} + \sqrt{a_2} + \dots + \sqrt{a_{n-1}})]^2 \end{aligned} \right\} \dots \quad (39)$$

Въ этихъ формулахъ коефицієнтъ A сопротивленія берется по даннымъ *Дарси-Базена*¹⁾.

§ 2. Предполагаемый выводъ формулъ въ общемъ видѣ.

39. Выводъ формулы (2) или (2'') имѣется въ курсѣ гидравлики и понятенъ изъ разобранныхъ уже выше случаевъ. Формулы (38) и (39) могутъ быть получены какъ частный случай изъ выведенной далѣе формулы общаго вида.

Пусть имѣется (Фиг. 14) нѣкоторое широкое пріемное изъ верхняго бьефа отверстіе и каналъ AB , отъ котораго начинается продольный водопроводъ ab , расположенный въ стѣнѣ шлюза; пріемное отверстіе этого водопровода находится въ сѣченіи aa_1 , площадь поперечнаго сѣченія по всей длины этого канала постоянная и равна ω . Предположимъ затѣмъ, что этотъ водопроводъ имѣть n отвѣтвленій (отверстій), площади сѣченій коихъ пусть будуть:

$$\omega_1, \omega_2, \omega_3, \dots, \omega_n;$$

расходы воды чрезъ эти отверстія соотвѣтственно:

$$q_1, q_2, q_3, \dots, q_n;$$

разстоянія между центрами отверстій послѣдовательно:

$$l, l_1, l_2, l_3, \dots, l_{n-1},$$

такъ что общая длина водопровода:

$$L = l + l_1 + l_2 + l_3 + \dots + l_{n-1}.$$

Будемъ считать, что чрезъ отверстіе aa_1 , площадью ω , будетъ проходить весь расходъ Q подъ напоромъ h , равнымъ разности го-

¹⁾ См. гл. IV.

ризонтовъ бьефовъ. Такимъ образомъ расходъ воды чрезъ это отверстіе выразится:

$$Q=\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2gh} \dots \dots \dots \quad (a)$$

Пусть потери напора отъ гидравлическихъ сопротивленій на пути между каждой парой отверстій послѣдовательно будуть:

$$\Delta h \dots \Delta h_1 \dots \Delta h_2 \dots \dots \dots \Delta h_{n-1}$$

Тогда соотвѣтственные напоры, при которыхъ будетъ происходить истеченіе чрезъ боковыя отверстія, опредѣлятся такъ:

$$\left. \begin{array}{l} h_1=h-\Delta h=a_1 h \\ h_2=h_1-\Delta h_1=a_2 h \\ h_3=h_2-\Delta h_2=a_3 h \\ \dots \dots \dots \\ h_n=h_{n-1}-\Delta h_{n-1}=a_n h \end{array} \right\} \dots \dots \dots \quad (b)$$

Отдѣльные расходы воды чрезъ эти отверстія будутъ:

$$\left. \begin{array}{l} q_1=\mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{2gh_1} \\ q_2=\mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{2gh_2} \\ q_3=\mu_1 \cdot \omega_3 \cdot \sqrt{2gh_3} \\ \dots \dots \dots \\ q_n=\mu_1 \cdot \omega_n \cdot \sqrt{2gh_n} \end{array} \right\} \dots \dots \dots \quad (c)$$

При этомъ безъ сомнѣнія должно существовать слѣдующее равенство:

$$Q=\sum_{i=1}^{t=n} q_i=q_1+q_2+q_3+\dots+q_n=\mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{2gh_1}+\mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{2gh_2}+\dots+\mu_1 \cdot \omega_n \cdot \sqrt{2gh_n} \dots \dots \dots \quad (40)$$

Для равномѣрного движенія воды въ трубахъ имѣется, уже неоднократно указанная выше, формула:

$$v=C \cdot \sqrt{Ri}, \text{ или } Ri=A \cdot v^2 \dots \dots \dots \quad (a)$$

или, по Дарси-Базену:

$$\frac{t}{\Delta}=Ri=b_1 \cdot v^2=\left(a+\frac{b}{R}\right) \cdot v^2 \dots \dots \dots Q=\omega \cdot v \dots \dots \dots \quad (41)$$

Величина коефицієнта сопротивленія b_1 (или A по обозначенію Зброжека) можеть бытъ легко опредѣлена при извѣстныхъ a и b и данномъ R ¹⁾.

При горизонтальномъ трубопроводѣ i представляеть уклонъ прямой, соединяющей пьезометрическіе уровни жидкости въ двухъ конечныхъ пунктахъ разсматриваемаго участка. Поэтому формулу (41) можно переписать въ такомъ видѣ:

$$Ri = b_1 \cdot v^2 = R \cdot \frac{\Delta h}{l} = b_1 \cdot \left(\frac{Q}{\omega} \right)^2 \dots \dots \dots \quad (d)$$

Теперь изъ выражений (a) и (d) получимъ:

$$\Delta h = \frac{b_1 \cdot Q^2 \cdot l}{R \cdot \omega^2} = \frac{b_1 \cdot \mu^2 \cdot \omega^2 \cdot 2gh \cdot l}{R \cdot \omega^2} = \frac{b_1 \cdot \mu^2 \cdot 2gl}{R} \cdot h \dots \dots \dots \quad (e)$$

Такимъ образомъ по уравненіямъ (b) и (e) находимъ:

$$h_1 = h - \Delta h = \left(1 - \frac{b_1 \cdot \mu^2 \cdot 2gl}{R} \right) \cdot h = a_1 \cdot h \dots \dots \dots \quad (b')$$

Слѣдовательно, согласно равенствъ (c) и (b') имѣемъ:

$$q_1 = \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{2gh_1} = \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{a_1 \cdot 2gh} \dots \dots \dots \quad (c')$$

Подобнымъ же образомъ получаемъ слѣдующее:

$$\begin{aligned} \Delta h_1 &= \frac{b_1 \cdot l_1}{R \cdot \omega^2} \cdot (Q - q_1)^2 = \frac{b_1 \cdot l_1}{R \cdot \omega^2} \left[\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2gh} - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{a_1 \cdot 2gh} \right]^2 = \\ &= \frac{b_1 \cdot l_1}{R \cdot \omega^2} \cdot [\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{a_1}]^2 \cdot 2gh \dots \dots \dots \quad (e') \end{aligned}$$

Далѣе такъ-же находимъ:

$$\begin{aligned} h_2 &= h_1 - \Delta h_1 = a_1 \cdot h - \frac{b_1 \cdot l_1}{R \cdot \omega^2} \cdot [\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{a_1}]^2 \cdot 2gh = \\ &= [a_1 - \frac{b_1 \cdot l_1}{R \cdot \omega^2} \cdot (\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{a_1})^2 \cdot 2g] \cdot h = a_2 \cdot h \dots \dots \dots \quad (b'') \end{aligned}$$

Наконецъ, такъ-же имѣемъ:

$$q_2 = \mu_2 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{2gh_2} = \mu_2 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{a_2 \cdot 2gh} \dots \dots \dots \quad (c'')$$

(1) Объ опредѣлениі гидравлическихъ сопротивленій см. далѣе, гл. IV.

Для слѣдующаго отверстія соотвѣтственно можно написать:

$$\Delta h_2 = \frac{b_1 \cdot l_2}{R \cdot \omega^2} \cdot (Q - q_1 - q_2)^2 = \frac{b_1 \cdot l_2}{R \cdot \omega^2} \cdot [\mu \cdot \omega \cdot \sqrt{2gh} - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1 \cdot 2gh} - \\ - \mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2 \cdot 2gh}]^2 = \frac{b_1 \cdot l_2}{R \cdot \omega^2} \cdot [\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} - \mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2}]^2 \cdot 2gh; \dots \text{(e'')}$$

$$h_3 = h_2 - \Delta h_2 = a_2 \cdot h - \frac{b_1 \cdot l_2}{R \cdot \omega^2} \cdot [\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} - \mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2}]^2 \cdot 2gh = \\ = [a_2 - \frac{b_1 \cdot l_2}{R \cdot \omega^2} \cdot (\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} - \mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2})^2 \cdot 2g] \cdot h = a_3 \cdot h; \dots \text{(b''')}$$

$$q_3 = \mu_1 \cdot \omega_3 \cdot \sqrt{2gh_3} = \mu_1 \cdot \omega_3 \cdot \sqrt{\alpha_3 \cdot 2gh} \dots \text{(c''')}$$

Составляя эти элементы точно такимъ же образомъ далѣе, наконецъ для n -аго отверстія получимъ соотвѣтственно:

$$h_n = h_{n-1} - \Delta h_{n-1} = [a_{n-1} - \frac{b_1 \cdot l_{n-1}}{R \cdot \omega^2} \cdot (\mu \cdot \omega - \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} - \mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2} - \\ - \mu_1 \cdot \omega_3 \cdot \sqrt{\alpha_3} - \dots - \mu_1 \cdot \omega_{n-1} \cdot \sqrt{\alpha_{n-1}})^2 \cdot 2g] \cdot h = a_n \cdot h; \dots \text{(b^{(n)})}$$

$$q_n = \mu_1 \cdot \omega_n \cdot \sqrt{2gh_n} = \mu_1 \cdot \omega_n \cdot \sqrt{\alpha_n \cdot 2gh} \dots \text{(c^{(n)})}$$

Теперь, сопоставляя уравненіе (40) съ только что найденными, едѣляемъ слѣдующія преобразованія:

$$Q = \sum_{i=1}^{i=n} q_i = \mu_1 \cdot \omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1 \cdot 2gh} + \mu_1 \cdot \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2 \cdot 2gh} + \dots + \mu_1 \cdot \omega_n \cdot \sqrt{\alpha_n \cdot 2gh} = \\ = \mu_1 \cdot [\omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} + \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2} + \omega_3 \cdot \sqrt{\alpha_3} + \dots + \omega_n \cdot \sqrt{\alpha_n}] \cdot \sqrt{2gh} \dots \text{(40')}$$

Слѣдовательно должно существовать такое равенство:

$$Q \cdot dt = \mu_1 \cdot [\omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} + \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2} + \dots + \omega_n \cdot \sqrt{\alpha_n}] \cdot \sqrt{2gh} \cdot dt = \Omega_0 \cdot dh$$

Отсюда:

$$dt = \frac{\Omega_0}{\mu_1 \cdot (\omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} + \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2} + \dots + \omega_n \cdot \sqrt{\alpha_n}) \cdot \sqrt{2g}} \cdot \frac{dh}{\sqrt{h}}$$

По интегрированіи, находимъ вѣ общиемъ видѣ формулу для опредѣленія времени наполненія камеры:

$$T_1 = \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \sqrt{h}}{\mu_1 \cdot (\omega_1 \cdot \sqrt{\alpha_1} + \omega_2 \cdot \sqrt{\alpha_2} + \dots + \omega_n \cdot \sqrt{\alpha_n}) \cdot \sqrt{2g}} \dots \text{(42)}$$

40. Частные случаи. При всѣхъ отвѣтвленіяхъ одинакового сѣченія $= \omega_1$, расположенныхъ на одинаковыхъ разстояніяхъ l другъ отъ друга и отъ начального отверстія водопровода получаются:

- а) при двухъ равныхъ водопроводахъ, сѣченіемъ ω каждый, съ обѣихъ сторонъ камеры, формулы (2''), (38) и (39);
и б) при двухъ равныхъ водопроводахъ съ обѣихъ сторонъ камеры, общимъ сѣченіемъ ω , формулы (2), (38) и (39).

Такимъ образомъ, вышеуказанныя формула инженера Зброжека представляетъ частный видъ формулы (42).

§ 3. Нѣкоторыя соображенія о правильности пользованія формулой

Ф. Г. Зброжека.

41. Разсматриваемая гидравлическая сопротивленія. Въ формулѣ (42), а слѣдовательно и въ формулѣ Зброжека принято во вниманіе лишь сопротивленіе по длине главного водопровода, предполагая его прямолинейнымъ; всѣ возможныя мѣстныя сопротивленія не введены въ вышеуказанныя формулы; истеченіе чрезъ боковыя отвѣтвленія рассматривается какъ истеченіе чрезъ щитовыя отверстія въ тонкой стѣнкѣ. Поэтому, полученное такимъ образомъ, время T_1 далеко не можетъ соотвѣтствовать дѣйствительному.

42. Выбранный коэффиціентъ расхода. Конечно, удачно выбранный коэффиціентъ расхода μ и μ_1 (или поправочный коэффиціентъ формулы) можетъ легко покрыть указанные только что недочеты формулы. Но какъ его выбрать, изъ какихъ опредѣленныхъ данныхъ? Ф. Г. Зброжекъ предлагаетъ этотъ коэффиціентъ расхода принимать равнымъ $0_{,55}$ во всѣхъ случаяхъ истеченія, съ чѣмъ конечно согласиться нельзя, ибо условія истеченія чрезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ, чрезъ главный каваль большого сѣченія и наконецъ чрезъ отвѣтвленія совершенно различны между собою вслѣдствіе разнаго рода сопротивленій, встрѣчаемыхъ водою при ея движеніи во всѣхъ этихъ случаяхъ.

Затѣмъ, если считать коэффиціентъ расхода для отверстій въ тонкой стѣнкѣ $0_{,62}$, а въ этой формулѣ какъ нѣкоторый поправочный коэффиціентъ $0_{,55}$, то на основаніи какихъ же соображеній такъ слѣдуетъ поступать, можетъ ли быть у насъ увѣренность, что выборъ сдѣланъ правильно.

43. Произвольная поправка послѣ вычисленій. Если принять $\mu = \mu_1 = 0_{,55}$ во всѣхъ случаяхъ истеченія, и затѣмъ чтобы быть увѣреннымъ, что наполненіе камеры произойдетъ въ назначенное время, сдѣ-

лать, какъ рекомендуется *Ө. Г. Зброжекъ*, ω или ω_1 , или оба одновременно (ω и ω_1) на сколько (?) больше, то невольно напрашивается слѣдующіе вопросы: которое же изъ ω и ω_1 увеличить выгоднѣе и если это нужно сдѣлать, то на сколько?

44. Видъ формулы и предѣль примѣненія ея. Формула эта по своему виду не простая, требуетъ вычислений многихъ элементовъ и могла бы быть рекомендована лишь для приблизительныхъ подсчетовъ при проектированіи; примѣнія же ее къ существующимъ сооруженіямъ слѣдовало бы получить рядомъ наблюдений дѣйствительное значеніе поправочного коефиціента этой формулы для различныхъ случаевъ устройства и расположения продольного водопровода и его отвѣтвлений.

45. Время опорожненія T_2 камеры принимается при пользованіи этой формулой равнымъ времени наполненія. Это, какъ увидимъ далѣе при подсчетахъ, не всегда можетъ быть справедливо, особенно если для опорожненія служитъ совершенно иная система водопроводовъ.

Б. Формулы профессора *Ф. Е. Максименко*.

46. Основные особенности вывода. Нижеприведенные формулы выведены, принимая во вниманіе всѣ возможныя гидравлическія сопротивленія какъ общія, такъ и мѣстныя; коефиціенты расхода и сопротивленій могутъ быть взяты изъ имѣющихся данныхъ ряда опытовъ по гидравликѣ для всѣхъ соотвѣтственныхъ случаевъ. Выводъ этихъ формулъ таковъ же, какъ и для круговыхъ каналовъ, а потому общія части выводовъ оставлены безъ повторительныхъ объясненій, какъ уже не представляющія для читателей неясностей.

§ 4. Определеніе времени T_1 для наполненія камеры изъ верхнаго бьефа.

47. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ однимъ каналомъ, имѣющимъ на концѣ два отвѣтвленія. Подобно изложенному въ главѣ II (Фиг. 15) уравненія *Бернуlli* для линій тока *abcde* и *abcfg* будутъ:

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (a)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (b)$$

Изъ этихъ двухъ равенствъ слѣдуетъ:

$$\zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g}; \text{ или } \zeta_3 \cdot v_3^2 = \zeta_2 \cdot v_2^2;$$

откуда:

$$v_3 = v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}, \text{ или } v_2 = v_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}}$$

Поэтому:

$$Q = O_0 \cdot V_0 = O_1 \cdot V_1 = w_1 \cdot v_1 = w_2 \cdot v_2 + w_3 \cdot v_3 = w_2 \cdot v_2 + w_3 \cdot v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}$$

Отсюда получается:

$$V_1 = \frac{w_1}{O_1} \cdot v_1; \quad V_0 = \frac{w_1}{O_0} \cdot v_1; \quad v_1 = \frac{1}{w_1} \cdot \left[v_2 \cdot \left(w_2 + w_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right) \right]$$

Такимъ образомъ:

$$w_1 \cdot v_1 = w_2 \cdot v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}} + w_3 \cdot v_3; \quad v_3 = \frac{w_1 \cdot v_1}{\left(w_3 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}} \right)} \dots \dots \quad (c)$$

Теперь уравненіе (a), по подстановкѣ въ него найденныхъ величинъ, приметъ видъ:

$$\frac{1}{2g} \cdot \left\{ \left[\left(\frac{w_1}{O_1} \cdot v_1 \right)^2 - \left(\frac{w_1}{O_0} \cdot v_1 \right)^2 \right] + \zeta_1 \cdot v_1^2 + \zeta_3 \cdot \left(\frac{w_1 \cdot v_1}{w_3 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}}} \right)^2 \right\} = h. \quad (a')$$

или:

$$\frac{v_1^2}{2g} \cdot \left\{ w_1^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \zeta_1 + \frac{\zeta_3 \cdot w_1^2}{\left(w_3 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}} \right)^2} \right\} = h \dots \dots \quad (a'')$$

Слѣдовательно:

$$v_1 = \sqrt{\frac{1}{w_1^2 \cdot \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \zeta_1 + \frac{\zeta_3 \cdot w_1^2}{\left(w_3 + w_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}} \right)^2}}} \cdot \sqrt{2gh} = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \quad (43)$$

И такъ, имѣмъ:

$$Q = w_1 \cdot v_1 = \mu_1 \cdot w_1 \cdot \sqrt{2gh} \dots \text{ и } \dots O_0 \cdot dz = \mu_1 \cdot w_1 \cdot \sqrt{2gh} \cdot dt$$

Теперь подобно выше разсмотреннымъ случаямъ въ § 3, главы II-й, находимъ:

$$\begin{aligned}
 t &= \frac{2 \cdot O_0 \cdot O_1}{\omega_1 \cdot \sqrt{2g} \cdot (O_0 + O_1)} \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}] \times \\
 &\times \sqrt{\omega_1^2 \cdot \left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right) + \zeta_1 + \frac{\zeta_3' \cdot \omega_1^2}{(\omega_3 + \omega_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}})^2}} = \\
 &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{\zeta_1}{\omega_1^2} + \frac{\zeta_2 \cdot \zeta_3}{[\omega_3 \cdot \sqrt{\zeta_2} + \omega_2 \cdot \sqrt{\zeta_3}]^2}} = \\
 &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{\zeta_1}{\omega_1^2} + \frac{1}{\left[\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right]^2}} \quad \dots \dots \dots \quad (44)
 \end{aligned}$$

48. Продольные каналы въ шлюзѣ съ двумя на концѣ отвѣтвленіями
Формула (44) можетъ быть примѣнена къ шлюзамъ, когда (Фиг. 16) сравниваніе горизонтовъ производится помошью пары симметрично расположенныхъ продольныхъ каналовъ общимъ съченіемъ w' съ коефиціентомъ сопротивленія ζ' , имѣющихъ по два на концѣ отвѣтвленія, для которыхъ общія площасти поперечныхъ съченій симметричныхъ паръ будутъ ω_1 и ω_2 , а соотвѣтственные коефиціенты сопротивленія ζ_1 и ζ_2 . Тогда эта формула получить видъ:

$$\begin{aligned}
 T &= \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{[\Omega_0 + \Omega_1] \cdot \sqrt{2g}} \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{\Omega_0^2} - \frac{1}{\Omega_1^2} \right] + \frac{\zeta'}{(\omega')^2} + \frac{1}{\left[\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} + \frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} \right]^2}} = \\
 &= A \cdot \sqrt{B + D + \frac{1}{[C_1 + C_2]^2}} \quad \dots \dots \dots \quad (45)
 \end{aligned}$$

Примѣняясь къ самому общему виду нижеприводимой формулы, это выраженіе можно написать такъ:

$$T_1 = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{\left[\sqrt{D'} + \frac{1}{[C_1 + C_2]^2} \right]^2}} \quad \dots \dots \dots \quad (45')$$

Упрощенные обозначения, введенные здесь, удерживаются во всѣхъ дальниѣшихъ выводахъ; именно: *A* и *B* имѣютъ прежнія значенія, что и въ главѣ II; затѣмъ:

$$C_i = \frac{\omega_i}{\sqrt{\zeta_i}} \dots \text{ и } \dots D^i = \frac{\zeta^i}{(\omega^i)^2}.$$

49. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхыхъ одной соединительной трубой и однимъ каналомъ, имѣющимъ на концѣ два развѣтвленія. Уравненія Бернули для линій тока (Фиг. 17) *abcd*, *efgk* и *efglm* будуть:

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (a)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (b)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (c)$$

Изъ этихъ уравненій слѣдуетъ:

$$\zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (d)$$

$$\zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (e)$$

$$\zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} \dots \dots \dots \dots \dots \quad (f)$$

$$v_3 = v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \dots \dots \dots \dots \dots \quad (g)$$

Затѣмъ, подобно предыдущему, имѣемъ:

$$Q = O_0 \cdot V_0 = O_1 \cdot V_1 = \omega_0 \cdot v_0 + \omega_1 \cdot v_1 = \omega_0 \cdot v_0 + \omega_2 \cdot v_2 + \omega_3 \cdot v_3; \dots \dots \quad (h)$$

$$\omega_1 \cdot v_1 = \omega_2 \cdot v_2 + \omega_3 \cdot v_3 = \omega_2 \cdot v_2 + \omega_3 \cdot v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}},$$

откуда:

$$v_1 = \frac{v_2}{\omega_1} \cdot \left[\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right] \dots \dots \text{ и } \dots \dots v_2 = \frac{\omega_1 \cdot v_1}{\left(\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right)} \dots \dots \quad (k)$$

Теперь, изъ уравненія (e) находимъ:

$$\zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_1^2}{2g} \cdot \left(\frac{\omega_1}{\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}} \right)^2,$$

или

$$\zeta_0 v_0^2 = v_1^2 \cdot \left\{ \zeta_1 + \zeta_2 \cdot \left[\frac{\omega_1}{\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}} \right]^2 \right\},$$

откуда:

$$v_1 = -\frac{v_0 \cdot \sqrt{\zeta_0}}{\sqrt{\zeta_1 + \zeta_2 \cdot \left[\frac{\omega_1}{\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}} \right]^2}} = P \cdot v_0 \dots \dots \dots (l)$$

По подстановкѣ найденнаго значенія v_1 въ равенство (h), получимъ:

$$\begin{aligned} O_0 \cdot V_0 &= \omega_0 \cdot v_0 \cdot \left[1 + \frac{\omega_1}{\omega_0} \cdot \sqrt{\frac{\zeta_0}{\zeta_1 + \zeta_2 \cdot \left(\frac{\omega_1}{\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}} \right)^2}} \right] = \\ &= \omega_0 \cdot v_0 \cdot \left[1 + \frac{\omega_1}{\omega_0} \cdot P \right] = \omega_0 \cdot v_0 \cdot R \dots \dots \dots (m) \end{aligned}$$

Отсюда:

$$V_0 = \frac{\omega_0}{O_0} \cdot R \cdot v_0 \dots \dots \dots (m')$$

Обозначенія P и R введены для упрощенія нижеслѣдующихъ выкладокъ; для достиженія той же цѣли обозначимъ еще:

$$\frac{\omega_1}{\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}} = S \dots \dots \dots (n)$$

Тогда по выраженіямъ (l) и (n):

$$P = \sqrt{\frac{\zeta_0}{\zeta_1 + \zeta_2 \cdot S^2}} \dots \dots \dots (l')$$

Теперь уравнение (a), по подстановкѣ найденныхъ величинъ, можно переписать послѣдовательно такъ:

$$\begin{aligned} \frac{V_0^2}{2g} \cdot \left[\left(\frac{O_0}{O_1} \right)^2 - 1 \right] + \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} &= h; \\ \frac{1}{2g} \cdot \left(\frac{\omega_0}{O_0} \cdot R \cdot v_0 \right)^2 \cdot \left[\left(\frac{O_0}{O_1} \right)^2 - 1 \right] + \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} &= h; \\ \frac{v_0^2}{2g} \cdot \left\{ R^2 \cdot \left(\frac{\omega_0}{O_0} \right)^2 \cdot \left[\left(\frac{O_0}{O_1} \right)^2 - 1 \right] + \zeta_0 \right\} &= h. \end{aligned}$$

Отсюда:

$$v_0 = \sqrt{\frac{1}{R^2 \cdot \left(\frac{\omega_0}{O_0} \right)^2 \cdot \left[\left(\frac{O_0}{O_1} \right)^2 - 1 \right] + \zeta_0} \cdot \sqrt{2gh}} = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \quad \dots \dots \dots (46)$$

Поэтому:

$$\mu_1 = \sqrt{\zeta_0 + \left[\left(\frac{O_0}{O_1} \right)^2 - 1 \right] \cdot \left(\frac{\omega_0}{O_0} \right)^2 \cdot \left(1 + \frac{\omega_1}{\omega_0} \cdot P \right)^2} \quad \dots \dots \dots (46')$$

И такъ, имѣемъ изъ выражений (h), (l) и (46):

$$Q = \omega_0 \cdot v_0 + \omega_1 \cdot v_1 = \omega_0 \cdot v_0 + \omega_1 \cdot P \cdot v_0 = v_0 \cdot [\omega_0 + P \cdot \omega_1] = [\omega_0 + P \cdot \omega_1] \cdot \mu_1 \cdot \sqrt{2gh}.$$

Затѣмъ, по предыдущему:

$$- O_0 \cdot dz = Q \cdot dt = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \cdot [\omega_0 + P \cdot \omega_1] \cdot dt;$$

$$- \frac{O_0 \cdot O_1}{O_0 + O_1} \cdot d\xi = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \cdot [\omega_0 + P \cdot \omega_1] \cdot dt.$$

По интегрированіи этого уравненія и замѣнѣ пѣкоторыхъ обозначеній ихъ дѣйствительными величинами находимъ:

$$\begin{aligned} t &= \frac{2 \cdot O_0 \cdot O_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{\sqrt{2g} \cdot [O_0 + O_1]} \cdot \frac{1}{\mu_1 \cdot [\omega_0 + P \cdot \omega_1]} = A \cdot \frac{1}{\mu_1 \cdot [\omega_0 + P \cdot \omega_1]} = \\ &= A \cdot \frac{\sqrt{\zeta_0 + \left[\left(\frac{O_0}{O_1} \right)^2 - 1 \right] \cdot \left(\frac{\omega_0}{O_0} \right)^2 \cdot \left[1 + \frac{\omega_1}{\omega_0} \cdot P \right]^2}}{[\omega_0 + P \cdot \omega_1]} = \\ &= A \cdot \frac{\sqrt{\zeta_0 + \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] \cdot [\omega_0 + P \cdot \omega_1]^2}}{(\omega_0 + P \cdot \omega_1)} = \\ &= A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{\zeta_0}{(\omega_0 + P \cdot \omega_1)^2}} \quad \dots \dots \dots (47) \end{aligned}$$

Второй членъ подъ корнемъ послѣ подстановки значенія P изъ равенства (7) можетъ быть преобразованъ слѣдующимъ образомъ:

$$\begin{aligned} \frac{\zeta_0}{(\omega_0 + P\omega_1)^2} &= \frac{\zeta_0}{\left\{ \omega_0 + \omega_1 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_0}{\zeta_1 + \zeta_2 \cdot \left[\frac{\omega_1}{\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}} \right]^2}} \right\}^2} = \\ &= \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\zeta_1 + \frac{\omega_1^2 \cdot \zeta_2 \cdot \zeta_3}{(\omega_2 \sqrt{\zeta_3} + \omega_3 \sqrt{\zeta_2})^2}} \right]^2} = \\ &= \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\zeta_1}{\omega_1^2} + \frac{1}{\left(\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2}}} \right]^2} \end{aligned}$$

Теперь окончательно для t получимъ выраженіе:

$$t = A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\zeta_1}{\omega_1^2} + \frac{1}{\left(\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2}}} \right]^2} \dots \quad (47')$$

50. Продольные каналы въ шлюзѣ съ двумя на концѣ отвѣтвленіями при имѣющихся кромъ того круговыхъ каналахъ или отверстіяхъ въ полотнахъ воротъ. При расположениі каналовъ и отверстій по Фиг. 18 можно примѣнить для опредѣленія T_1 формулу (47'). Вводя вышепринятая обозначенія съченій каналовъ и коэффициентовъ со-противленій, можемъ написать эту формулу въ такомъ видѣ:

$$T_1 = \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1 \cdot [\sqrt{\zeta_0} - \sqrt{\zeta_1}]}{[\Omega_0 + \Omega_1] \cdot \sqrt{2g}} \times$$

$$\times \sqrt{\left[\frac{1}{\Omega_0^2} - \frac{1}{\Omega_1^2} \right] + \left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\zeta'}{(\omega')^2} + \frac{1}{\left[\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} + \frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} \right]^2}}} \right]^2} \dots \quad (48)$$

Пользуясь упрощенными обозначениями подобно случаю рассматриваемому выше (*n^o 48*), та же формула может быть представлена такъ:

$$T_1 = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{\left[C_0 + \frac{1}{\sqrt{D' + \frac{1}{[C_1 + C_2]^2}}} \right]^2}} \dots \dots \dots (48')$$

51. Частные случаи формулъ (47') и (48).

а) При $\omega_0=0$ имѣется только каналъ съ двумя на концѣ развѣтвленіями, и уравненія (47') и (48) примутъ соотвѣтственно видъ уравненій (44) и (45) предыдущаго вышеразсмотрѣнного случая.

б) При $\omega_1=\omega_2=\omega_3=0$ имѣется только круговой каналъ или отверстія въ полотнахъ воротъ; тогда получатся формулы (18) и (20) случая (*n^o 23* и *24*) или (2) и (2⁰) случая (*n^o 3* и *4*).

в) При

$$\omega_3=0 \text{ и } \omega_1=\omega_2, v_1=v_2$$

или

$$\omega_2=0 \text{ и } \omega_1=\omega_3, v_1=v_3$$

получатся формулы (26) и (27) круговыхъ каналовъ случая (*n^o 25* и *26*).

52. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ каналомъ, имѣющимъ на концѣ три развѣтвленія. Уравненія *Бернуlli* для линій тока (Фиг. 19) *abcd*, *efgk*, *efglm* и *efglno* будутъ:

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (I)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (II)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_i \cdot \frac{v_i^2}{2g} + \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (III)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_i \cdot \frac{v_i^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (IV)$$

Изъ этихъ уравненій слѣдуетъ:

$$(I \text{ и } II) \quad \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (a)$$

$$(III \text{ и } IV) \quad \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (b)$$

$$(II \text{ и } III) \quad \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = \zeta_4 \cdot \frac{v_4^2}{2g} + \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (c)$$

$$(II \text{ и } IV) \quad \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = \zeta_4 \cdot \frac{v_4^2}{2g} + \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (d)$$

Отсюда:

$$v_3 = v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} = v_2 \cdot E \dots \text{ и } \dots v_2 = v_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_3}{\zeta_2}} \dots \dots \dots \quad (e)$$

Затѣмъ, подобно предыдущимъ случаямъ, имѣемъ:

$$Q = O_0 \cdot V_0 = O_1 \cdot V_1 = w_0 \cdot v_0 + w_1 \cdot v_1 = w_0 \cdot v_0 + w_2 \cdot v_2 + w_3 \cdot v_3 + w_5 \cdot v_5; \quad (f')$$

$$w_1 \cdot v_1 = w_4 \cdot v_4 + w_5 \cdot v_5 \dots \text{ и } \dots w_4 \cdot v_4 = w_2 \cdot v_2 + w_3 \cdot v_3 \dots \dots \dots \quad (f)$$

Поэтому:

$$w_4 \cdot v_4 = w_2 \cdot v_2 + w_3 \cdot v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}};$$

$$v_4 = \frac{v_2}{w_4} \cdot \left[w_2 + w_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right] = \frac{v_2}{w_4} \cdot [w_2 + w_3 \cdot E] \dots \dots \dots \quad (g)$$

Теперь изъ уравненій (d), (e), (f) и (g) получимъ:

$$\begin{aligned} \zeta_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} &= \zeta_4 \cdot \frac{1}{2g} \cdot \left[\frac{v_2}{w_4} \cdot (w_2 + w_3 \cdot E) \right]^2 + \\ &+ \zeta_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} = \frac{v_2^2}{2g} \cdot \left\{ \zeta_2 + \zeta_4 \cdot \left[\frac{w_2 + w_3 \cdot E}{w_4} \right]^2 \right\} \end{aligned}$$

и слѣдовательно:

$$v_3 = v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2 + \zeta_4 \cdot \left[\frac{w_2 + w_3 \cdot E}{w_4} \right]^2}{\zeta_3}} = v_2 \cdot F \dots \dots \dots \quad (h)$$

Дальше имѣемъ (f'):

$$w_1 \cdot v_1 = w_2 \cdot v_2 + w_3 \cdot v_3 + w_5 \cdot v_5 = w_2 \cdot v_2 + w_3 \cdot v_2 \cdot E + w_5 \cdot v_2 \cdot F;$$

отсюда:

$$v_1 = v_2 \cdot \left[\frac{w_2}{w_4} \cdot \left(1 + \frac{w_3}{w_2} \cdot E + \frac{w_5}{w_2} \cdot F \right) \right] = v_2 \cdot G \dots \dots \dots \quad (k)$$

Такимъ образомъ уравненіе (a) можетъ быть представлено въ видѣ:

$$\zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \zeta_1 \cdot \frac{v_2^2}{2v} \cdot G^2 + \zeta_3 \cdot \frac{v_2^2}{2g} \cdot F^2 = \frac{v_2^2}{2g} \cdot (\zeta_1 \cdot G^2 + \zeta_3 \cdot F^2),$$

откуда:

$$v_0 = v_2 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_1 \cdot G^2 + \zeta_3 \cdot F^2}{\zeta_0}} \dots \text{ и } \dots v_2 = v_0 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_0}{\zeta_1 \cdot G^2 + \zeta_3 \cdot F^2}} \cdot v_0 \cdot K \quad (l)$$

Поэтому изъ уравненій (e), (h), (k) и (l):

$$v_3 = v_0 \cdot E \cdot K; \quad v_4 = v_0 \cdot G \cdot K; \quad v_5 = v_0 \cdot F \cdot K \dots \dots \dots \quad (m)$$

Уравненіе (f') можно переписать такъ:

$$O_0 \cdot V_0 = O_1 \cdot V_1 = \omega_0 \cdot v_0 + \omega_2 \cdot v_0 \cdot K + \omega_3 \cdot v_0 \cdot E \cdot K + \omega_5 \cdot v_0 \cdot F \cdot K =$$

$$= \omega_0 \cdot v_0 \cdot \left[1 + \frac{K}{\omega_0} \cdot (\omega_2 + \omega_3 \cdot E + \omega_5 \cdot F) \right] = L \cdot \omega_0 \cdot v_0 \dots \dots \dots \quad (n)$$

Нѣсколько проще ту-же зависимость можно получить иначе:

$$O_0 \cdot V_0 = O_1 \cdot V_1 = \omega_0 \cdot v_0 + \omega_1 \cdot v_1 = \omega_0 \cdot v_0 + \omega_1 \cdot v_0 \cdot G \cdot K = \\ = \omega_0 \cdot v_0 \cdot \left[1 + \frac{\omega_1}{\omega_0} \cdot G \cdot K \right] = M \cdot \omega_0 \cdot v_0 \dots \dots \dots \quad (o)$$

Изъ уравненія (n) находимъ:

$$V_0 = \omega_0 \cdot v_0 \cdot \frac{L}{O_0} \dots \text{ и } V_1 = \omega_0 \cdot v_0 \cdot \frac{L}{O_1} \dots \dots \dots \quad (p)$$

Переходя затѣмъ къ общему уравненію (I), имѣемъ:

$$\frac{1}{2g} \cdot \left\{ \left[\left(\omega_0 \cdot v_0 \cdot \frac{L}{O_1} \right)^2 - \left(\omega_0 \cdot v_0 \cdot \frac{L}{O_0} \right)^2 \right] + \zeta_0 \cdot v_0^2 \right\} = h.$$

или:

$$\frac{v_0^2}{2g} \cdot \left\{ \zeta_0 + L^2 \cdot \omega_0^2 \cdot \left[\left(\frac{1}{O_1} \right)^2 - \left(\frac{1}{O_0} \right)^2 \right] \right\} = h.$$

Отсюда:

$$v_0 = \frac{1}{\sqrt{\zeta_0 + L^2 \cdot \omega_0^2 \cdot \left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right)}} \cdot \sqrt{2gh} = \mu_1 \cdot \sqrt{2gh} \dots \dots \dots \quad (49)$$

И такъ, для опредѣленія времени t имѣемъ:

$$-O_0 \cdot dz = Q \cdot dt = O_0 \cdot V_0 \cdot dt = L \cdot \omega_0 \cdot v_0 \cdot dt,$$

или:

$$-\frac{O_0 \cdot O_1}{(O_0 + O_1)} \cdot d\xi = L \cdot \omega_0 \cdot \mu_1 \cdot \sqrt{2g\xi} \cdot dt$$

Отсюда по интегрированию находимъ:

$$t = \frac{2 \cdot O_0 \cdot O_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{\mu_1 \cdot \sqrt{2g} \cdot L \cdot \omega_0 \cdot (O_0 + O_1)} = A \cdot \frac{1}{\mu_1 \cdot L \cdot \omega_0} = A \cdot N \quad \dots \quad (50)$$

Найдемъ теперь действительныя величины условныхъ обозначеній $E - N$ для подстановки ихъ въ уравненіе (50). Имъемъ:

$$\begin{aligned} E &= \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}; \\ F &= \sqrt{\frac{\zeta_2 + \zeta_4 \cdot \left[\frac{\omega_2 + \omega_3 \cdot E}{\omega_4} \right]^2}{\zeta_3}} = \sqrt{\frac{\zeta_2 + \frac{\zeta_4}{\omega_4^2} \cdot \left(\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right)^2}{\zeta_3}}; \\ G &= \frac{\omega_2}{\omega_1} \cdot \left[1 + \frac{\omega_3}{\omega_2} \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} + \frac{\omega_5}{\omega_2} \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2 + \frac{\zeta_4}{\omega_4^2} \cdot \left(\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right)^2}{\zeta_3}} \right]; \\ N &= \frac{1}{\mu_1 \cdot L \cdot \omega_0} = \frac{1}{\mu_1 \cdot M \cdot \omega_0} = \frac{\sqrt{\zeta_0 + M^2 \cdot \omega_0^2 \cdot \left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right)}}{M \cdot \omega_0} = \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right) + \frac{\zeta_0}{M^2 \cdot \omega_0^2}} = \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right) + \frac{\zeta_0}{\omega_0^2 \cdot \left(1 + \frac{\omega_1}{\omega_0} \cdot G \cdot K \right)^2}} = \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right) + \frac{\zeta_0}{\omega_0^2 \cdot \left\{ 1 + \frac{\omega_1}{\omega_0} \cdot G \cdot \sqrt{\frac{\zeta_0}{G^2 \cdot \left[\zeta_1 + \zeta_5 \cdot \left(\frac{F}{G} \right)^2 \right]}} \right\}^2}} = \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right) + \left[\frac{\zeta_0}{\omega_0 + \omega_1 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_0}{\zeta_1 + \zeta_5 \cdot \left(\frac{F}{G} \right)^2}}} \right]^2} = \end{aligned}$$

$$= \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \left[\frac{1}{\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1 + \zeta_5 \cdot \left(\frac{F}{G} \right)^2}}} \right]^2} =$$

$$= \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \left[\frac{1}{\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{\zeta_1}{\omega_1^2} + \frac{\zeta_3}{\omega_1^2} \left(\frac{F}{G} \right)^2}}} \right]^2} \dots \dots (q)$$

Послѣдній членъ второго корня въ этомъ выраженіи можетъ быть преобразованъ такъ:

$$\begin{aligned} & \frac{\zeta_3}{\omega_1^2} \cdot \left(\frac{F}{G} \right)^2 = \\ & = \frac{\zeta_3 \cdot \left[\zeta_2 + \frac{\zeta_4}{\omega_4^2} \cdot \left(\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right)^2 \right]}{\omega_1^2 \cdot \zeta_3 \cdot \frac{\omega_2^2}{\omega_1^2} \cdot \left[1 + \frac{\omega_3}{\omega_2} \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} + \frac{\omega_3}{\omega_2} \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2 + \frac{\zeta_4}{\omega_4^2} \left(\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right)^2}{\zeta_3}} \right]^2} = \\ & = \frac{1}{\left[\frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} + \sqrt{\frac{\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}}}{\zeta_2 + \frac{\zeta_4}{\omega_4^2} \cdot \left(\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right)^2}}} \right]^2} = \\ & = \frac{1}{\left[\frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\zeta_4}{\omega_4^2} + \frac{\zeta_2}{\left(\omega_2 + \omega_3 \cdot \sqrt{\frac{\zeta_2}{\zeta_3}} \right)^2}}} \right]^2} = \\ & = \frac{1}{\left[\frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\zeta_4}{\omega_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2}}} \right]^2} \dots \dots (r) \end{aligned}$$

Поэтому формула (50) въ полномъ видѣ будетъ:

$$t = A \cdot \left| B + \frac{1}{\left| \frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{\zeta_1}{\omega_1^2} + \left[\frac{1}{\left| \frac{\omega_5}{\sqrt{\zeta_5}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\zeta_4}{\omega_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2}} \right|^2} \right]} \right|^2} \right|^2 \quad (50')$$

53. Продольные каналы въ шлюзѣ съ тремя на концѣ отвѣтвленіями при имѣющихся кромѣ того круговыхъ каналахъ или отверстіяхъ въ полотнахъ воротъ. При расположениіи каналовъ и отверстій по Фиг. 20 можно примѣнить для опредѣленія T_1 формулу (50'). Вводя вышепринятые обозначенія съченій каналовъ и коефиціентовъ сопротивленій, можемъ написать эту формулу въ такомъ видѣ:

$$T_1 = A \cdot \left| B + \frac{1}{\left| \frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{\zeta'}{(\omega')^2} + \left[\frac{1}{\left| \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\zeta''}{(\omega'')^2} + \frac{1}{\left(\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2}}} \right|^2} \right]} \right|^2} \right|^2 \quad (51)$$

При этомъ надо не забывать, что подъ всякимъ ω и ζ подразумѣвается сумма для двухъ симметрично относительно оси шлюза расположенныхъ частей каналовъ.

Пользуясь упрощенными обозначеніями подобно случаюмъ (*nº 48* и *50*) вышеразсмотрѣннымъ, та-же формула можетъ быть представлена такъ:

$$T_1 = A \cdot \left| B + \frac{1}{\left| C_0 + \sqrt{D' + \left[C_1 + \frac{1}{\sqrt{D'' + \frac{1}{(C_2 + C_3)^2}}} \right]^2} \right|^2} \right|^2 \quad (51')$$

54. Частные случаи формулъ (50') и (51) могутъ быть разобраны подобно № 51. Стѣсняя этотъ случай наполненія соотвѣтственными условіями, изъ этихъ формулъ получимъ всѣ ранѣе выведенныя для продольныхъ и круговыхъ каналовъ а также и для отверстій въ полотнахъ воротъ.

55. Продольные каналы въ шлюзѣ съ n на концѣ отвѣтвленіями. Теперь для опредѣленія времени T_1 помошью отверстій въ полотнахъ воротъ и продольныхъ каналовъ съ какимъ (Фиг. 21) угодно числомъ отвѣтвленій можно написать формулу въ самомъ общемъ видѣ¹⁾:

Пусть имѣются:

а) отверстія въ полотнахъ воротъ общей площадью ω_0 съ общимъ коефиціентомъ сопротивленія ζ_0 ;

б) продольный (параллельно оси шлюза) каналъ (гальерея)

послѣдовательныхъ поперечныхъ сѣченій: $\omega', \omega'', \omega''', \dots \omega^{(n-1)}$
съ соотвѣтственными коефиціентами сопротивленія: $\zeta', \zeta'', \zeta''', \dots \zeta^{(n-1)}$

с) *н* отвѣтвленій отъ канала въ камеру,
поперечные сѣченія коихъ: $\omega_1, \omega_2, \omega_3, \dots \omega_n$

частные соотвѣтственные коефиціенты сопротивленія: $\zeta_1, \zeta_2, \zeta_3, \dots \zeta_n$

При этомъ подъ каждымъ ω и ζ подразумѣваются суммы для однородной пары отверстій, симметрично расположенной относительно оси шлюза.

Введя заранѣе въ эту формулу нѣкоторыя обозначенія, подобно сдѣланному въ № 48, 50, 53, получимъ слѣдующее:

$$A = \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_1 \cdot [\sqrt{\xi_0} - \sqrt{\xi_1}]}{(\Omega_0 + \Omega_1) \cdot \sqrt{2g}} ; \quad (19')$$

$$B = \left(\frac{1}{\Omega_0^2} - \frac{1}{\Omega_1^2} \right) ; \quad (20')$$

Отношенія: $\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}}, \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}}, \frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}}, \dots \frac{\omega_{n-2}}{\sqrt{\zeta_{n-2}}}, \frac{\omega_{n-1}}{\sqrt{\zeta_{n-1}}}, \frac{\omega_n}{\sqrt{\zeta_n}}$.. (52)

соотвѣтственно чрезъ: $C_0, C_1, C_2, \dots, C_{n-2}, C_{n-1}, C_n$

Отношенія: $\frac{\zeta'}{(\omega')^2}, \frac{\zeta''}{(\omega'')^2}, \frac{\zeta'''}{(\omega''')^2}, \dots, \frac{\zeta^{(n-2)}}{(\omega^{(n-2)})^2}, \frac{\zeta^{(n-1)}}{(\omega^{(n-1)})^2}$.. (53)

соотвѣтственно чрезъ: $D', D'', D''', \dots, D^{(n-2)}, D^{(n-1)}$

1) См. Н. Д. Тяпкинъ. Курсъ внутреннихъ водяныхъ сообщеній. Ч. II.
стр. 112—113.

Тогда (см. формулы 45', 48' и 51') общая, упрощенная въ обозначенияхъ, формула получитъ слѣдующій видъ:

$$T_1 = A \cdot \left| B + \frac{C_0 +}{\overline{D + \frac{C_1 +}{\overline{D'' + \dots + \frac{C_{n-2} +}{\overline{C_{n-1} + \frac{1}{D^{(n-1)} + [C_{n-1} + C_n]^2}}}}}}}} \right|^2 \quad (54)$$

При этомъ надо замѣтить, что при выводѣ этихъ формулъ принимается $(n-1)$ частей самого пропольного канала и n отвѣтвлений, такъ что послѣдняя n -я часть канала считается за n -е отвѣтвление одинакового на всей длины ab (Фиг. 22) сѣченія. Сообразно съ этимъ во всѣхъ вышеразсмотрѣнныхъ формулахъ (44, 45, 45', 47, 48, 48', 50', 51 и 51') для t и T_1 имѣемъ столько возвышений въ квадратѣ знаменателя дроби, имѣющей числителемъ единицу, сколько будетъ отвѣтвлений; такъ, въ формулѣ 47, 48 и 48' для двухъ отвѣтвлений—два возвышения въ квадратѣ и наконецъ въ формулѣ 54 для n отвѣтвлений— n возвышений въ квадратѣ.

56. Частные случаи формулы (54) для продольныхъ каналовъ въ шлюзѣ.

а) Сдѣлаемъ въ вышеуказанномъ общемъ случаѣ (Фиг. 21) слѣдующія допущенія:

Примемъ, что:

$$1) \omega' = \omega'' = \omega''' = \dots = \omega^{(n-1)} = \omega;$$

$$2) \omega_1 = \omega_2 = \omega_3 = \dots = \omega_n = \omega_1;$$

$$3) \omega_0 = 0;$$

4) при разстояніи L между центрами начального (впускного) и послѣдняго выпускного отверстій взаимное разстояніе между центрами каждой пары отверстій одинаково, т. е. $= l = \frac{L}{n}$;

$$5) \Omega_1 = \infty; \xi_0 = h; \xi_1 = 0; B = 0.$$

Тогда вышенайденные формулы (19', 20', 52, 53 и 54) измѣняются такъ:

$$A_1 = 2 \cdot \Omega_0 \cdot \sqrt{\frac{h}{2g}} \dots \dots \dots \quad (19'')$$

$$B = 0, \quad C_0 = 0 \dots \dots \dots \quad (55)$$

$$C_1 = C_2 = C_3 = \dots = C_n = C \dots \dots \dots \quad (56)$$

$$D = D'' = D''' = \dots = D^{(n-1)} = D \dots \dots \dots \quad (57)$$

Наконецъ, формула (54) послѣ подстановки найденныхъ и принятыхъ значеній приметь болѣе упрощенный видъ:

$$T_1 = A_1 \cdot \sqrt{D + \left[C + \frac{1}{D + \dots + \frac{1}{C + \frac{1}{\sqrt{D + \frac{1}{[2C]^2}}}}} \right]^2} \quad (58)$$

При этомъ при n отвѣтвленіяхъ будетъ $(n-1)$ возвышенній въ квадратъ знаменателя дроби, числитель коей единица.

β) Изъ общей формулы (54) могутъ быть получены всѣ выше-приведенныея формулы для продольныхъ и пары круговыхъ каналовъ, а также для отверстій въ полотнахъ воротъ, вводя соотвѣтственныя условія подобно указанному въ n° 51 и 54.

56а. Упрощенные способы *) опредѣленія T_1 при продольныхъ каналахъ въ шлюзѣ. Съ первого взгляда нижеслѣдующіе способы раз-счета могутъ казаться вполнѣ возможными а вмѣстѣ съ тѣмъ зна-чительно облегчающими пользованіе только что разсмотрѣнными сложными по виду формулами:

a. Для опредѣленія T_1 работу продольного канала (симметричной пары) съ однимъ пріемнымъ отверстіемъ и n устьевыми отвѣт-вленіями разсматривать въ томъ предположеніи, что имѣюціяся отвѣтвленія возможно выдѣлять независимо другъ отъ друга. Тогда, какъ бы открывая послѣдовательно эти отвѣтвленія по одному при остальныхъ закрытыхъ, можно получить каждый разъ только кру-говой каналъ съ однимъ пріемнымъ и однимъ устьевымъ отвер-стіями.

Такимъ образомъ, при n устьевыхъ отвѣтвленіяхъ по длине каждого канала можно опредѣлить n значеній T_1 для n паръ кру-говыхъ каналовъ; пусть эти значенія будутъ $T_1', T_1'', T_1''', \dots, T_1^{(n)}$. Искомое время T_1 для продольного канала казалось бы возможнымъ найти затѣмъ изъ равенства:

$$\frac{1}{T_1} = \frac{1}{T_1'} + \frac{1}{T_1''} + \frac{1}{T_1'''} + \dots + \frac{1}{T_1^{(n)}}. \dots \quad (59')$$

Формула круговыхъ каналовъ безъ сомнѣнія проще по виду, нежели формула продольныхъ каналовъ и, если бы разность между дѣйствительнымъ и найденнымъ по формулѣ (59') значеніями T_1 оказалась незначительной, примѣненіе такого способа могло бы быть желательнымъ.

β. При бесконечно большомъ числѣ отвѣтвленій ($n=\infty$) упро-щеннную формулу (58) случая n° 56 можно представить такъ:

$$T = A_1 \cdot x = A_1 \cdot \sqrt{D + \frac{1}{\left(C + \frac{1}{x}\right)^2}}. \dots \quad (58')$$

*) Сравнительные подсчеты и заключенія объ этихъ способахъ и формулахъ приведены далѣе, въ главѣ V.

Отсюда, по приведеніи, имѣемъ:

$$x^2=D+\frac{1}{\left(C+\frac{1}{x}\right)^2}, \dots \text{или} \dots \left(C+\frac{1}{x}\right)^2 \cdot (x^2-D)=1 \dots (a)$$

Окончательно же для определенія x получимъ уравненіе:

$$C^2 \cdot x^2 + 2 \cdot C \cdot x - \frac{2 \cdot C \cdot D}{x} - \frac{D}{x^2} - D \cdot C^2 = 0 \dots \dots \dots (b)$$

Примѣняя эту формулу къ большому, но конечному числу отвѣтвленій можно найти x безъ сомнѣнія съ ошибкой, возможная величина коей и можетъ решить вопросъ о правильности пользованія такой формулой.

т) Въ большинствѣ случаевъ практики величина коефиціента D' формулы (54) и (57) не равна остальнымъ, такъ что въ формулы (58) частнаго случая измѣненіе будетъ только въ самомъ первомъ D , остальные члены останутся тѣ же. Тогда, подобно предыдущему, имѣемъ:

$$T_1=A_1 \cdot \sqrt{D'+\frac{1}{y^2}}=A_1 \cdot \sqrt{D'+\frac{1}{\left(C+\frac{1}{\sqrt{D+\frac{1}{y^2}}}\right)^2}} \quad (58'')$$

Отсюда, по приведеніи, находимъ:

$$(y-C)^2 \cdot \left(D+\frac{1}{y^2}\right)=1 \dots \dots \dots (c)$$

Наконецъ, для определенія y окончательно получимъ уравненіе:

$$D \cdot y^2 - 2 \cdot C \cdot D \cdot y + C^2 \cdot D - \frac{(2C-1)}{y} + \frac{C^2}{y^2} = 1 \dots \dots \dots (d)$$

При пользованіи формулами (58') или (58'') для конечнаго, но большого числа n надо принимать:

$$D=\frac{\sum_{i=1}^n D^{(i)}}{n} \dots \text{или} \dots D=\frac{\sum_{i=1}^{n-1} D^{(i)}}{n-1} \dots \text{и} \quad C=\frac{\sum_{i=1}^n C_i}{n} \quad (e)$$

§ 5. Определение времени T_2 для опорожнения камеры въ нижней бьефъ.

57. Видоизмененные обозначения. Введемъ прежде всего для приемныхъ отвѣтлений другія, въ отличие отъ вышеразсмотрѣнныхъ выпускныхъ, обозначенія, а именно пусть будуть вообще:

поперечная сѣченія: $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \dots, \sigma_n$
 соответств. коефиціенты сопротивленія ... $\eta_1, \eta_2, \eta_3, \dots, \eta_n$
 соответственные скорости $u_1, u_2, u_3, \dots, u_n$

Отношения $\frac{\sigma_i}{\sqrt{\eta_i}}$ обозначимъ соотвѣтственно чрезъ C'_i ;

Отношения $\frac{\eta^i}{(\sigma^i)^2}$ обозначимъ соотвѣтственно чрезъ $D_1^{(i)}$.

При этомъ значения C_0, B и A остаются прежними съ соотвѣтственно лишь измѣненными значками при O и Ω .

58. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ впереди (вначалѣ) n приемныхъ развѣтлений, сходящихся въ одной точкѣ. (Фиг. 23).

Уравненія Бернуlli для всѣхъ отдѣльныхъ линій тока будутъ:

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = h \quad \dots \dots \dots \quad (I)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = h \quad \dots \dots \dots \quad (II)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} + \zeta'_2 \cdot \frac{v_2^2}{2g} = h \quad \dots \dots \dots \quad (III)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_3 \cdot \frac{u_3^2}{2g} + \zeta'_3 \cdot \frac{v_3^2}{2g} = h \quad \dots \dots \dots \quad (IV)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_n \cdot \frac{u_n^2}{2g} + \zeta'_n \cdot \frac{v_n^2}{2g} = h \quad \dots \dots \dots \quad (N)$$

Изъ этихъ уравненій имѣемъ:

$$\eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} = \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} = \eta_3 \cdot \frac{u_3^2}{2g} = \dots = \eta_n \cdot \frac{u_n^2}{2g}; \quad \dots \dots \dots \quad (a)$$

$$\left. \begin{aligned} \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} &= \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g}; \\ \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} &= \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g}; \\ \dots & \quad \dots \quad \dots \quad \dots \\ \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} &= \eta_n \cdot \frac{u_n^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g}; \end{aligned} \right\} \quad (b)$$

Слѣдовательно:

$$u_2 = u_1 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}}; \quad u_3 = u_1 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_3}}; \dots \quad u_n = u_1 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_n}} \dots \quad (c)$$

Поэтому можно написать:

$$\begin{aligned} w_1 \cdot v_1 &= \sigma_1 \cdot u_1 + \sigma_2 \cdot u_2 + \sigma_3 \cdot u_3 + \dots + \sigma_n \cdot u_n = u_1 \cdot \left[\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} + \right. \\ &\quad \left. + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_3}} + \dots + \sigma_n \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_n}} \right], \end{aligned}$$

откуда:

$$v_1 = \frac{u_1}{w_1} \cdot \left[\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_3}} + \dots + \sigma_n \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_n}} \right]; \dots \quad (d)$$

$$u_1 = \frac{w_1 \cdot v_1}{\left[\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_3}} + \dots + \sigma_n \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_n}} \right]} \dots \quad (e)$$

Для соотвѣтственаго сему случая круговыхъ каналовъ (*n*^o 25, стр. 20), т. е. когда продольный каналъ не имѣетъ отвѣтвленій ни въ началѣ, ни въ концѣ, гидравлическое сопротивление выражалось бы такъ:

$$\zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (f)$$

Теперь же при существованіи *n* пріемныхъ отвѣтвленій это сопротивленіе, согласно выражениіямъ (b) опредѣляется двучленомъ, который можетъ быть преобразованъ такъ:

$$\begin{aligned} \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} &= \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} + \\ + \eta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} \cdot \left[\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_3}} + \dots + \sigma_n \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_n}} \right]^2 & \dots \quad (g) \end{aligned}$$

Такимъ образомъ, полный коефицієнтъ сопротивленія ζ_1 (выраженія (f) или формулы (a)—на стр. 20) въ примѣненіи къ рассматриваемому случаю будеть:

$$\zeta_1 = \zeta'_1 + \eta_1 \cdot \left[\frac{\omega_1}{\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2} + \dots + \sigma_n \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_n}}} } \right]^2 \dots (k)$$

Формула (26) на стр. 22 будеть имѣть видъ:

$$t = A \cdot \sqrt{ \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} \right]^2} } \dots \dots \dots (26')$$

Въ примѣненіи къ данному случаю, формула остается того же вида, только подъ ζ_1 надо подразумѣвать величину, опредѣляемую равенствомъ (k).

Если сдѣлать подстановку дѣйствительного значенія ζ_1 , то получимъ:

$$\begin{aligned} \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} &= \frac{\omega_1}{\zeta'_1 + \eta_1 \cdot \left[\frac{\omega_1}{\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2} + \dots + \sigma_n \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_n}}} } \right]^2} = \\ &= \frac{1}{\sqrt{\frac{\zeta'_1}{\omega_1^2} + \left[\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} + \frac{\sigma_3}{\sqrt{\eta_3}} + \dots + \frac{\sigma_n}{\sqrt{\eta_n}} \right]^2}} \dots \dots \dots (l) \end{aligned}$$

Слѣдовательно, окончательный видъ формулы для времени t будеть слѣдующій:

$$t = A \cdot \sqrt{ \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{\zeta'_1}{\omega_1^2} + \left[\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} + \frac{\sigma_3}{\sqrt{\eta_3}} + \dots + \frac{\sigma_n}{\sqrt{\eta_n}} \right]^2} } \right]^2} \quad (59)$$

59. Случаи примѣненія формулы (59). Полученная формула (59) по простотѣ своего образованія можетъ быть приложена въ соответственныхъ случаяхъ устройства водопроводовъ и водостоковъ. Подобнаго устройства для шлюзовыхъ водопроводовъ не встрѣчается.

60. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ два приемныхъ отвѣтвленія, не сходящіяся въ одной точкѣ. Уравненія Бернулли для всѣхъ отдѣльныхъ линій тока $abcd$, $eflm$, $gkflm$ будутъ (Фиг. 24):

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (I)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (II)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (III)$$

Изъ этихъ уравненій имѣмъ:

$$\zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (a)$$

$$\eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} = \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (b)$$

Слѣдовательно (b) :

$$u_2 = u_1 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} \dots \dots \dots \quad (c)$$

Затѣмъ, находимъ:

$$\omega_1 \cdot v_1 = \sigma_1 \cdot u_1 + \sigma_2 \cdot u_2 = u_1 \cdot \left(\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} \right),$$

откуда:

$$u_1 = v_1 \cdot \frac{\omega_1}{\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}}} \dots \dots \dots \quad (d)$$

Поэтому уравненіе (a) можно переписать такъ:

$$\zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = \frac{v_1^2}{2g} \cdot \left[\zeta'_1 + \eta_1 \cdot \frac{\omega_1^2}{\left(\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} \right)^2} \right] = \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (60)$$

При этомъ ζ_1 — коефицієнтъ сопротивленія въ формулѣ 26 (стр. 22) или 26' (n^o 58). Слѣдовательно, примѣня эту формулу и въ данномъ случаѣ, надо этотъ коефицієнтъ ζ_1 замѣнить его дѣйствительной величиной, соответствующей разсматриваемому примѣру и легко опредѣляемой изъ уравненія (60). Такимъ обра-

зомъ, послѣдній членъ $\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}}$ формулы (26') долженъ быть замѣненъ выражениемъ:

$$\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} = \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta'_1 + \eta_1 \cdot \left(\frac{\omega_1^2}{(\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}})^2} \right)}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{\zeta'_1}{\omega_1^2} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} \right)^2}}} \dots \dots (e)$$

Послѣ подстановки получимъ окончательно:

$$t = A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left(\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} \right)^2}} = \\ = A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{\zeta'_1}{\omega_1^2} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} \right)^2}} \right]^2}} \dots \dots (61)$$

61. Примѣнение къ шлюзнымъ водопроводамъ. Формула (61) можетъ служить для опредѣленія времени опорожненія камеры въ нижній бьефъ, когда имѣются отверстія въ полотнахъ воротъ и продольный каналъ съ двумя приемными отвѣтвленіями въ камерѣ и однимъ концевымъ устьемъ въ нижней головѣ шлюза.

Такъ, согласно обозначеній на чертежѣ (Фиг. 25), формула (61) будетъ имѣть видъ:

$$T_2 = A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{\Omega_0} - \frac{1}{\Omega_2} \right] + \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{\eta'}{(\sigma')^2} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} \right)^2}} \right]^2}} = \\ = A \cdot \sqrt{B + \left[C_0 + \frac{1}{\sqrt{D'_1 + \frac{1}{(C'_1 + C'_2)^2}}} \right]^2} \dots \dots (61')$$

При этомъ такъ-же, какъ и въ предыдущемъ §, рассматриваются парные симметричные каналы.

62. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ три пріемные отвѣтвленія, не сходящіяся въ одной точкѣ. (Фиг. 26). Уравненія Бернули для всѣхъ отдѣльныхъ линій $abcd$, $efno$, $gkfno$, $lmkfno$ тока будуть:

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (I)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (II)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} + \eta_4 \cdot \frac{u_4^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (III)$$

$$\frac{V_1^2 - V_0^2}{2g} + \eta_3 \cdot \frac{u_3^2}{2g} + \eta_4 \cdot \frac{u_4^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = h \dots \dots \dots \quad (IV)$$

Изъ этихъ уравненій, беря ихъ попарно, получаемъ:

$$(I \text{ и } II) \dots \zeta_0 \cdot \frac{v_0^2}{2g} = \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (a)$$

$$(II \text{ и } III) \dots \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} = \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} + \eta_4 \cdot \frac{u_4^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (b)$$

$$(III \text{ и } IV) \dots \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} = \eta_3 \cdot \frac{u_3^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (c)$$

Слѣдовательно:

$$u_3 = u_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \dots \dots \dots \quad (d)$$

Затѣмъ, имѣемъ:

$$\sigma_4 \cdot u_4 = \sigma_2 \cdot u_2 + \sigma_3 \cdot u_3 = \sigma_2 \cdot u_2 + \sigma_3 \cdot u_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} = u_2 \cdot \left[\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \right],$$

откуда:

$$u_4 = \frac{u_2}{\sigma_4} \cdot \left[\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \right] \dots \dots \dots \quad (e)$$

Поэтому уравненіе (b) можно переписать такъ:

$$\eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} = \eta_2 \cdot \frac{u_2^2}{2g} + \eta_4 \cdot \frac{u_2^2}{2g} \cdot \left[\frac{\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}}}{\sigma_4} \right]^2,$$

отсюда находимъ:

$$u_2 = u_1 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2 + \eta_4 \cdot \left[\frac{\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}}}{\sigma_4} \right]^2}} \dots \dots \dots (f)$$

Далѣе имѣемъ (e) и (f):

$$\begin{aligned} w_1 \cdot v_1 &= \sigma_1 \cdot u_1 + \sigma_4 \cdot u_4 = \sigma_1 u_1 + u_1 \cdot \left[\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \right] \times \\ &\times \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2 + \eta_4 \cdot \left[\frac{\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}}}{\sigma_4} \right]^2}} \end{aligned}$$

Изъ этого уравненія послѣдовательно получаемъ:

$$\begin{aligned} u_1 &= v_1 \cdot \left\{ \sigma_1 + \left(\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \right) \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2 + \eta_4 \cdot \left[\frac{\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}}}{\sigma_4} \right]^2}} \right\} = \\ &= v_1 \cdot \left\{ \sigma_1 + \sqrt{\frac{\eta_1 \cdot \left(\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \right)^2}{\eta_2 + \eta_4 \cdot \left[\frac{\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}}}{\sigma_4} \right]^2}} \right\} = \\ &= v_1 \cdot \left[\sigma_1 + \sqrt{\frac{\frac{\eta_1}{\sigma_4^2} + \frac{\eta_2}{\left(\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \right)^2}}{\sigma_4^2}} \right] = v_1 \cdot \frac{w_1}{M} \dots \dots \dots (62) \end{aligned}$$

Примѣня и въ данномъ случаѣ формулу (26) стр. 22, или формулу (26'), № 58, мы должны въ ней замѣнить коефиціентъ ζ_1 другой величиной. Найдемъ ее.

Согласно формулы (а), сопротивление въ рассматриваемомъ при-
мѣрѣ выражается двучленомъ:

$$\zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = \eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g},$$

который можно преобразовать такъ (62):

$$\eta_1 \cdot \frac{u_1^2}{2g} + \zeta'_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g} = \frac{v_1^2}{2g} \cdot \left(\zeta'_1 + \eta_1 \cdot \frac{\omega_1^2}{M^2} \right) = \zeta_1 \cdot \frac{v_1^2}{2g}$$

Поэтому въ вышеуказанную формулу (26') надо подставить слѣ-
дующее значение коефиціента сопротивленія:

$$\zeta_1 = \zeta'_1 + \eta_1 \cdot \frac{\omega_1^2}{M^2}, \dots \dots \dots \quad (63)$$

т. е. послѣдній членъ $\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}}$ этой формулы надо замѣнить выраже-
ніемъ:

$$\begin{aligned} \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta'_1 + \eta_1 \cdot \frac{\omega_1^2}{M^2}}} &= \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta'_1 + \eta_1 \cdot \left[\sigma_1 + \sqrt{\frac{\eta_1}{\sigma_1^2 + \left(\frac{\eta_2}{\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}}} \right)^2}} \right]^2}} = \\ &= \frac{1}{\sqrt{\frac{\zeta'_1}{\omega_1^2} + \left[\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\eta_1}{\sigma_1^2} + \left(\frac{1}{\sqrt{\frac{\eta_2}{\sigma_2}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\eta_2}{\sigma_2^2} + \left(\frac{\sigma_3}{\sqrt{\eta_3}} \right)^2}}} \right)^2}} \right]^2}} \dots \dots \quad (l) \end{aligned}$$

Послѣ подстановки получимъ окончательно:

$$t = A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left(\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} \right)^2}} =$$

$$t = A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{1}{\sqrt{\zeta'_1 + \left[\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{\eta_4}{\sigma_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} + \frac{\sigma_3}{\sqrt{\eta_3}} \right)^2}}} \right]^2}} \right]^2} \quad (64).$$

63. Примѣніе къ шлюзнымъ водопроводамъ. Формула (64) можетъ быть примѣнена для опредѣленія времени опорожненія камеры шлюза въ нижній бѣофъ (Фиг. 27), когда имѣются отверстія въ полотнахъ воротъ и продольный каналъ съ тремя пріемными отвѣтвленіями въ камерѣ и однимъ концевымъ устьемъ въ нижней головѣ шлюза.

При показанныхъ на чертежѣ обозначеніяхъ формула (64) примѣтъ видъ:

$$T_2 = A \cdot \sqrt{B + \left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{\eta'}{(\sigma')^2} + \left[\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{\eta''}{(\sigma'')^2} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} + \frac{\sigma_3}{\sqrt{\eta_3}} \right)^2}}} \right]^2}} \right]^2}$$

$$= A \cdot \sqrt{B + \left[C_0 + \frac{1}{\sqrt{D'_1 + \left[C_1 + \frac{1}{\sqrt{D''_1 + \frac{1}{(C_2 + C_3)^2}}} \right]^2}} \right]^2} \quad (64')$$

При этомъ разсматриваются парные симметричные каналы.

64. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ начальную пріемную и въ концѣ два устьевыя отвѣтвленія, не сходящіяся въ одной точкѣ (Фиг. 28). Для полученія въ этомъ случаѣ формулъ для

определения времени, потребного для сравнения горизонтов въ двухъ сообщающихся сосудахъ, надо рассматривать взаимно формулы: а) для случая $n^o 49$, форм. (47')—стр. 41 и б) для случая $n^o 60$, форм. (61)—стр. 57.

Мы уже теперь знаемъ, что формула для t въ рассматриваемъ случаѣ получится подобно только что разобраннымъ примѣрамъ, если въ формулѣ (47'—стр. 41) вместо коефиціента ζ_1 подставить его дѣйствительную величину, соответствующую разбираемому расположению. Эта величина уже выше найдена (стр. 56, форм. 60), а именно:

$$\zeta_1 = \zeta'_1 + \eta_1 \cdot \frac{\omega_1^2}{\left(\sigma_1 + \sigma_2 \cdot \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2}} \right)^2} = \zeta'_1 + \frac{\omega_1^2}{\left(\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} \right)^2} \dots \dots \dots (60)$$

Слѣдовательно, окончательно, послѣ соотвѣтственной замѣны, получимъ:

$$t = A \cdot \sqrt{ \left[\frac{1}{O_1^2} - \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{\zeta_1}{\omega_1^2 + \left(\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2}} \right]^2} } = \\ = A \cdot \sqrt{ B + \frac{1}{\left\{ \frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \sqrt{\frac{\zeta_1}{\omega_1^2 + \left(\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} \right)^2}} + \frac{1}{\left(\frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{\omega_3}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2} \right\}^2} } \dots \dots \dots (65)$$

65. Примѣненіе къ шлюзнымъ водопроводамъ. Формула (65) примѣнна для определения времени, нужнаго для сравненія горизонтовъ воды въ двухъ камерахъ или опорожненія камеры въ нижній бьефъ, когда имются отверстія въ полотнахъ воротъ и продольные, симметрично расположенные, каналы съ двумя прiemными и двумя устьевыми отвѣтствленіями каждый (Фиг. 29).

При показанныхъ на чертежѣ обозначеніяхъ формула (65) примѣтъ видъ:

$$T_2 = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{\left[\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{(\omega')^2}{\zeta'} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} \right)^2} + \frac{1}{\left(\frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1}} + \frac{\omega_2}{\sqrt{\zeta_2}} \right)^2}}} \right]^2}} = \\ = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{\left[C_0 + \frac{1}{\sqrt{D' + \frac{1}{(C'_1 + C'_2)^2} + \frac{1}{(C_1 + C_2)^2}}} \right]^2}} \dots \dots \dots (65')$$

При этомъ также разсматриваются парные, симметрично относительно оси шлюза расположенные, каналы.

Вмѣсто D' можетъ быть поставлено и D'_1 , такъ какъ все равно къ которой вѣтви отнести соединительную часть продольного канала.

66. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ три пріемныхъ и въ концѣ три устьевыя отвѣтственія, не сходящіяся въ одной точкѣ. Въ этомъ случаѣ, какъ и въ предыдущемъ, формула для времени t , нужнаго для сравниванія горизонтовъ въ обоихъ сосудахъ, получится изъ совмѣстнаго разсмотрѣнія: *a)* случая $n^o 52$, форм. (50')—стр. 47 и *b)* случая $n^o 62$, форм. (64)—стр. 61.

Точно также вмѣсто коефиціента сопротивленія ζ_1 надо подставить его дѣйствительную величину, соответствующую разбираемому расположению.

Эта величина была уже найдена выше (форм. 62 и 63, стр. 60), а именно:

$$\zeta_1 = \zeta'_1 + \eta_1 \cdot \frac{\omega_1^2}{M^2} = \zeta'_1 + \eta_1 \cdot \left[\frac{\omega_1^2}{\left[\frac{\sigma_1}{\sigma_4^2} + \sqrt{\frac{\eta_1}{\eta_2} + \frac{\eta_2}{\left(\sigma_2 + \sigma_3 \cdot \sqrt{\frac{\eta_2}{\eta_3}} \right)^2}} \right]^2} \right] = \\ = \zeta'_1 + \left[\frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}} + \sqrt{\frac{1}{\frac{\eta_1}{\sigma_4^2} + \frac{1}{\left[\frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}} + \frac{\sigma_3}{\sqrt{\eta_3}} \right]^2}}} \right]^2 \dots \dots \dots (66)$$

Поэтому, посль подстановки найденного значения и соответственных преобразований, формула для рассматриваемого случая приметъ слѣдующій видъ:

$$\begin{aligned}
 t = & A \cdot \sqrt{\left[\frac{1}{O_1^2} + \frac{1}{O_0^2} \right] + \frac{\frac{w_0}{V\zeta_0} + \sqrt{\frac{\zeta_1}{w_1^2} + \frac{w_5}{V\zeta_5} + \sqrt{\frac{\zeta_4}{w_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{w_2}{V\zeta_2} + \frac{w_3}{V\zeta_3} \right)^2}}} + \right]^2} = \\
 = & A \cdot \sqrt{B + \frac{\frac{w_0}{V\zeta_0} + \sqrt{\frac{\zeta_1'}{w_1^2} + \frac{\sigma_1}{V\eta_1} + \sqrt{\frac{\eta_4}{\sigma_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_2}{V\eta_2} + \frac{\sigma_3}{V\eta_3} \right)^2}} + \sqrt{\frac{\zeta_4}{w_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{w_2}{V\zeta_2} + \frac{w_3}{V\zeta_3} \right)^2}}}}{1 + \sqrt{\frac{\zeta_1'}{w_1^2} + \frac{\sigma_1}{V\eta_1} + \sqrt{\frac{\eta_4}{\sigma_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{\sigma_2}{V\eta_2} + \frac{\sigma_3}{V\eta_3} \right)^2}} + \sqrt{\frac{\zeta_4}{w_4^2} + \frac{1}{\left(\frac{w_2}{V\zeta_2} + \frac{w_3}{V\zeta_3} \right)^2}}}}^2}.
 \end{aligned}$$

67. Применение къ шлюзымъ водопроводамъ. Формула (67) можетъ быть примѣнена къ определению времени, нужнаго для сравнивания горизонтовъ воды въ двухъ камерахъ или опорожненія камеры въ

нижний бьефъ, когда имѣются (Фиг. 31) отверстія въ полотнахъ воротъ и продольные симметрично расположенные каналы съ тремя приемными и тремя устьевыми отвѣтственіями каждый.

При показанныхъ на чертежѣ обозначеніяхъ формула (67) измѣнится слѣдующимъ образомъ:

$$\begin{aligned}
 T_2 = & A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{\left[\frac{\frac{w_0}{V\zeta_0} + \sqrt{\frac{\zeta'}{(\omega')^2} + \left[\frac{\sigma_1}{V\eta_1} + \sqrt{\frac{\eta''}{(\sigma'')^2} + \left(\frac{1}{\sqrt{\eta_2}} + \frac{1}{\sqrt{\eta_3}} \right)^2} \right]^2} + \sqrt{\frac{w_1}{V\zeta_1} + \sqrt{\frac{\zeta''}{(\omega'')^2} + \left(\frac{1}{\sqrt{\zeta_2}} + \frac{1}{\sqrt{\zeta_3}} \right)^2}} \right]^2}} \\
 & = A \cdot \sqrt{B + \frac{1}{\left[C_0 + \sqrt{D' + \left(C'_1 + \frac{1}{\sqrt{D'_1 + \frac{1}{(C''_2 + C''_3)^2}}} \right)^2} + \left(C_1 + \sqrt{D'' + \frac{1}{(C_2 + C_3)^2}} \right)^2 \right]^2}}
 \end{aligned} \tag{67}$$

Если вода проходитъ чрезъ n равныхъ отверстій въ полотнахъ воротъ съ площадью ω_0 каждое, то членъ $\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}}$ нужно замѣнить чрезъ $\frac{n \cdot \omega_0}{\sqrt{\zeta_0}}$.

При этомъ также разсматриваются каналы парные, симметрично относительно оси шлюза расположенные.

Вмѣсто D' можетъ быть поставлено и равнозначное ему въ данномъ случаѣ D'_1 .

68. Продольные каналы въ шлюзѣ съ m приемными и однимъ устьевымъ отвѣтвленіями. На основаніи вышеразобранныхъ случаевъ сравниванія горизонтовъ въ двухъ камерахъ или опорожненія камеры въ нижній бьефъ можно теперь составить формулу для T_2 въ общемъ видѣ.

Пусть имѣются (Фиг. 32):

- отверстія въ полотнахъ воротъ общей площадью ω_0 съ общимъ коеffицентомъ сопротивленія ζ_0 ;
- продольный каналъ (галлерей) послѣдовательныхъ поперечныхъ съченій: $\sigma', \sigma'', \sigma''', \dots, \sigma^{(m-1)}$ съ соотвѣтственными частными коеffицентами сопротивленія: $\eta', \eta'', \eta''', \dots, \eta^{(m-1)}$;
- m приемныхъ по камерѣ отвѣтвленій, поперечные съченія коихъ: $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \dots, \sigma_m$ и соотвѣтственные частные коеffиценты сопротивленія: $\eta_1, \eta_2, \eta_3, \dots, \eta_m$;
- устьевая часть продольного канала съченія $\omega'_1 = \sigma'$ съ соотвѣтственнымъ коеffицентомъ сопротивленія $\zeta'_1 = \eta'$.

Пользуясь тѣми же общими обозначеніями, получимъ:

$$A = \frac{2 \cdot \Omega_0 \cdot \Omega_2 \cdot [\sqrt{\zeta_0} - \sqrt{\zeta_1}]}{(\Omega_0 + \Omega_2) \cdot \sqrt{2g}}, \quad (68)$$

$$B = \left(\frac{1}{\Omega_0^2} - \frac{1}{\Omega_2^2} \right); \quad (69)$$

Отношения: $\frac{\omega_0}{\sqrt{\zeta_0}}, \frac{\sigma_1}{\sqrt{\eta_1}}, \frac{\sigma_2}{\sqrt{\eta_2}}, \frac{\sigma_3}{\sqrt{\eta_3}}, \dots, \frac{\sigma_m}{\sqrt{\eta_m}}$
соотвѣтственно: $C_0, C'_1, C''_2, C'''_3, \dots, C'_m; \dots, (70)$

Отношения: $\frac{\zeta'_1}{(\omega'_1)^2} = \frac{\eta'}{(\sigma')^2}, \frac{\eta''}{(\sigma'')^2}, \frac{\eta'''}{(\sigma''')^2}, \dots, \frac{\eta^{(m-2)}}{(\sigma^{(m-2)})^2}, \frac{\eta^{(m-1)}}{(\sigma^{(m-1)})^2}$
соотвѣтственно: $D' = D'_1, D''_1, D'''_1, \dots, D_1^{(m-2)}, D_1^{(m-1)}.$ (71)

Тогда для этого случая упрощенная въ обозначенияхъ формула получить слѣдующій видъ:

$$\begin{aligned}
 T_2 = A \cdot & \left[B + \frac{1}{\frac{\omega_0}{V\tilde{\zeta}_0} + \frac{1}{\sqrt{\frac{\zeta'_1}{(\omega'_1)^2} + \frac{\sigma_1}{V\eta_1}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{\eta''}{(\sigma'')^2} + \frac{\sigma_2}{V\eta_2}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{\frac{\eta^{m-2}}{(\sigma^{m-2})^2} + \frac{\sigma_{m-1}}{V\eta_{m-2}}}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{\eta^{m-1}}{(\sigma^{m-1})^2} + \frac{\sigma_m}{V\eta_{m-1}}}}} \right]^{-\frac{1}{2}} \\
 = A \cdot & \left[B + \frac{1}{C_0 + \frac{1}{D'_1 + \frac{1}{C'_1 + \frac{1}{D''_1 + \frac{1}{C''_2 + \dots + \left(C''_{m-2} + \frac{1}{\sqrt{D'_1} + \frac{1}{C''_{m-1} + \frac{1}{(C''_{m-1} + C'_m)^2}}} \right)^{-\frac{1}{2}} }}} \right]^{-\frac{1}{2}}
 \end{aligned} \tag{72}$$

При m приемныхъ отвѣтвленіяхъ въ этой формулы будетъ m возвышеній въ квадратъ знаменателя дроби, числитель коей единица. Такъ напр., въ формулахъ (61) и (61') для случая двухъ приемныхъ отвѣтвленій имѣются два возвышенія въ квадратъ; въ формулахъ (64) и (64') для случая трехъ приемныхъ отвѣтвленій—три возвышенія въ квадратъ знаменателя дроби, числитель коей единица.

69. Частные случаи формулы (72). Изъ формулы (72) могутъ быть получены, какъ частные случаи, всѣ вышеразсмотрѣнныя формулы для T_2 : а) при продольныхъ каналахъ съ однимъ устьевымъ и нѣсколькими приемными отвѣтвленіями, б) при круговыхъ (одной парѣ) каналахъ и наконецъ г) при щитовыхъ отверстіяхъ въ полотнахъ воротъ.

§ 6. Самый общий видъ формулъ для T_2 при продольныхъ каналахъ въ шлюзахъ.

70. Продольные каналы въ шлюзахъ съ m приемными и n устьевыми отвѣтвленіями по своей длине. Когда (Фиг. 33) сравниваніе горизонтовъ въ двухъ камерахъ производится помошью отверстій въ полотнахъ воротъ и двухъ продольныхъ каналовъ, причемъ каждый изъ этихъ каналовъ имѣть m приемныхъ и n устьевыхъ отвѣтвленій по своей длине, симметрично расположенныхъ относительно оси шлюза, общая формула для опредѣленія времени T_2 , при всѣхъ вышепринятыхъ упрощенныхъ обозначеніяхъ, приметъ слѣдующій видъ:

см. формула (73).

71. Частные случаи формулы (73). Изъ этой формулы (73) можно получить всѣ вышевыведенные формулы для продольныхъ каналовъ при различномъ числѣ и различныхъ устройствахъ (расположеніяхъ) отвѣтвленій; формулы для круговыхъ (одной пары) каналовъ и отверстій въ полотнахъ воротъ также получаются отсюда, какъ частные случаи. Поэтому формула (73) представляетъ въполномъ смыслѣ слова общую формулу для опредѣленія времени наполненія и отороженія камеры шлюзовъ, а также сравниванія горизонтовъ воды въ камерахъ двухкамерныхъ шлюзовъ.

71⁰. О поправкахъ въ найденныхъ T_1 и T_2 . Найденная T надо исправить, подобно указанному въ №№ 8 и 33, вслѣдствіе немгновеннаго открытия затворовъ рассматриваемыхъ водопроводовъ.

Къ стр. 68.

$$T_2 = A \cdot \left\{ B + \frac{1}{C_0 + \frac{1}{D'_1 + \frac{1}{C'_1 + \frac{1}{D''_1 + \frac{1}{C''_2 + \dots + \left(C''_{m-2} + \frac{1}{\sqrt{D_1^{(m-1)} + \frac{1}{[C'_{m-1} + C'_m]^2}}} \right)^2}}}}^2 + \frac{1}{C_1 + \frac{1}{D'' + \frac{1}{C_2 + \dots + \left(C_{n-2} + \frac{1}{\sqrt{D^{(n-1)} + \frac{1}{[C_{n-1} + C_n]^2}}} \right)^2}}}}^2 \right\}$$

(73)

ГЛАВА IV.

ГИДРАВЛИЧЕСКІЯ СОПРОТИВЛЕНИЯ ВЪ ШЛЮЗНЫХЪ ВОДОПРОВОДАХЪ.

73. Подраздѣленіе сопротивлений. Гидравлическія сопротивленія, встрѣчающіяся при движѣніи воды вообще по трубамъ, могутъ быть:

a) общія, проявляющіяся по всей длине трубы,

и b) местныя, происходящія отъ существованія въ трубѣ уширений, съуженій, діафрагмъ, колѣнь, закругленій, отвѣтвленій, затворовъ и т. д. Во всѣхъ этихъ случаяхъ наблюдается измѣненіе направленія движѣнія или быстрое измѣненіе поперечнаго сѣченія или, наконецъ, то и другое совмѣстно.

§ 1. Определеніе общихъ сопротивлений.

74. Величина общихъ по длине трубы сопротивлений. При равномѣрномъ установившемся движѣніи воды общія гидравлическія сопротивленія (высота гидравлическихъ сопротивлений), или потеря напора по длине трубы на единицу вѣса выражается, какъ известно изъ курса гидравлики¹⁾, такъ:

$$(h'' - h''_0) = \left(z_0 + \frac{p_0}{\Delta} \right) - \left(z + \frac{p}{\Delta} \right) = -\frac{1}{g} \cdot \int_{s_0}^s \varphi \cdot d\sigma \cdot \cos \gamma = \\ = \int_{s_0}^s \frac{t}{\Delta} \cdot \frac{\chi}{\omega} \cdot ds = \frac{t}{\Delta} \cdot \frac{\chi}{\omega} \cdot L = \frac{t}{\Delta} \cdot \frac{1}{R} \cdot L = \frac{Q^2 L}{\gamma \cdot D^5} = H. \dots \dots \dots (1^*)$$

гдѣ t —единичная сила тренія, одна и та-же во всѣхъ точкахъ стѣнки;

Δ —вѣсъ единицы объема воды;

χ —периметръ поперечнаго сѣченія трубы;

ω —площадь поперечнаго сѣченія трубы;

L —разматриваемая длина трубы;

¹⁾ Ф. Е. Максименко. 1889 г. стр. 222—283.

$\frac{w}{x} = R$ — гидравлический радиус трубы;

Q — расходъ воды въ секунду въ кб. единицахъ;

D — диаметръ трубы $= 4R$;

v — скорость воды въ трубѣ;

i — коэффициентъ $= \frac{\pi^2}{64b_1}$, при чмъ значеніе для b_1 взято изъ об-
щаго выраженія для $\frac{t}{\Delta} = b_1 \cdot v^2 = A \cdot v^2$.

75. Гидравлический уклонъ. Изъ вышеприведенныхъ равенствъ легко получить уравненіе равномѣрного движенія въ общеприня-
томъ видѣ:

$$\frac{t}{\Delta} = R \cdot \frac{(h'' - h'_0)}{L} = R \cdot i = b_1 \cdot v^2 = A \cdot v^2, \quad (2^*)$$

гдѣ i — единичная потеря напора, или гидравлический уклонъ.

Если (Фиг. 34) горизонтальное разстояніе между двумя точка-
ми $= l = L \cdot \cos\beta$, то уклонъ пьезометрической линіи будетъ:

$$\operatorname{tg}\alpha = \frac{(h'' - h'_0)}{l} = \frac{(h'' - h'_0)}{L \cdot \cos\beta}$$

Поэтому:

$$i = \frac{(h'' - h'_0)}{L} = \operatorname{tg}\alpha \cdot \cos\beta, \quad (3^*)$$

гдѣ β — уголъ, составляемый направленіемъ трубы съ горизон-
томъ.

Когда труба горизонтальна, или вообще $\angle \beta$ очень малъ, то гидравлический уклонъ равенъ уклону пьезометрической линіи:

$$\operatorname{tg}\alpha = i. \quad (4^*)$$

76 Коэффициенты скорости и сопротивленія. Изъ общаго уравненія (2^{*}) равномѣрного движенія по трубамъ формула для скорости во-
ды получаетъ видъ:

$$v = \frac{1}{\sqrt{b_1}} \cdot \sqrt{Ri} = \frac{1}{\sqrt{A}} \cdot \sqrt{Ri} = C \cdot \sqrt{Ri}, \quad (5^*)$$

т. е. формула (11) главы II (стр. 15).

Въ нѣкоторыхъ расчетахъ принимаютъ C постояннымъ и по
Шези равнымъ 50 (при $b_1=0,0004$). Годрехтъ въ расчетахъ Бер-

линскихъ водостоковъ вводилъ $C=49$. Эти значения C для приближенныхъ подсчетовъ могутъ быть оставлены; при болѣе же точныхъ— C слѣдуетъ вычислять по эмпирическимъ формуламъ, приводимымъ обыкновенно въ курсахъ гидравлики. Въ данномъ случаѣ, для шлюзовыхъ водопроводовъ, удобнѣе всего для вычисленій пользоваться формулой *Дарси*:

$$\frac{t}{\Delta} = Ri = b_1 \cdot v^2 = \left(a + \frac{b}{R} \right) v^2;$$

$$v = C \sqrt{Ri} = \frac{1}{\sqrt{a + \frac{b}{R}}} \cdot \sqrt{Ri}, \dots \dots \dots \quad (6^*)$$

гдѣ a и b —нѣкоторыя постоянныя величины, значенія коихъ ниже приводятся.

Примѣняя эту формулу, можно найти высоту гидравлическихъ сопротивлений изъ слѣдующаго выраженія:

$$(h'' - h''_0) = \frac{64}{\pi^2} \cdot \left(a + \frac{b}{R} \right) \cdot \frac{Q^2 \cdot L}{D^5} = 8 \cdot g \cdot \left(a + \frac{b}{R} \right) \cdot \frac{L}{D} \cdot \frac{v^2}{2g} = \\ = \frac{v^2}{2g} \cdot \left\{ 2g \cdot \left(a + \frac{b}{R} \right) \cdot \frac{L}{D} \right\} = \zeta_0 \cdot \frac{v^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (7^*)$$

Такимъ образомъ, коефиціентъ ζ_0 сопротивленія по длине трубы, относя все сопротивление къ высотѣ соответствующей скорости $\left(\frac{v^2}{2g}\right)$, будеть:

$$\zeta_0 = 2g \cdot \left(a + \frac{b}{R} \right) \cdot \frac{L}{D} \dots \dots \dots \quad (8^*)$$

По опытамъ *Дарси* для трубъ¹⁾ чугунныхъ и желѣзныхъ, новыхъ и очищенныхъ старыхъ, значенія постоянныхъ были таковы:

$$\left. \begin{array}{l} a = 0,0002335; \quad b = 0,00000162 \text{ (для метровъ)} \\ a = 0,00007726; \quad b = 0,00000162 \text{ (для футовъ)} \end{array} \right\} \dots \dots \dots \quad (9^*)$$

Для тѣхъ же трубъ (малаго діаметра), въ случаѣ покрытія ихъ осадками, надо приведенные значения коефиціентовъ увеличить по *Дарси*—вдвое, а по позднѣйшимъ опытамъ²⁾ въ 2,50—3,00 раза.

¹⁾ Діаметры трубы были: 10, 27, 29, 82, 137, 188, 297, 500 миллим.

²⁾ См. Ф. Е. Максименко. Гидравлика. Москва. 1901/2 г. стр. 184—187.

Для трубъ большого діаметра (≥ 1 метр.) коэффициенты a и b надо увеличить въ 1,50 раза, т. е. принимать:

$$\left. \begin{array}{l} a=0,00038025 \dots \text{ и } \dots b=0,00000243 \dots \text{(для метровъ)} \\ a=0,00011589 \dots \text{ и } \dots b=0,00000243 \dots \text{(для футовъ)} \end{array} \right\} (10^*)$$

Для этихъ же послѣднихъ, въ случаѣ покрытия ихъ осадками, увеличеніе должно быть въ 1,75 раза (вмѣсто 1,50).

Значеніями (10^{*}) коэффициентовъ a и b можно пользоваться въ примѣненіи формулы (8^{*}) къ шлюзнымъ водопроводамъ.

77. Примѣненіе къ шлюзнымъ водопроводамъ формулъ и коэффициентовъ, выведенныхъ для движенія воды въ каналахъ нельзя считать правильнымъ, ибо въ рассматриваемыхъ галлереяхъ, какъ и въ трубахъ, вода движется подъ напоромъ (въ данномъ случаѣ равнымъ разности горизонтовъ бьефовъ) полнымъ съченіемъ, тогда какъ въ открытыхъ руслахъ, какъ извѣстно, условія движенія воды значительно отличаются отъ только что указанныхъ. Тѣмъ не менѣе, при расчетѣ шлюзныхъ водопроводовъ иногда рекомендуется¹⁾ брать значения коэффициентовъ b_1 , или A потеръ напора (а следовательно и коэффициента C скорости), даваемыя для случая равнomoрного движения воды въ открытыхъ руслахъ.

Посмотримъ поэтому на частномъ примѣрѣ каковы возможные предѣлы колебаній величины C при примѣненіи для ея нахожденія различныхъ эмпирическихъ формулъ²⁾. Возьмемъ имѣющіяся данная для шлюзовъ р. С.Донца:³⁾ Гидравлическій радиусъ $R=0,5045$ метр.;

$$\begin{aligned} \text{гидравлический уклонъ } i &= \frac{(h'' - h'')_0}{l} = \frac{\frac{1}{2} \cdot h}{l} = \frac{h}{2 \cdot l} = \frac{2,88}{5 \cdot (7,38 + 7,17)} = \\ &= 0,09896; \quad i = \frac{h}{l} = 0,19792. \end{aligned}$$

а) Для случая движенія воды подъ напоромъ.

1) По Шези..... $C=50$ постоянное.

2) \rightarrow Гобрехту $C=49$

3) \rightarrow Дарси $C=\frac{1}{\sqrt{b_1}}$; $b_1=a+\frac{b}{R}$.

¹⁾ О. Г. Зброжекъ. Курсъ внутреннихъ водяныхъ сообщеній. С.-Пб. 1897 г. стр. 412.

²⁾ Ф. Е. Максименко 1901/2 г. стр. 183—187, 253—257.

³⁾ Н. Д. Тяпкинъ. Определение времени наполнения камеры шлюза на р. Сѣв. Донецъ при рабочихъ подпорныхъ горизонтахъ. Тифлисъ 1903.

При значенияхъ a и b по выражениямъ^(9*), т. е. для малыхъ диаметровъ:

$$b_1=0,000257 \dots \text{ и } C=62,50 \dots \text{ измѣняется съ } R.$$

При значенияхъ a и b по выражениямъ^(10*), т. е. для диаметровъ $\geq 1,00$ метръ:

$$b_1=0,000385 \dots \text{ и } C=51,02 \dots \text{ измѣняется съ } R.$$

β) Для случая движения воды въ открытыхъ каналахъ.

1) По Дарси-Базену¹⁾ $C=\frac{1}{\sqrt{b_1}}$

(2-я категорія русель—стъ гладкими стѣнками, каковы: каменные лещадные плиты, деревянные нестроганные брусья и доски и старые чугунные трубы)²⁾.

$$A=b_1=0,00019 \cdot \left(1+\frac{0,07}{R}\right)=0,00019+\frac{0,0000133}{R}=0,000216$$

и

$$C=68,03 \dots \text{измѣняется съ } R.$$

2) По Базену

$$C=\frac{1}{a \cdot \left(1+\frac{\tau}{\sqrt{R}}\right)}=70,92 \dots \text{измѣняется съ } R,$$

при чмъ: $a=0,0115$ —постоянно для мѣръ въ метрахъ,

$\tau=0,16$ —взято въ данномъ случаѣ по предыдущему для 2-й категоріи русель.

3) По Ганилье-Куттеру.

$$C=\frac{23+\frac{0,00155}{i}+\frac{1}{n}}{1+\left(23+\frac{0,00155}{i}\right) \cdot \frac{n}{\sqrt{R}}}=76,58 \dots \text{для } i=\frac{h}{2l}$$

$$\text{и } =76,57 \dots \text{для } i=\frac{h}{l}$$

При этомъ для n беремъ 4-ю категорію русель (обдѣлка изъ тесовой или обыкновенной кирпичной кладки)=0,012.

¹⁾ Для канала шириной 2 м., глубиною 1 м., при длине 596,5 м.

²⁾ Θ. Г. Зброжекъ, стр. 412.

(2-я категорія русель—для досчатой обдѣлки, очень хорошей кирпичной кладки и новыхъ чугунныхъ трубъ, покрытыхъ асфальтомъ—имѣть $n=0,011$).

Теперь, изъ сопоставленія вычисленныхъ значеній C видимъ, что наиболѣе правильная для шлюзныхъ водопроводовъ р. Донца величина $C=51,02$ въ $1,33$ раза (для $C=68,03$) до $1,50$ разъ (для $C=76,58$) меньше, чѣмъ для того же R въ открытыхъ каналахъ: величина же $C=62,50$ —для трубъ малаго (меньше 1 м.) діаметра тоже все-таки меньше въ $1,1$ — $1,25$ раза тѣхъ же величинъ для открытыхъ русель.

На основаніи всего вышеизложеннаго пользованіе при разсчетѣ шлюзныхъ водопроводовъ коэффиціентами b_1 (или A) и C , найденными для случая движенія воды въ открытыхъ каналахъ *неправильно и не должно быть рекомендуемо*.

78. Особыя формы поперечнаго съченія шлюзныхъ водопроводовъ.

Если галлерея *не кругового* съченія, то для пользованія приведенными въ главахъ II и III формулами надо по данной площиади имѣющагося съченія найти предварительно діаметръ круговой трубы равновеликаго съченія, т. е. по формулы:

$$w = \frac{\pi d^2}{4}, \text{ откуда: } d = 2 \sqrt{\frac{w}{\pi}} \dots \dots \dots \quad (11^*)$$

Если галлерея *коническая*, то для подсчета сопротивленія на длину берется средняя площиадь, и діаметръ, соотвѣтствующій этой площиади, опредѣлится изъ формулы:

$$\frac{w_1 + w_2}{2\pi} = \frac{\pi d^2}{4}$$

и будетъ:

$$d = 2 \sqrt{\frac{w_1 + w_2}{2\pi}} \dots \dots \dots \quad (12^*)$$

§ 2. Определеніе мѣстныхъ сопротивленій.

79. Мѣстныя сопротивленія въ водопроводахъ должны быть разсмотрѣны каждое отдельно въ зависимости отъ рода препятствій, встрѣчаемыхъ водою при ея равномѣрномъ установившемся движеніи.

80. Сопротивление при входѣ. Коефицієнтъ сопротивленія при входѣ воды въ трубу (Фиг. 35) вычисляется¹⁾ по формуламъ для насадокъ:

$$\text{для цилиндрическихъ трубъ} \dots \dots \zeta_1 = \frac{1}{\mu^2} - 1 \dots \dots \quad (13^*)$$

$$\text{для коническихъ сходящихся трубъ} \zeta'_1 = \frac{1}{\phi^2} - 1 \dots \dots \quad (14^*)$$

Величина коефиціента μ принимается въ 0,80; тогда какъ значение ϕ берется, въ зависимости отъ угла β конусности, по таблицѣ *Грасюфа (Grashof)*, составленной на основаніи опытовъ *Добюиссона (D'Aubuisson)* и *Кастелля (Castelli)*²⁾; $\beta^0=0^0$ —соответствуетъ цилиндрической насадкѣ.

β^0	0^0	10	20	30	40	50	60	80	100	120
φ	0,829	0,852	0,873	0,892	0,909	0,920	0,925	0,933	0,949	0,955
β^0	13^0	14^0	16^0	18^0	20^0	25^0	30^0	35^0	40^0	45^0
φ	0,961	0,963	0,969	0,970	0,971	0,974	0,975	0,977	0,980	0,983

Въ случаѣ округленія входа трубы (Фиг. 35с) сопротивленіе мы беремъ полностью, т. е. какъ въ только что разсмотрѣнныхъ случаяхъ, за невозможностью точно подсчитать какую часть отъ ζ_1 или ζ'_1 надо взять въ данномъ примѣрѣ. Точное опредѣленіе нѣкоторой средней площади ω_1 затруднительно вслѣдствіе неизвѣстности вида кривой и небольшой длины этой закругленной части. Уменьшеніе же времени для сравненія горизонтовъ благодаря болѣе точному подсчету могло бы быть весьма незначительнымъ, выражаясь въ какихъ-либо сотыхъ доляхъ секунды.

81 Сопротивление при выходѣ. Коефицієнтъ сопротивленія при выходѣ воды изъ водопровода въ бассейнъ выражается³⁾ формулой:

$$\zeta_2 = \left(1 - \frac{\omega}{\Omega}\right)^2, \dots \dots \dots \quad (15^*)$$

¹⁾ Ф. Е. Максименко. 1889 г. стр. 121 и 127.

²⁾ См. тамъ же, стр. 128; также *Grashof, Teoretische Maschinenlehre*, Bd., s. 472.

³⁾ Ф. Е. Максименко. стр. 284.

гдѣ ω —площадь попечного сѣченія трубы и Ω —площадь басейна въ планѣ.

82. Сопротивленіе при быстромъ измѣненіи попечного сѣченія. Высота гидравлическихъ сопротивленій на единицу вѣса, вызываемыхъ быстрымъ измѣненіемъ попечного сѣченія, опредѣляется ниже слѣдующей формулой (Фиг. 36, 37, 38).

Пусть сѣченія струи будутъ: Ω_1 — сжатой, со скоростью въ немъ v_1 ; Ω расширенной, со скоростью въ немъ v ; ω и Ω' —сѣченія частей трубы. Тогда:

$$(h'' - h''_0) = \frac{(v_1 - v)^2}{2g} = \frac{Q^2}{2g} \cdot \left[\frac{1}{\Omega_1} - \frac{1}{\Omega} \right]^2 = \frac{Q^2}{2g} \cdot \left[\frac{\Omega - \Omega_1}{\Omega \cdot \Omega_1} \right]^2 = \frac{Q^2}{\Omega^2} \cdot \frac{1}{2g} \cdot \left[\frac{\Omega}{\Omega_1} - 1 \right]^2 = \\ = \frac{v^2}{2g} \cdot \left[\frac{\Omega}{\Omega_1} - 1 \right]^2 = \zeta_3 \cdot \frac{v^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (16^*)$$

Эта формула даетъ возможность найти коефиціентъ ζ_3 сопротивленія въ нѣсколькихъ случаяхъ.

а). Для случая *уширения*¹⁾ трубы (Фиг. 36):

$$\Omega_1 = \omega \dots \text{ и } \zeta_3 = \left[\frac{\Omega}{\omega} - 1 \right]^2 \dots \dots \dots \quad (17^*)$$

Для случая *постепенного уширения* (Фиг. 39), по опытамъ *Fliedner'a*²⁾ въ зависимости отъ формы и скорости коефиціентъ сопротивленія берется:

$$\zeta'_3 = \text{отъ } 0_{,50} \text{ до } 0_{,12}, \text{ или въ среднемъ } 0_{,31} \text{ отъ найденного по формуле (17*)} \dots \dots \dots \quad (18^*)$$

Для случая по Фиг. 40 коефиціентъ ζ'_3 почти равенъ нулю.

б) Для случая *суженія* трубы (Фиг. 37):

$$\omega = \Omega; \quad \Omega_1 = \alpha \cdot \omega \dots \text{ и } \zeta''_3 = \left[\frac{1}{\alpha} - 1 \right]^2, \dots \dots \dots \quad (19^*)$$

гдѣ, въ среднемъ, коефиціентъ сжатія α надо принимать равнымъ $0_{,62}$, или точнѣе, хотя все-таки приближительно, можно имѣть³⁾:

при $\Omega : \Omega' =$	0,01	0,10	0,20	0,40	0,60	0,80	1,00
$\alpha =$	0,60	0,60	0,61	0,63	0,67	0,73	1,00
$\zeta''_3 =$	0,50	0,30	0,42	0,33	0,25	0,15	0,00

¹⁾ *Ф. Е. Максименко*, 1889 г. стр. 284; а также *Grashof, Weisbach*.

²⁾ *Hütte*. 1902. Ч. I, стр. 255; *Fliedner*—Civilingenieur., 1875, p. 98.

³⁾ *Hütte*, 1902. Ч. I, стр. 255.

Для случая ¹⁾ по Фиг. 41:

1) При $\frac{\omega}{\Omega'} \leq 0,1$; $a=0,615=\text{Const}$. почти при всякихъ отношеніяхъ $\frac{\omega}{\Omega'}$ и $\zeta''_3=0,083$.

2) Если $\frac{\omega}{\Omega'} \geq 0,1$, то:

при $\omega:\Omega=$	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1,0
$a=$	0,618	0,615	0,612	0,610	0,608	0,608	0,605	0,603	0,600	0,590
$\zeta''_3=$	231,7	50,99	19,78	9,612	5,236	3,077	1,876	1,169	0,734	0,480

По *Максименко* ²⁾, $a=0,64$ для истечения чрезъ круглое отверстіе въ тонкой стѣнкѣ; коеффицієнтъ внутренняго сжатія струи, для истечения чрезъ цилиндрич. насадки, $a_1=0,64$; По *Grashof*'у (Bd. I, s. 468) a_1 очень мало отличается отъ a .

При постепенномъ (по кривымъ) измѣненіи діаметра удара не будеть и $\zeta''_3=0$.

При съуженіи по Фиг. 42 можно принять ³⁾:

$$\zeta''_3 = \frac{1}{8 \cdot \sin \delta} \left[1 - \left(\frac{d}{d_1} \right)^4 \right] \cdot \zeta_1, \dots \quad (20^*)$$

гдѣ ζ_1 —коэффициентъ сопротивленія при входѣ воды въ трубу, въ среднемъ равный 0,503 (или точнѣе см. формулы (13*) и (14*)); δ —уголь производящей конуса съ его осью.

1) Для случая *диафрагмы* (Фиг. 38):

$$\Omega_1 = a \cdot \omega \dots \text{ и } \zeta''_3 = \left[\frac{\Omega}{a \cdot \omega} - 1 \right]^2 \dots \quad (21^*)$$

По *Weisbach*'у ⁴⁾

при $\omega:\Omega=$	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1,0
$a=$	0,625	0,632	0,743	0,639	0,681	0,714	0,733	0,813	0,893	1,0
$\zeta''_3=$	226	47,8	17,3	7,80	3,73	1,80	0,80	0,29	0,06	0

¹⁾ *Meissner*, s. 390.

²⁾ См. *Ф. Е. Максименко*. 1889. Стр. 66, 117—119.

³⁾ *Hütte*, 1890. Ч. I, стр. 187 и 180.

⁴⁾ *Ф. Е. Максименко*. 1889. Стр. 284.

83. Поправка въ формулѣ (17*). St.-Venant¹⁾, на основавіи опыта Borda, вводить еще добавочный поправочный членъ:

а) для случая *расширенія* имѣемъ:

$$(h'' - h''_0) = \frac{(v_1 - v)^2}{2g} + 0,111 \cdot \frac{v^2}{2g} = \frac{v^2}{2g} \cdot \left\{ \left[\frac{\Omega}{\Omega_1} - 1 \right]^2 + \frac{1}{9} \right\} \dots \quad (17'')$$

б) для случая *суженія*:

$$\zeta''_3 = \left[\left(\frac{1}{\alpha} - 1 \right)^2 + \frac{1}{9} \right] \dots \dots \dots \quad (19'')$$

в) для случая *диафрагмы*:

$$\zeta'''_3 = \left[\left(\frac{\Omega}{\alpha \cdot w} - 1 \right)^2 + \frac{1}{9} \right] \dots \dots \dots \quad (21'')$$

84. Сопротивленіе въ простыхъ и двойныхъ колѣнахъ. Коефиціентъ сопротивленія въ простомъ (одиночномъ) колѣнѣ по Weisbach'у (изъ его опытовъ надъ трубами діам. 0,93 м.) опредѣляется (Фиг. 43) формулой²⁾:

$$\zeta_t = 0,9457 \cdot \sin^2 \frac{\beta}{2} + 2,047 \cdot \sin^4 \frac{\beta}{2}, \dots \dots \dots \quad (22'')$$

гдѣ β — уголъ, на который измѣняется направлениe продольной оси трубы. Такъ,

при $\beta =$	20°	40°	60°	80°	90°	100°	120°	140°
$\zeta_t =$	0,046	0,139	0,364	0,710	0,984	1,260	1,861	2,431

Для трубъ бóльшаго діаметра величина ζ_t значительно менше. Такъ, Flamant³⁾ указываетъ на основавіи опыта Caligny для прямого угла:

$$\zeta_t = 0,25 \dots \dots \dots \quad (23'')$$

Коефиціентъ сопротивленія для *двойного колѣна* (Фиг. 44) при короткомъ соединеніи *ab*, когда направлениe движенія воды измѣ-

¹⁾ Flamant. p. 76--79.

²⁾ Максименко, 1889. стр. 285; Hütte. 1902. ч. I, стр. 254; Meissner, s. 387—392.

³⁾ Flamant. p. 80.

няется на прямопротивоположное, имѣть 1) значение ζ_3 — то же, что для одного колѣна, такъ какъ сжатіе струи происходитъ одинъ разъ, т. е.

$$\zeta_3 = \zeta_1 \dots \quad (24^*)$$

Для двойного колѣна 1) по Фиг. 45 и 46, при короткомъ ab , когда направлениe движенія воды остается безъ перемѣны, сжатіе струи происходитъ дважды и коеффиціентъ сопротивленія:

$$\zeta_6 = 2\zeta_1 \dots \quad (25^*)$$

Для двойного колѣна по Фиг. 47, когда, при короткомъ ab , звено bf перпендикулярно къ ab и ac , при направлениi движенія воды, указанномъ стрѣлками, коеффиціентъ сопротивленія:

$$\zeta_7 = 1,5 \zeta_4 \dots \quad (26^*)$$

85. Сопротивленіе въ закругленіяхъ. Коеффиціентъ сопротивленія въ закругленіяхъ (Фиг. 48) можетъ быть опредѣленъ по формулѣ *Dubuat*:

$$\zeta_8 = a \cdot \sum_{i=1}^{i=n} \sin^2 \frac{\Phi_i}{2}, \dots \quad (27^*)$$

гдѣ $a = 0,2413$; Φ — уголъ отклоненія струи, n — число такихъ отклоненій. Диаметръ трубъ въ опытахъ *Dubuat* измѣнялся отъ 0,927 до 0,34 метр.

Если кривая — дуга круга радиуса ρ и имѣеть уголъ при центрѣ $= \beta$, радиусъ съченія трубы $= r$, то $n = \frac{\beta}{\Phi}$; $\cos \frac{\Phi}{2} = \frac{\rho}{\rho + r}$ и тогда

$$\zeta'_8 = a \cdot \frac{\beta}{\Phi} \cdot \sin^2 \frac{\Phi}{2} \dots \quad (28^*)$$

Эта формула, по *Grashof*'у, удобна для вычисленій при $\frac{r}{\rho} \leq 0,2$ съ коеффиціентомъ $a = 0,337$, тогда для закругленія въ 90° , или прямого колѣна съ закругленіемъ (Фиг. 49), имѣть:

при $r : \rho =$	0,05	0,1	0,15	0,2
$\zeta'_8 =$	0,037	0,076	0,089	0,099

¹⁾ *Максименко* 1889, стр. 285; *Weisbach*. Jng. Mech. s. 1048; *Rühlmann*. s. 513; *Meissner*. s. 388.

При $\frac{r}{\rho} < 0,05$ надо пользоваться формулой, выведенной изъ (28*):

$$\zeta''_s = 0,00416 \cdot \beta \cdot \left(1 - \frac{r}{\rho}\right) \sqrt{\frac{r}{\rho}}, \dots \quad (29*)$$

гдѣ β выражено въ градусахъ.

Для закругленій въ 90° , при $\frac{r}{\rho} \geq 0,2$ Weisbach даетъ ¹⁾ формулу:

$$\zeta'''_s = a + b \cdot \left(\frac{r}{\rho}\right)^{\frac{7}{4}}, \dots \quad (30*)$$

гдѣ для трубъ круглаго съченія

$$a = 0,131; \quad b = 1,847;$$

для трубъ прямоугольнаго съченія, въ которомъ стороны, параллельныя плоскости закругленія, равны $2r$,

$$a = 0,124; \quad b = 3,104.$$

Въ этомъ послѣднемъ случаѣ имѣемъ:

при $r : \rho =$	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1,0
для кругл. съч. $\zeta'''_s =$	0,131	0,138	0,158	0,206	0,294	0,410	0,661	0,977	1,408	1,978
для прямоуг. съч. $\zeta'''_s =$	0,124	0,135	0,180	0,230	0,398	0,631	1,013	1,546	2,721	3,228

86. Сопротивленіе въ колѣнахъ съ закругленіемъ. Величины коеффициента ζ_s сопротивленія для прямого колѣна съ закругленіемъ при кругломъ и прямоугольномъ поперечныхъ съченіяхъ приведены были выше (n^o 85).

Для двойныхъ колѣнъ съ закругленіемъ имѣемъ, подобно указанному въ n^o 84, слѣдующіе случаи

1. Фиг. 50. $\zeta = \zeta_s$ (24'*)
2. Фиг. 51. $\zeta = 2\zeta_s$ (25'*)
3. Фиг. 52. $\zeta = 1,5\zeta_s$ (26'*)

87. Нѣкоторыя общія заключенія о сопротивленіяхъ въ колѣнахъ и закругленіяхъ. Хотя величины сопротивленій въ колѣнахъ и закругле-

¹⁾ Максименко, 1889 г. стр. 285—287; Hütte, 1902, ч. I, стр. 254.

ніяхъ въ общемъ не велики, но при большомъ числѣ такихъ мѣстъ на водопроводной линії общая сумма подобныхъ сопротивлений можетъ сдѣлаться замѣтной и вліять на движение воды. Уменьшение числа закругленій и колѣнь желательно.

При закругленіяхъ большого радиуса (≥ 2 м.) потерей напора на закругленіе, т. е. измѣненіе направления, иногда пренебрегаютъ.

При расположениіи колѣнь и закругленій въ вертикальной плоскости, выпуклостью вверхъ, въ нихъ скапливается воздухъ, выдѣляющійся изъ воды. Это скопленіе, уменьшая поперечное сѣченіе трубы, уменьшаетъ расходъ и можетъ при малыхъ діаметрахъ трубы даже совсѣмъ остановить теченіе. Для избѣженія этого въ такихъ мѣстахъ, напр. въ обыкновенныхъ водопроводныхъ трубахъ располагаютъ вантузы, т. е. приборы автоматически выпускающія воздухъ изъ трубы по мѣрѣ накопленія его.

При одинаковыхъ обстоятельствахъ сопротивление кривыхъ колѣнь меньше, нежели угловыхъ.

Съ увеличеніемъ радиуса кривизны потеря въ напорѣ уменьшается.

По *Weisbach*'у ¹⁾:

1. Потеря напора можетъ быть значительно уменьшена, если са-
мый изгибъ настолько будетъ расширенъ (Фиг. 53), что попереч-
ное сѣченіе струи не будетъ съужено. Тогда теряется лишь столь-
ко живой силы, сколько нужно для измѣненія направления.

2. Также, помѣщая въ изгибѣ короткую промежуточную стѣнку (Фиг. 54), можно уменьшить эту потерю.

88. Сопротивленіе при отвѣтвленіяхъ. Коефиціентъ сопротивленія въ отвѣтвленіяхъ подъ прямымъ угломъ (Фиг. 55) по *Bélanger* и *Genieys* ²⁾:

$$\zeta_9 = 2\zeta_4 \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (31*)$$

При обратномъ входѣ воды изъ отвѣтвленія въ галлерею (Фиг. 56) будемъ считать коефиціентъ сопротивленія:

$$\zeta_{10} = \zeta_4 \dots \dots \dots \dots \dots \dots \quad (32*)$$

При развѣтвленіяхъ трубъ *равнаго* ³⁾ діаметра (Фиг. 57) величину сопротивленія приблизительно можно опредѣлить по формулѣ (22*) *Weisbach*'а.

¹⁾ *Weisbach*. Ingenieur-Mechanik. Bd. I. (5. Auflage) s. 1048; *Meissner*, s. 388; *Rühlmann*, s. 513.

²⁾ *Olive*. Traité d'Hydraulique. p. 193.

³⁾ *Tieme*, стр. 184; *Rühlman* n, s. 531—532.

Въ случаѣ развѣтвленія трубъ *неравнаго*¹⁾ діаметра кромѣ отклоненія струи происходитъ еще и уменьшеніе скорости. На основаніи опытовъ *Маллэ* (*Mallet*) и *Геніеъ* (*Génieys*) надъ парижскими водопроводами діам. 0,25 метр. съ отвѣтвленіемъ діам. 0,084 метр. найдено, что въ среднемъ, потеря напора при этомъ равна удвоенному напору соотвѣтствующему скорости въ побочнй трубѣ, т. е.

$$(h'' - h''_0) = 2 \cdot \frac{v_1^2}{2g} \dots \dots \dots \quad (33^*)$$

При вѣтви, *изогнутой*³⁾ по плавной кривой (Фиг. 58), такъ что ось главнаго канала касательна къ оси вѣтви, $\angle \beta$ можно принять равнымъ нулю и

$$(h'' - h''_0) = 0. \dots \dots \dots \quad (34^*)$$

Для уменьшения вредныхъ сопротивленій надлежитъ избѣгать рѣзкихъ измѣненій въ сѣченіяхъ и въ направлениі трубъ.

§ 3. Совмѣстное опредѣленіе общихъ и мѣстныхъ сопротивленій для того же участка трубы.

89. Необходимость суммированія сопротивленій общихъ и мѣстныхъ. При опредѣленіи величины сопротивленія по длине трубы мы въ дальнѣйшихъ расчетахъ разсматриваемъ всю длину водопровода, не вычитая участковъ съ мѣстными сопротивленіями, каковы съуженія, расширенія и т. п. Такъ дѣлаемъ на основаніи того, что эти сопротивленія сравнительно не велики и точно по своей величинѣ, въ отношеніи длины распространены, неизвѣстны. Что касается кривыхъ участковъ (закругленій) водопроводовъ, то и здѣсь повидимому вычтать эти участки изъ общей длины водопровода, при нахожденіи величины сопротивленія по длине, не слѣдуетъ; т. е. въ формулахъ [(27*)—(30*)] для сопротивленія въ кривыхъ входитъ лишь сопротивленіе отъ постепенного измѣненія струи, сопротивленіе же по длине надо считать особо по формулѣ (7*).

Такъ напр. (Фиг. 59) возьмемъ трубу, у которой $2r=d=0,40$ м.; $R=\frac{d}{4}=0,10$ м.; и $r=10$ м. Тогда: $\frac{r}{p}=0,02$ (см. выше № 85) и сопротивленіе для такового закругленія при углѣ въ 90° будетъ:

$$\zeta_s = 0,138 \dots \dots \dots \quad (\alpha)$$

¹⁾ *D'Aubuisson*. p. 256—257; *Bresse*, p. 175—176.

Длина этой трубы отъ a до b : $L=15,7$ м. Считая сопротивление по формуле (7*), найдемъ:

$$\zeta_0 = 2 \cdot 9,81 \cdot \left(0,0002533 + \frac{0,00000162}{0,10} \right) \cdot \frac{15,7}{0,10} = 0,831 \dots \dots \quad (\beta)$$

Такимъ образомъ, повидимому слѣдуетъ считать, что сопротивление по формуламъ (а) и [(27*)—(30*)] есть только мѣстное сопротивление отъ измѣненія направленія движения воды, иначе выходило бы, что выгоднѣе дѣлать водопроводы по кривымъ. Такой выводъ, какъ извѣстно, не согласуется ни съ практикой, ни съ разсужденіями. Поэтому мы въ нашихъ подсчетахъ сопротивленія, найденные по формуламъ (а) и (β), суммируемъ.

§ 4. О составленіи общихъ коэффициентовъ сопротивленія и отдельныхъ элементовъ въ формулахъ проф. Ф. Е. Максименко.

90. Порядокъ составленія коэффициентовъ сопротивленія. Коэффициенты сопротивленія для случая продольного канала съ отвѣтвленіями на концѣ составляются слѣдующимъ образомъ (Фиг. 60):

Порядокъ.	На части канала.	Сочленение.	Полный коэф-тъ сопротивленія.
1	$ab \dots \dots$	w'	ζ'
2	$bc \dots \dots$	w''	ζ''
3	$cd \dots \dots$	w_3	ζ_3
4	$bf \dots \dots$	w_1	ζ_1
5	$ce \dots \dots$	w_2	ζ_2

Прежде всего необходимо разбить весь водопроводъ на указанныя на схемѣ и въ таблицѣ части и для каждой найти свой полный коэффициентъ сопротивленія. Каждый изъ этихъ коэффициентовъ долженъ быть составленъ особо. Такъ наприм.:

- 1) $\zeta' = \zeta'_1$ (сопр. при входѣ воды въ трубу) + $\zeta'_{\text{п}}$ (сопротивл. по всей длине) + $\zeta'_{\text{ш}}$ (сопротивл. въ концѣ);
- 2) $\zeta'' = \zeta''_1$ (сопр. по длине) + $\zeta''_{\text{п}}$ (сопр. въ концѣ);
- 3) $\zeta_3 = \zeta_3^{\text{l}}$ (сопр. по длине) + $\zeta_{\text{п3}}$ (сопр. въ колѣнѣ) + $\zeta_{\text{ш3}}$ (сопр. при выходѣ);
- 4) ζ_1 или $\zeta_2 = \zeta_1^{\text{l}}$ (сопр. при входѣ) + $\zeta_{\text{п1}}$ (сопр. по длине) + $\zeta_{\text{ш1}}$ (сопр. при выходѣ).

91. Определение коэффициентов формулы Указав выше формулы, принятые вообще для подсчета сопротивлений, перейдем къ коэффициентамъ самой формулы. Въ рассматриваемыхъ формулахъ имѣются коэффициенты A , B , C и D . Вычисление коэффициентовъ A и B , какъ это видно изъ ихъ соотвѣтственныхъ выражений, весьма просто. Что же касается коэффициентовъ типа C и D :

$$C_i = \frac{w_i}{\sqrt{\zeta_i}} \dots D^{(i)} = \frac{\zeta^{(i)}}{(w^{(i)})^2}, \dots \quad (a)$$

то до тѣхъ поръ, пока сѣченіе водопровода не измѣняется, вычисление ихъ также не представляетъ ничего особенного.

Въ существующихъ же устройствахъ шлюзовъ нерѣдко продольные каналы имѣютъ непостоянныи діаметръ по всей своей длини, а измѣняющійся. Въ такихъ случаяхъ уже нахожденіе коэффициентовъ C и D является затруднительнымъ, ибо въ самихъ выводахъ формулъ нѣть никакихъ указаний на способъ ихъ определенія. Для полученія коэффициентовъ формулы въ подобныхъ случаяхъ мы при нашихъ подсчетахъ имѣли въ виду составить такую формулу (общую), каковая при одинаковомъ сѣченіи канала (какъ частный случай) приводила бы къ тѣмъ же результатамъ, какъ и раньше приведенные формулы (a). Послѣ ряда попытокъ, дававшихъ при вычислениі явно не вѣрные результаты, были установлены слѣдующія двѣ формулы, дающія возможность опредѣлять коэффициенты C и D и въ случаѣ переменного сѣченія трубы:

$$D^{(i)} = \sum \frac{\zeta^{(i)}}{(w^{(i)})^2} \dots \quad (35^*)$$

$$C_i = \frac{1}{\sqrt{\sum \frac{\zeta_i}{w_i^2}}} \dots \quad (36^*)$$

Для вычислениі по этимъ формуламъ каналъ разбивается прежде всего по длине на части (Фиг. 61), имѣющія одинаковое сѣченіе w_1 , w_2 , w_3 , w_4 ... и для каждой такой части подсчитывается соотвѣтственный коэффициентъ сопротивленія: ζ_1 , ζ_2 , ζ_3 , ζ_4 Тогда коэффициентъ типа D будетъ:

$$D = \frac{\zeta_1}{w_1^2} + \frac{\zeta_2}{w_2^2} + \frac{\zeta_3}{w_3^2} + \dots + \frac{\zeta_n}{w_n^2} = \sum_{i=1}^{i=n} \frac{\zeta^{(i)}}{(w^{(i)})^2} \dots \quad (35^*)$$

При равенствѣ всѣхъ площадей поперечныхъ сѣченій $\omega_1 = \omega_2 = \omega_3 = \omega_4 = \dots = \omega_n = \omega$, (т. е. если бы разбить на n частей каналъ, имѣющій одинаковое сѣченіе по всей длини), получимъ:

$$D = \frac{\zeta_1 + \zeta_2 + \zeta_3 + \zeta_4 + \dots + \zeta_n}{\omega^2} = \frac{\Sigma \zeta^{(i)}}{\omega^2}, \dots \quad (35'')$$

т. е. выражение, уже имѣющееся въ выводахъ, такъ какъ вообще $\zeta = \zeta_1 + \zeta_2 + \zeta_3 + \dots$.

Коэффиціентъ типа C для той же трубы составляемъ такъ:

$$C = \frac{1}{\sqrt{D}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{\zeta_1}{\omega_1^2} + \frac{\zeta_2}{\omega_2^2} + \frac{\zeta_3}{\omega_3^2} + \dots}} = \frac{1}{\sqrt{\Sigma \frac{\zeta_i}{\omega_i^2}}}, \dots \quad (36'')$$

что при постоянномъ сѣченіи по всей длини рассматриваемаго участка канала даетъ:

$$C = \frac{1}{\sqrt{\frac{\zeta_1 + \zeta_2 + \zeta_3 + \dots}{\omega_1^2}}} = \frac{\omega_1}{\sqrt{\zeta_1 + \zeta_2 + \zeta_3 + \dots}} = \frac{\omega_1}{\sqrt{\Sigma \zeta_i}}, \dots \quad (36'')$$

т. е. уже известное изъ общихъ выводовъ выраженіе.

92. Порядокъ составленія коэффиціентовъ формулы. При подсчетѣ коэффиціентовъ сопротивленія въ мѣстахъ соединеній канала съ отвѣтвленіями иногда представляется не совсѣмъ яснымъ относится ли рассматриваемое сопротивленіе къ части продольнаго канала или къ отвѣтвленію. Мы въ нашихъ подсчетахъ придерживались слѣдующаго образа дѣйствій.

При опредѣлениі T_1 въ случаѣ наполненія камеры, или, вѣрнѣе, въ случаѣ выхода воды чрезъ отвѣтвленія въ камеру для нахожденія коэффиціента D_n рассматриваемъ только сопротивленіе (Фиг. 62) на длини l_n . Для получения же коэффиціента C_n складываемъ три коэффиціента сопротивленія: 1) при входѣ въ отвѣтвленіе; 2) на длины отвѣтвленія; и 3) при выходѣ изъ отвѣтвленія въ камеру.

При опредѣлениі T_2 въ случаѣ опорожненія камеры, или, вѣрнѣе, въ случаѣ входа воды чрезъ отвѣтвленія въ продольный каналъ для коэффиціента C_n беремъ опять три коэффиціента сопротивленія: 1) при входѣ въ отвѣтвленіе спаружи, изъ камеры; 2) на длины отвѣтвленія; и 3) при выходѣ изъ отвѣтвленія въ каналъ, хотя послѣднее сопротивленіе частью отходитъ и къ каналу. Та-

кимъ образомъ (Фиг. 63), для подсчета D_n останется только сопротивление на длине l_n и конечно всѣ сопротивления, находящіяся на этой части канала.

ГЛАВА V.

РЕЗУЛЬТАТЫ ПОДСЧЕТОВЪ¹⁾ ПО ПРИВЕДЕННЫМЪ ФОРМУЛАМЪ И ОБЩЕЕ ЗАКЛЮЧЕНИЕ О ВОЗМОЖНОСТИ ПРИМѢНЕНИЯ ПОСЛѢДНИХЪ.

93. Основанія для сравнительныхъ выводовъ. Въ виду правильности составленія формулъ *Ф. Е. Максименко* и почти полнаго согласованія подсчета по нимъ съ дѣйствительными величинами времени T_1 и T_2 въ исполненныхъ шлюзовыхъ устройствахъ, онѣ считаются въ дальнѣйшемъ за основныя; съ ними сравниваются всѣ остальные формулы, при чмъ T_1 и T_2 разматриваются неисправленныя на немгновенное открытие отверстій, а лишь непосредственно полученные изъ формулъ, что для сравнительныхъ выводовъ не повлечетъ за собою какихъ-либо неправильностей.

§ 1 Примѣры устройствъ круговыхъ каналовъ въ шлюзѣ.

94. Шлюзы на р. Сѣв. Донцѣ²⁾ (послѣдній проектъ).

Общія даннныя. Полезная длина камеры $L=87,7$ м.; ширина $B=14,1$ м.; глубина воды на король $2,13$ м.; $\Omega_0=1348,5$ м.²; $h=2,88$ м. и $2,65$ м.; $\Sigma w_0=0,29 \times 8$ кв. м.; два круговые канала (Фиг. 64) въ каждой головѣ, симметрично расположенные относительно оси шлюза, площадь w_1 съченій: входной вѣтви $= 2,6$ м.², въ мѣстѣ нахожденія щита (диафрагма) $= 2,01$ м.², выпускной вѣтви $= 3,2$ м.².

Результаты подсчетовъ. (Наполненіе и опорожненіе камеры одинаковы; $h=2,88$ м.; $w_1=2,6$ м.²).

1. Формула (12)—дѣйствуютъ только круговые каналы.

При $C^3)=50\dots T'=70,8$ сек.; при $C^1)=51,02\dots T''=69,3$ сек.

¹⁾ Въ производствѣ подсчетовъ принималъ дѣятельное участіе практиканть И. М. И. У. Я. Н. Дунинъ.

²⁾ Н. Д. Тяпкинъ. Определеніе времени наполненія и опорожненія камеры шлюза на р. Сѣв. Донцѣ. Тифлісъ 1903 г.; N. Tiapkin. Bestimmung der Fülldauer der Schleusenkammer.

³⁾ См. Глава IV, № 76 и 77.

2. Формула (15) — действуют только круговые каналы.

При $C=50 \dots T'=223,6$ сек.

3) Формула (27)¹⁾.

A. Прямое положение канала.

- a) Открыты только отверстия въ полотнахъ воротъ $T=718,5$ сек. = 12 мин.
b) Работаютъ только круговые каналы $T=290,2$ сек. = 4 мин. 50 сек.
c) Дѣйствуютъ всѣ водопроводы одновременно $T=206,7$ сек. = 3,45 мин.

B. Перевернутое положеніе канала.

- a) Открыты только отверстия въ полотнахъ воротъ $T=718,5$ сек.
b) Работаютъ только круговые каналы $T=304,1$ сек.
c) Дѣйствуютъ всѣ водопроводы одновременно $T=213,7$ сек.
4) Формула (2 или 2⁰)¹⁾.

а) При коэффиціентѣ $\mu=0,55$ для прямого положенія канала соответственно имѣмъ:

a. $T=810,16$ сек., т.-е. на 12,8% больше.

b. $T=465,36$ » » » 60,4% »

c. $T=295,67$ » » » 43,1% »

б) Пользуясь величинами T , найденными выше по формулѣ (27) для случая (а), получимъ значенія коэффиціента μ для формулъ (2) или (2⁰), при желаніи примѣнить ее и для расчета разматриваемыхъ круговыхъ каналовъ; соответственно находимъ:

a.... $\mu=0,62$

b.... $\left\{ \begin{array}{l} \mu=0,88 \text{ — взята чистая площадь отверстія діафрагмы.} \\ \mu=0,69 \text{ — взята площадь съченія передней части канала.} \end{array} \right.$

c.... $\left\{ \begin{array}{l} \mu=0,80 \text{ — суммированы площади отверстій въ полотнахъ воротъ и діафрагмѣ.} \\ \mu=0,67 \text{ — суммированы площади отверстій въ полотнахъ воротъ и передней части канала.} \end{array} \right.$

¹⁾ Подробные подсчеты по этимъ формуламъ см. Н. Д. Тяжинъ. Определеніе времени наполненія и опорожненія камеры шлюза на ф. С. Донцѣ.

96 Шлюзы на р. Шенснѣ¹⁾ (Маринская водная система).

Общія данные. $L=331,8$ м., $B=12,8$ м., $H=2,13$ м.; $\Omega_0=4566$ м.²; $h=2,37$ м.; $\Sigma \omega_0=2 \times 4 \times (3 \times 0,186)$ м.²; въ головахъ шлюза парные круговые каналы однообразного (Фиг. 65) по длине съченія: $\Sigma \omega_1=2 \times 2,64$ м.²

Результаты подсчетовъ. (Наполненіе и опорожненіе однаковы).

1. Формула (12)—дѣйствуютъ только круговые каналы.

При $C=50 \dots T=190$ сек.

2. Формула (15)—дѣйствуютъ только круговые каналы.

При $C=50 \dots T=658,6$ сек.; при $C=51,1 \dots T=656,3$ сек.

3. Формула (27).

$$a \dots T=1230 \text{ сек.} = 20,5 \text{ мин.}$$

$$b \dots T=947,5 \text{ } \rightarrow = 15,8 \text{ } \rightarrow$$

$$c \dots T=535,3 \text{ } \rightarrow = 9,0 \text{ } \rightarrow$$

4. Формула (2 или 2⁰)—для тѣхъ же случаевъ соотвѣтственно:

$$a) \mu=0,62; b) \mu=0,68; c) \mu=0,653.$$

96. Шлюзъ на р. Москвѣ у Переярки²⁾.

Общія данные. $L=175$ м.; $B=15,6$ м.; $H=1,47$ м.; $\Omega_0=3640$ м.²; $h=3,00$ м.; $\Sigma \omega_0=2 \times 3 \times (3 \times 0,112)$ м.²; въ головахъ шлюза парные совершенно прямолинейные (Фиг. 66) каналы однообразного поперечного съченія: $\Sigma \omega_1=2 \times 1,40$ м.², $R=0,353$ м., $l=9,17$ м.

Результаты подсчетовъ.

1. Формула (12)—дѣйствуютъ только круговые каналы.

При $C=50 \dots T=323,8$ сек.; при $C=50,84 \dots T=318,5$ сек.

2. Формула (15)—дѣйствуютъ только круговые каналы.

При $C=50 \dots T=1115,4$ сек.

3. Формула (27)

$$a \dots T=2271,4 \text{ сек.} = 37,9 \text{ мин.}$$

$$b \dots T=1343,7 \text{ } \rightarrow = 22,4 \text{ } \rightarrow$$

$$c \dots T=844,3 \text{ } \rightarrow = 14,1 \text{ } \rightarrow$$

¹⁾ См. Альбомъ исполнительныхъ чертежей по переустройству Маринской системы.

²⁾ См. Альбомъ фотографий сооружений на р. Москвѣ; Janicki. Die verschiedenen Methoden zur Verbesserung der Schiffbarkeit. Hamburg-Hannover 1882, s. 14—18.

4. Формула (2 или 2⁰)—соответственно имеемъ:

a) $\mu=0,62$; b) $\mu=0,755$; c) $\mu=0,699$.

97. Шлюзъ на р. Шпрее у Шарлоттенбурга¹⁾.

Общія даниыя. $L=80,3$ м.; $B=9,6$ м.; $H=1,97$ м.; $\Omega_0=852,45$ м.²; $h=1,23$ м.; $\Sigma \omega_0=2 \times 0,725$ м.²; парные круговые каналы различные въ обѣихъ головахъ шлюза и кромѣ того имѣющіе по своей длинѣ очень *перемѣнное сжатіе*: а) въ верхней головѣ (Фиг. 67) въ главныхъ частяхъ канала $\omega_1=2,46$ м.²; $1,39$ м.²; $3,10$ м.²; б) въ нижней головѣ (Фиг. 68) въ главныхъ частяхъ канала $\omega_1=3,33$ м.²; $1,39$ м.²; $3,10$ м.²

Результаты подсчетовъ.

A. Наполненіе камеры.

1. Формула (15)—дѣйствуютъ только каналы.

При $C=50$ и $51 \dots T=71,2$ сек.

2. Формула (27)

а. Прямое положеніе канала.

- a) $T=475$ сек.=7,9 мин.; b) $T=148,1$ сек.=2,5 мин.;
c) $T=112,6$ сек.=1,9 мин.

б. Перевернутое положеніе канала.

- a) $T=475$ сек.=7,9 мин.; b) $T=211$ сек.=3,8 мин.;
c) $T=146,2$ сек.=2,5 мин.

3. Формула (2 или 2⁰); разсматривая сжатіе діафрагмы, соотвѣтственно имеемъ:

а. Прямое положеніе канала.

- a) $\mu=0,62$; b) $\mu=1,04$; c) $\mu=0,896$.

б. Перевернутое положеніе канала.

- a) $\mu=0,62$; b) $\mu=0,727$; c) $\mu=0,69$.

γ) При работе только круговыхъ каналовъ, разсматривая истеченіе чрезъ діафрагму какъ чрезъ отверстіе:

$T=247$ сек.=4,12 мин. при $\mu=0,62$.

¹⁾ Mohr. Die Stauanlage in der Spree bei Charlottenburg. Berlin 1886 и также Z. f. B. 1886.

В. Опорожнение камеры.

1. Формула (15) — действуют только круговые каналы.

При $C=50$ и $51, \dots T=88$ сек.

2. Формула (27).

a. *Прямое положение канала.*

- a) $T=475$ сек. = $7,9$ мин.; b) $T=156,3$ сек. = $2,6$ мин.;
c) $T=117,7$ сек. = $1,97$ мин.

β. *Перевернутое положение канала.*

- a) $T=475$ сек. = $7,9$ мин.; b) $T=141,1$ сек. = $2,4$ мин.;
c) $T=108,7$ сек. = $1,82$ мин.

3. Формула (2 или 2^0) — для съченія діафрагмы.

a. *Прямое положение канала.*

- a) $\mu=0,62$; b) $\mu=0,98$; c) $\mu=0,856$.

β. *Перевернутое положение канала.*

- a) $\mu=0,62$; b) $\mu=1,089$; c) $\mu=0,927$.

98. Шлюзъ на каналѣ Одеръ-Шпрее у Tränke¹⁾.

Общія данные я. $L=55$ м.; $B=9,6$ м.; $H=2,5$ м.; $\Omega_0=639,0$ м.²;
 $h=1,61$ м.; парные круговые каналы въ обѣихъ головахъ шлюза
съ перемѣннымъ съченіемъ (Фиг. 69) площадью въ головныхъ ча-
стяхъ канала: $w_1=2,19$ м.²; $1,00$ м.²; $3,32$ м.².

Результаты подсчетовъ. (Наполненіе и опорожненіе
одинаковы).

1. Формула (15).

При $C=50$ и $51, \dots T=88$ сек.

2. Формула (27).

a. *Прямое положение канала.*

$T=196$ сек. = $3,27$ мин.

β. *Перевернутое положение канала.*

$T=210$ сек. = $3,5$ мин.

¹⁾ Mohr. Der Oder-Spree Kanal und seine Bauten. Berlin 1890; Z. f. B. 1890, s. 369—392, 431 и далѣе, Taf. 57—65.

3. Формула (2 или 2⁰)—для съченія діафрагмы.

a. Прямое положеніе канала.

$$T=196 \text{ сек.} \dots \mu=0_{,936}$$

β. Перевернутое положеніе канала.

$$T=210 \text{ сек.} \dots \mu=0_{,878}$$

γ) Діафрагма какъ щитовое отверстіе.

$$T=296 \text{ сек.} = 4_{,94} \text{ мин.} \dots \text{при } \mu=0_{,62}.$$

§ 2. Сравненіе формулъ для круговыхъ каналовъ и выводы изъ результатовъ подсчета по нимъ.

99. Выборъ наилучшей формулы.

а) У проще письма формулъ (12) и (15) круговыхъ каналовъ довольно рѣзко отличаются другъ отъ друга по своему построению, а следовательно и по своимъ результатамъ при подсчетахъ. Такъ, приведя обѣ формулы къ удобному для сравненія виду, имѣемъ:

$$T=\frac{\Omega_0}{\omega} \cdot \sqrt{\frac{2l}{C^2 \cdot R}} \cdot h \dots \dots \dots \quad (12)$$

$$T=\frac{\Omega_0}{\omega} \cdot \sqrt{\left(\frac{4}{2g} + \frac{4l}{C^2 \cdot R}\right) \cdot h} \dots \dots \dots \quad (15)$$

Изъ сопоставленія этихъ формулъ видимъ, что формула (15), какъ имѣющая подъ корнемъ лишнее выраженіе:

$$\frac{4}{2g} + \frac{2l}{C^2 \cdot R},$$

при одинаковыхъ условіяхъ примѣненія, всегда дастъ величину T значительно большую, нежели то получается по формуле (12); это подтверждается и вышеприведенными подсчетами, сведенными для наглядности въ слѣдующую таблицу (стр. 92).

Формула (12) при самыхъ благопріятныхъ условіяхъ совершенно прямого и короткаго канала дастъ величину T , составляющую всего 24% отъ найденного при тѣхъ же данныхъ значенія по наиболѣе точной формуле (27); поэтому формула (12) не даетъ даже приближенныхъ результатовъ и ни въ какомъ случаѣ для примѣненія рекомендована быть не можетъ.

Мѣсто устройства шлюза.	Время T , вычисленное по фор- муламъ:					
	(27)	(12)		(15)		
		сек.	сек.	% отъ (27)	сек.	% отъ (27)
р. Сѣв. Донецъ.....	290,2	70,8	24,1	223,6	76,8	
р. Шексна.....	947,3	190,0	20,1	658,6	69,4	
р. Москва	1343,7	323,8	24,1	1115,4	83,0	
р. Шпрее	{ 148,1 156,3	— —	— —	71,2 88,0	48,1 56,2	
каналъ Od.-Spree	196,0	—	—	88,0	44,9	

Формула (15) можетъ дать приближенное значеніе T лишь при короткихъ прямыхъ (до 83%) или плавно (полого) изогнутыхъ въ планѣ (до 77%) каналахъ при постоянномъ съченіи канала въ каждой части отдѣляемой затворами; при каналахъ перемѣнного по длинѣ съченія и крутыхъ изгибахъ въ планѣ или въ вертикальной плоскости эта формула даетъ результаты очень далекіе отъ дѣйствительности (45%—48%) и даже для полученія приближенныхъ значеній времени T не можетъ быть примѣняема.

б) Ф о р м у л ы (20), (27), (32) даютъ результаты, вполнѣ согла-
сующіеся съ дѣйствительностью¹⁾, а потому являются *наиболѣе точными* и по своему виду не сложными даже въ самомъ общемъ случаѣ; слѣдовательно примѣненіе ихъ къ разсчетамъ шлюзовыхъ водопроводовъ является единственно правильнымъ и наиболѣе желательнымъ тѣмъ болѣе, что эти формулы обнимаютъ сразу всѣ водопроводы—какъ отверстія въ полотнахъ воротъ, такъ и каналы.

Примѣненіе формулъ (2 и 2⁰) къ разсчету круговыхъ каналовъ. Величина коэффициента μ . Формулы (2) и (2⁰) часто рекомендуются и употребляются для опредѣленія T при истечениіи чрезъ круговые каналы вслѣдствіе простоты и удобства для вычислений. Въ этомъ случаѣ предполагаютъ истеченіе происходящимъ какъ бы чрезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ; площадь этого отверстія принимаютъ

¹⁾ Согласно цифровыхъ данныхъ, приведенныхъ въ литературѣ.

равной чистой площади ω_1 въ мѣстѣ расположения щита (діафрагма) или площади ω_2 —съченія въ передней (съ меньшимъ поперечнымъ съченіемъ) части канала. При этомъ для коефиціента расхода указываютъ значения $\mu=0,62$ ¹⁾ и $\mu=0,55$ ²⁾.

Приведенные выше результаты подсчетовъ, при которыхъ за вѣрное T принято вычисленное по формулѣ (27), даютъ право сомнѣваться въ вѣрности такихъ указаній. Для большей ясности соответственные результаты сведены въ нижеслѣдующей таблицѣ.

Мѣсто устройства шлюза.	Вывесленіе.									
	T сек.—Форм. (27).			T сек.— Форм. (2) при $\mu=0,55$ и $0,62$	Коэф.—тъ расхода μ .					
	Только $\Sigma\omega_0$	Только каналы	Каналы и отверстія.		$\frac{\omega_0}{\omega_0+\Sigma\omega_0}$	$\frac{\omega_1}{\omega_0+\Sigma\omega_1}$	$\frac{\omega_2}{\omega_0+\Sigma\omega_2}$	$\frac{\omega_1}{\omega_0+\Sigma\omega_1}$	$\frac{\omega_0}{\omega_0+\Sigma\omega_0}$	$\frac{\omega_0}{\omega_0+\Sigma\omega_0}$
р. С.-Донецъ	718,3	290,2	206,7	$\left\{ \begin{array}{l} 810,2 \\ 465,4 \\ 295,7 \end{array} \right\} \mu=0,55$	0,62	0,88	0,69	0,80	0,67	
р. Шексна	1230,0	947,3	535,3	—	"	—	0,68	—	0,653	
р. Москва	2271,4	1343,7	814,3	—	"	—	0,733	—	0,700	
р. Шпрее	$\left\{ \begin{array}{l} 475,0 \\ " \\ 211,0 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 148,1 \\ 146,2 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 112,6 \\ 117,7 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 247,0 \\ " \\ " \end{array} \right.$	"	1,04	—	0,896	—	
	$\left\{ \begin{array}{l} " \\ 156,5 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 141,1 \\ 108,7 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} " \\ " \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} " \\ " \\ \mu=0,62 \end{array} \right.$	"	0,73	—	0,69	—	
каналъ Od.-Spree .	$\left\{ \begin{array}{l} — \\ — \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 196,0 \\ 210,0 \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} — \\ — \end{array} \right.$	$\left\{ \begin{array}{l} 296,0 \\ " \end{array} \right.$	—	0,936	—	—	—	
					—	0,878	—	—	—	

Изъ данныхъ этой таблицы слѣдуетъ:

1. Примѣніе къ діафрагмамъ каналовъ коефиціента $\mu=0,55$ или $\mu=0,62$ даетъ для мгновенного открытия отверстій время T съ запасомъ до 67%, но можетъ быть и болѣе.
2. Коефиціентъ расхода $\mu=0,62$ остается таковымъ только при истеченіи чрезъ отверстія въ тонкой стѣнкѣ, въ данномъ случаѣ въ полотнахъ воротъ.

¹⁾ Lagrené, Т. III, р. 36, 84—85.

²⁾ Зборожекъ. Стр. 409, 412.

3. Если наполнение или опорожнение камеры чрезъ круговые каналы разсматривать какъ истеченіе чрезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ, то коеффиціентъ μ не имѣть опредѣленного постояннаго значенія, а измѣняется

- а) для случая діафрагмы ($\omega = \Sigma \omega_1$) — въ предѣлахъ отъ 0,73 до 1,09
- б) для съченія передней части канала ($\omega = \Sigma \omega_2$) — въ предѣлахъ отъ 0,69 до 0,76.

Эти измѣненія зависятъ конечно прежде всего отъ устройства и расположения частей самого канала; указанные предѣлы относятся лишь до разсмотрѣнныхъ примѣровъ и не ограничиваются возможныхъ колебаній въ обѣ стороны. Увеличеніе коеффиціента μ вполнѣ понятно, такъ какъ при такихъ условіяхъ вода подводится къ отверстію діафрагмы и отводится отъ него каналомъ и при истеченіи получается неполное или несовершенное сжатіе струи, когда коеффиціентъ расхода долженъ быть опредѣленъ по особымъ формуламъ¹⁾ гидравлики. Чѣмъ цѣлесообразнѣе устроенъ каналъ, тѣмъ значеніе μ больше; но во всякомъ случаѣ, при имѣющихся расположенияхъ частей канала, μ долженъ быть меныше единицы. Только въ идеальномъ случаѣ, при точномъ и правильномъ сочетаніи коноидальныхъ, коническихъ и цилиндрическихъ отрѣзковъ, возможно дойти до $\mu=1$. Случаи $\mu>1$ указываютъ на неправильность примѣненія формулъ (2) и (2⁰) къ расчету круговыхъ каналовъ; действительный расходъ воды въ каналѣ не можетъ быть больше, чѣмъ то даетъ отверстіе помѣщенной въ немъ діафрагмы, когда при подсчетѣ гидравлическихъ сопротивленій и она была принята во вниманіе.

4. Соединять отверстія (ω_0) въ полотнахъ воротъ съ отверстіемъ (ω_1) щитовой діафрагмы и тѣмъ болѣе съ съченіемъ (ω_2) самого канала, просто суммируя ихъ, неправильно, такъ какъ коеффиціентъ μ расхода не можетъ быть въ подобныхъ случаяхъ одинаковымъ, а измѣняется въ зависимости не только отъ напора, но и отъ размѣровъ самихъ отверстій. Для небольшого числа разсмотрѣнныхъ примѣровъ и то имѣмъ:

- а) для случая $\omega = \Sigma \omega_0 + \Sigma \omega_1$ коеффиціентъ μ измѣняется въ предѣлахъ отъ 0,69 до 0,93
- б) для случая $\omega = \Sigma \omega_0 + \Sigma \omega_2$ — въ предѣлахъ отъ 0,65 до 0,70.

На основаніи всего вышеизложеннаго примѣненіе формулы (2) къ случаю наполненія или (2⁰) къ случаю опорожненія камеры чрезъ круговые каналы *неправильно и нежелательно*; коеффиціентъ

¹⁾ См. Максименко. 1889 г. Стр. 97—105.

и въ подобныхъ условіяхъ не можетъ имѣть какого-либо опредѣленного постояннаго значенія, а зависитъ, при прочихъ равныхъ условіяхъ, отъ устройства и расположения частей самого канала.

101. Прямое и обратное положенія канала. Обыкновенно, во всѣхъ случаяхъ практики круговые каналы устраиваются такимъ образомъ, что подводящая (пріемная) часть (до діафрагмы) имѣеть площадь поперечнаго сѣченія меньше, чѣмъ часть отводящая, за діафрагмой; при этомъ сѣченіе канала можетъ быть какъ постоянное, такъ и переменное на каждой части канала.

Чтобы проверить правильность такого расположения частей каналовъ были сдѣланы по формулы (27) подсчеты опредѣленія времени T для прямого и перевернутаго (обратнаго) положеній каналовъ при всѣхъ прочихъ одинаковыхъ условіяхъ. Результаты подсчетовъ для разобранныхъ примѣровъ приведены въ нижеслѣдующей таблицѣ.

Мѣсто устройства шлюза.	Характеръ работы водопрово- довъ.	Время T секундъ.					
		Только каналы.			Каналы и отверстія.		
		Прямое положеніе	Обратное положеніе	Увелич. + Уменьш. %	Прямое положеніе	Обратное положеніе	Увелич. + Уменьш. %
р. С.-Донецъ	наполненіе и опорожненіе	290,2	304,1	+ 4,4%	206,7	213,7	+ 3,4%
	опорожненіе	148,1	211,0	+ 42,5%	112,6	146,2	+ 29,9%
р. Шпрее.....	наполненіе	156,5	141,1	- 10,9%	117,7	108,7	+ 7,7%
	опорожненіе	196,0	210,0	+ 7,1%	—	—	—
каналъ Od.-Spree	наполненіе и опорожненіе						

Для прямого положенія каналовъ въ этихъ устройствахъ имѣется:

1. р. С.-Донецъ.—пріемная часть канала *меньшаго сѣченія*, нежели отводящая; обѣ части канала *постояннаго сѣченія*.
2. р. Шпрее.—а) верхняя голова (наполненіе): пріемная часть канала *меньшаго сѣченія*, нежели отводящая; сѣченіе канала *перемѣнное* въ обѣихъ частяхъ—въ первой въ видѣ одной конически расходящейся насадки, во второй въ видѣ ряда конически расходящихся насадокъ; общая длина канала=12,14 метр.

в) Нижняя голова (опорожнение): приемная часть канала *большаго съченія*, нежели отводящая; съченіе канала *перемынное* въ обѣихъ частяхъ—въ первой въ видѣ конически сходящейся насадки, во второй—ряда конически расходящихся насадокъ; общая длина канала=9,20 метр.

3. Каналъ Oder-Spree.—Пріемная часть канала *меньшаго съченія*, нежели отводящая; первая—постоянного, вторая—перемынного, постепенно къ концу расширяющагося съченія.

Изъ данныхъ этой таблицы можно вывести слѣдующія заключенія:

а) Обратное расположение канала влечётъ за собою увеличеніе времени T , что и слѣдовало ожидать, такъ какъ въ этомъ случаѣ стѣнки канала, подводящаго воду къ щитовой діафрагмѣ, далѣе отодвинуты отъ граней отверстія діафрагмы, а слѣдовательно коэффиціентъ μ расхода ¹⁾ получается меньше, чѣмъ въ случаѣ прямого положенія канала.

б) Случай опорожненія камеры шлюза на р. Шпрее представляетъ расположение канала обратное вышеразсмотрѣннымъ, почѣму при перемѣнѣ направлениія движенія воды получается уменьшеніе T на 7,7—10,9%. Это показываетъ, что, если не было поставлено условіемъ уменьшеніе времени опорожненія камеры, то каналъ расположенье неправильно.

с) Слѣдуетъ при этомъ отмѣтить, что каналы въ шлюзѣ на р. Шпрее у Шарлоттенбурга имѣютъ форму очень обдуманную съ цѣлью возможно большаго уменьшенія сопротивленій при движении по нимъ воды.

д) Для избѣженія безполезнаго (если это не поставлено условіемъ) увеличенія времени T слѣдуетъ всегда часть канала между приемнымъ отверстиемъ и щитовой діафрагмой дѣлать меньшаго съченія, нежели на остальной части канала; увеличеніе съченія на этой послѣдней части канала имѣеть, какъ известно, цѣлью уменьшить скорость выходящей изъ канала воды ²⁾.

¹⁾ См. Ф. Е. Максименко. Гидравлика. 1889. Стр. 97—105. „О несовершенномъ сжатіи“.

²⁾ Нѣкоторыя изъ заключеній уже были мною высказанны въ работѣ: „Определеніе времени наполненія и опорожненія камеры шлюзовъ на р. Сѣв. Донецѣ“.

§ 3. Примѣры устройствъ продольныхъ каналовъ въ шлюзѣ.

102. Шлюзъ на каналѣ Dortmund-Ems при Altenrheine¹⁾.

Общія данныя. $L=67,0$ м.; $B=8,6$ м.; $H=3,0$ м.; $\Omega_0=629,91$ м.²; $h=3,6$ м.; два симметрично расположенные продольные канала, каждый съ 9-ю поперечными отвѣтвленіями по камеръ (Фиг. 70); съченіе продольного канала $w'=1,74$ м.²; $1,98$ м.²; съченія отвѣтвленій $w_1=0,28$ м.²; $\frac{\Sigma w_1}{w}=1,273$.

Результаты подсчетовъ.

a) Формула (54) и (10*).

$$T_1=250,2 \text{ сек.} = 4,17 \text{ м.}; \mu_1=0,544.$$

$$T_2=245,4 \text{ сек.} = 4,09 \text{ м.}, \mu_2=0,555.$$

Коэф-ты μ_1 и μ_2 опредѣлены въ предположеніи истеченія черезъ отверстіе щитовой діафрагмы, какъ черезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ, при найденныхъ T_1 и T_2 .

b) Формулы (20), (59⁰) и (10*).

$$T_1=2,4 \text{ мин., т. е. въ } 1,77 \text{ раза или на } 42,3\% \text{ меньше;}$$

$T_2=1,8$ мин., т. е. въ 2,3 раза или на 56% меньше опредѣленного по формулѣ (54).

Коэф-ть μ_1 измѣняется отъ 0,114 до 0,115; коэф-ть μ_2 отъ 0,146 до 0,148, рассматривая одно и то же отверстіе діафрагмы для всѣхъ отдельныхъ круговыхъ каналовъ.

c) Формула (58') и (10*). Имѣемъ:

Наполненіе
$$\begin{cases} D = -\frac{\sum D_i}{8} = \frac{0,13636}{8} = 0,01707 \\ C = -\frac{\sum C_i}{9} = \frac{3,01756}{9} = 0,333528. \end{cases}$$

Опорожненіе
$$\begin{cases} D = \frac{0,19073}{8} = 0,02384 \\ C = \frac{4,08343}{9} = 0,45371. \end{cases}$$

¹⁾ Der Bau des Dortmund-Ems Kanals. Berlin. 1902; Z. f. B. 1901—1902.

Затѣмъ изъ ур—ія:

$$\left(C + \frac{1}{x} \right)^2 \cdot (x^2 - D) = 1 \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad (a)$$

видимъ, что $x^2 > D$, такъ какъ $\left(C + \frac{1}{x} \right)^2 > 0$; слѣдовательно:

$$x^2 > 0,_{01707} \text{ и } x > 0,_{131}; \quad x^2 > 0,_{02384} \text{ и } x > 0,_{1544}.$$

Полученныя относительно x уравненія можно рѣшить по формулѣ Ньютона:

$$x_2 = x_1 - \frac{f(x_1)}{f'(x_1)}; \quad x_3 = x_2 - \frac{f(x_2)}{f'(x_2)} \text{ и т. д.,}$$

гдѣ $f'(x_i)$ — производныя данной функциї, а x_1, x_2, x_3 — приближенныя значенія x ; вслѣдствіе же того, что лѣвая часть ур—ія представлена въ видѣ двухъ множителей, рѣшеніе x_1 удобнѣе находить непосредственной подстановкой значеній $x > 0,_{131}$ и $x > 0,_{1544}$.

Въ данномъ случаѣ (наполненія) имѣемъ:

$$x_1 = 0,_{3093}.$$

Истинное значеніе этой величины, опредѣлившееся при подсчетахъ по формулѣ (54):

$$x = 0,_{464}.$$

Такимъ образомъ, приблизительное значеніе x_1 въ 1,5 раза, или на 33,3% менѣе истиннаго.

Для случая опорожненія получимъ такъ-же:

$$x'_1 = 0,_{3493}.$$

Истинное значеніе, найденное при подсчетахъ по формулѣ (54):

$$x' = 0,_{455}.$$

Слѣдовательно, приближенное значеніе x'_1 въ 1,4 раза, или на 30% менѣе истиннаго.

d) Формула (58'') и (10*).

$$\begin{aligned} \text{Наполненіе} & \left\{ \begin{array}{l} C = 0,_{33328} \\ D_1 = 0,_{07758} \\ D = \frac{\sum D_i}{7} = \frac{0,_{05898}}{7} = 0,_{00842}. \end{array} \right. \end{aligned}$$

$$\text{Опорожненіе} \begin{cases} C=0,45371 \\ D_1=0,12970 \\ D=\frac{0,06103}{7}=0,00872 \end{cases}$$

Теперь для уравнения:

$$(y-C)^2 \cdot \left(D + \frac{1}{y^2} \right) = 1$$

подбираемъ значение y ; послѣ ряда по пыткамъ имѣемъ:

$$\text{Наполненіе} \dots \dots \dots \left\{ y=4,361; \frac{1}{y_2}=0,05259 \right.$$

$$\text{Опорожненіе} \dots \dots \dots \left\{ y'=4,938; \frac{1}{(y')^2}=0,04101 \right.$$

Поэтому:

I. Для случая наполненія:

$$x_1 = \sqrt{D_1 + \frac{1}{y^2}} = \sqrt{0,07758 + 0,05259} = 0,361.$$

Истинное значеніе $x=0,461$; слѣдовательно приближенное значеніе въ 1,29 раза, или на 22,9% менѣе истиннаго.

II. Для случая опорожненія:

$$x'_1 = \sqrt{D_1 + \frac{1}{y_2}} = \sqrt{0,12970 + 0,04101} = 0,413.$$

Истинное значеніе $x'=0,455$; слѣдовательно приближенное значеніе въ 1,10 раза, или на 9,3% менѣе истиннаго.

103. Шлюзъ на каналѣ Dortmund-Ems при Teglingen¹⁾.

Общія данныя. $L=165,0$ м.; $B=10,0$ м.; $H=2,50$ м.; $\Omega_0=1839,5$ м.²; $h=3,30$ м.; два симметрично расположенные продольные канала, съченіемъ 2,6 м.², съ 12-ю отвѣтвленіями въ камеру (Фиг. 71) изъ чугунныхъ трубъ, диаметромъ 0,60 м.², расположенныхъ другъ отъ друга на разстояніяхъ, постепенно (отъ 10 м. до 18 м.) увеличивающихся къ нижней головѣ; $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega} = 2,73$.

¹⁾ Der Bau des Dortmund-Ems Canals Berlin 1902. s. 46—47, Bl. 13; Z. f. B. 1901—1902.

Результаты подсчетовъ по формулѣ (54).

$$T_1=508 \text{ сек.} = 8,3 \text{ м.; } \mu_1=0,371.$$

$$T_2=484 \text{ сек.} = 8,1 \text{ м.; } \mu_2=0,600.$$

Коэф-ты μ_1 и μ_2 опредѣлены въ предположеніи истеченія чрезъ отверстія въ тонкой стѣнкѣ площадью, соотвѣтствующей сѣченію канала при найденныхъ T_1 и T_2 .

104. Предохранительный шлюзъ на каналѣ de Jonage¹⁾.

Общія даныя. $L=105,0$ м.; $B=16,0$ м.; $H=3,50$ м.; $\Omega_0=1908$ м.²; $h=4,53$ м.; для наполненія камеры изъ верхняго бьефа служать два симметрично расположенные продольные канала, сѣченіемъ $7,60$ м.² каждый, съ двумя пріемными развѣтвленіями сѣченіемъ по $4,02$ м.² и 5-ю выходными въ камеру отвѣтвленіями (Фиг. 72), сѣченіемъ по $4,18$ м.²; для опорожненія камеры въ нижній бьефъ служать также два короткіе продольные канала съ двумя пріемными развѣтвленіями и однимъ устьевымъ отверстіемъ (Фиг. 73) тѣхъ же поперечныхъ сѣченій, что и въ верхней головѣ; $\frac{\Sigma\omega_1}{w}=2,73$ и $2,48$.

Результаты подсчетовъ по формулѣ (73).

$$T_1=361 \text{ сек.} = 6,0 \text{ мин.; } \mu_1=0,670.$$

$$T_2=420 \text{ сек.} = 7,0 \text{ мин.; } \mu_2=0,373.$$

Коэф-ты μ_1 и μ_2 опредѣлены въ предположеніи истеченія черезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ, площадью соотвѣтствующей сѣченію канала при найденныхъ T_1 и T_2 .

105. Двойной шлюзъ на каналѣ de Jonage¹⁾.

Общія даныя. Двѣ камеры со стѣнкой паденія высотою $5,8$ м. въ средней головѣ. Для средняго шлюза — $L=105,0$ м.; $B=16,0$ м.; $H=2,80$ м.; $\Omega_0=1913,5$ м.²; $h=7,0$ м.; наполненіе камеры совершается черезъ два симметрично расположенные продольные канала сѣченіемъ $7,95$ м.² каждый, съ двумя пріемными развѣтвленіями, сѣченіемъ по $4,02$ м.² и 8-ю выходными отвѣтвленіями, сѣченіемъ по $4,28$ м.²; для опорожненія первой и наполненія второй камеры (сравниванія) служать продольные каналы съ двумя

¹⁾ Chauvin. Construction du Canal de Jonage. Paris. 1902. p. 53—54, Pl. XIX, XX.

пріемными и 5-ю выходными отвѣтвленіями тѣхъ же съченій при $h=8,50$ м.; для опорожненія нижней камеры служать короткие продольные каналы съ двумя пріемными развѣтвленіями и однимъ устьевымъ отверстіемъ тѣхъ же поперечныхъ съченій при $h=1,5$ м.;

при этомъ L , B и Ω_0 —одинаковы, а $H=2,10$ м.; $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}=4,30$ и $2,75$.

Характеръ распределенія отвѣтвленій таковъ же, какъ показано на фиг. 72 и 73.

Результаты подсчетовъ по формулѣ (73).

$$T_1=412 \text{ сек.} = 6,9 \text{ мин.}; \mu_1=0,699;$$

$$T'_1=T_2=241 \text{ сек.} = 4,0 \quad \leftarrow \quad \mu_2=0,663;$$

$$T'_1=241 \text{ сек.} = 4,0 \quad \leftarrow \quad \mu'_1=0,663;$$

$$T'_2=230 \text{ сек.} = 3,8 \quad \leftarrow \quad \mu'_2=0,381.$$

При вычислениі μ_1 и μ_2 , μ'_1 и μ'_2 принимается площадь отверстія въ тонкой стѣнкѣ равной съченію продольного канала.

106. Шлюзъ на каналѣ Kaiser-Wilhelm въ Brunsbüttel'ѣ¹⁾.

Общія данные $L=150,0$ м., $B=25,0$ м., H —измѣняется отъ $8,70$ до $11,49$, $\Omega_0=4163,5$ м.², h измѣняется отъ $0,50$ до $3,03$ м.; два симметрично расположенные продольные канала (Фиг. 74), съченіемъ $7,76$ м.² каждый, съ 12-ю отвѣтвленіями по длине камеры, съченіемъ по $1,12$ м.², одно пріемное отверстіе для наполненія и одно устьевое—для опорожненія; $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}=1,73$.

Результаты подсчетовъ.

a) Формула (54).

$$h=1,52 \text{ м.}; T'_1=223 \text{ сек.} = 3,7 \text{ м.}; \mu_1=0,672.$$

$$h=3,03 \text{ м.}; T'_1=315 \text{ сек.} = 5,3 \text{ м.}$$

$$h=2,30 \text{ м.}; T''_1=274 \text{ сек.} = 4,6 \text{ м.}$$

b) Формула (72).

$$T'_2=218 \text{ сек.} = 3,6 \text{ м.}; \mu_1=0,686.$$

$$T''_2=308 \text{ сек.} = 5,1 \text{ м.}$$

$$T'''_2=268 \text{ сек.} = 4,5 \text{ м.}$$

¹⁾) *Fülscher. Der Bau des Kaiser-Wilhelm-Kanals. Berlin. 1896—1897. Abth. I, II; Z. f. B. 1896—1897; H. d. I. W. s. 134—135, 159—160, Taf. XI, XII.*

c) Формула (2)—стр. 29 при $\mu=0,55$:

1. При найденныхъ выше значеніяхъ T_1 соотвѣтственно получимъ сумму сѣченій двухъ продольныхъ каналовъ:

$$\omega = 9,6 \text{ кв. м.} \dots 9,37 \text{ кв. м.} \dots 9,4 \text{ кв. м.},$$

вмѣсто дѣйствительной величины $2 \times 7,76 = 15,52 \text{ м.}^2$.

2. При существующемъ же $\omega=15,52 \text{ м.}^2$ опять соотвѣтственно получимъ:

$$T'_1=271 \text{ сек.} = 4,32 \text{ м.}; T''_1=383 \text{ сек.} = 6,38 \text{ м.}; T'''_1=335 \text{ сек.} = 5,58 \text{ м.}$$

Такимъ образомъ, полученное по формулѣ (54) время T_1 составляетъ отъ только что найденного 82% .

107. Шлюзъ на р. Spree въ Berlin'ѣ¹⁾.

Общія даныя. $L=110,0 \text{ м.}$, $B=9,6 \text{ м.}$, $H=2,3 \text{ м.}$, $\Omega_0=1112,0 \text{ м.}^2$; $h=1,88 \text{ м.}$; для наполненія имѣются два отверстія въ полотнахъ воротъ $\omega_0=2 \times 0,832 \text{ м.}^2$, и продольный каналъ (Фиг. 75) сѣченіемъ $3,15 \text{ м.}^2$ съ однимъ пріемнымъ отверстіемъ (площадью $4,2 \text{ м.}^2$) и 5-ю устьевыми отвѣтствленіями (площадью $0,9 \text{ м.}^2$ каждое); для опорожненія служать такія же отверстія въ полотнахъ воротъ и парные круговые каналы сѣченіемъ $3,15 \text{ м.}^2$ каждый (Фиг. 76); $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega} = 1,43$.

Результаты подсчетовъ.

A. Наполненіе камеры.

1. Формула (54):

- a) дѣйствуютъ отверстія и каналы... $T_1=121 \text{ сек.} = 2,0 \text{ м.}; \mu=0,719$.
- b) дѣйствуютъ только каналы (5 отв.). $T_1=147 \text{ сек.} = 2,43 \text{ м.}; \mu=0,718$.
- c) работаютъ только отверстія..... $T_1=669 \text{ сек.} = 11,2 \text{ м.}; \mu=0,621$.
- d) работаютъ только каналы (4 отв.). $T_1=170 \text{ сек.} = 2,8 \text{ м.}; \mu=0,645$.
- e) работаютъ только каналы (3 отв.). $T_1=209 \text{ сек.} = 3,5 \text{ м.}; \mu=0,523$.
- f) работаютъ только каналы (2 отв.). $T_1=284 \text{ сек.} = 4,7 \text{ м.}; \mu=0,383$.

10. Формула (20):

g) работаютъ только каналы (1 отв.),

(круговой каналъ) $T_1=475 \text{ сек.} = 7,9 \text{ м.}; \mu=0,232$.

¹⁾ Germelmann und Offerman, Verbesserung des Spreelaufs innerhalb Berlins. (Z. f. B. 1895, s. 51—55. Bl. 10, 11, 12).

2. Формулы (20) и (59°).

$T_1 = 95,6$ сек., т. е. составляет 65% от найденного выше (147 сек.) по формулѣ (54). Коеф-тъ μ измѣняется от $\mu=0,231$ до $\mu=0,232$.

B. Опорожненіе камеры.

1. Формула (20):

$$a \dots T_2 = 130 \text{ сек.} = 2,2 \text{ мин.}; \mu = 0,670.$$

$$b \dots T_2 = 161 \text{ сек.} = 2,7 \text{ мин.}; \mu = 0,683.$$

$$c \dots T_2 = 669 \text{ сек.} = 11,2 \text{ мин.}; \mu = 0,621.$$

108. Необходимыя условія для возможности сравниванія формулъ (42) и (54). Предъидущія опредѣленія T_1 и ω по формуламъ (42) или [(2), (38) и (39)] сдѣланы какъ бы независимо отъ имѣющихся отвѣтвлений (багъ числа, такъ и размѣровъ ихъ), иначе говоря — предположено, что условіе:

$$\mu_1 \cdot \omega_1 \cdot [V\alpha_1 + V\alpha_2 + \dots + V\alpha_n] = \mu \cdot \omega \dots \dots \dots \quad (38)$$

остается всегда выполненнымъ. На самомъ дѣлѣ, ни въ одномъ изъ всѣхъ разсмотрѣнныхъ нами примѣровъ существующихъ шлюзовыхъ водопроводныхъ устройствъ это условіе не примѣнено. Поэтому, чтобы получить возможность болѣе точнаго примѣненія рассматриваемой формулы и затѣмъ дальнѣйшаго сравниенія результатовъ, производились каждый разъ два предварительные подсчета:

1. взявъ площадь (ω) сѣченія продольнаго канала, опредѣлялась площадь (ω_1) отвѣтвлениія,

и 2. взявъ площадь (ω_1) отвѣтвлениія, вычислялась площадь (ω) канала.

Рѣшеніе этихъ двухъ задачъ дѣжалось рядомъ попытокъ, при чёмъ для первого подсчета отношение $\frac{\omega}{\omega_1}$ бралось равнымъ $n \cdot \alpha_1$, такъ какъ изъ формулъ [(2), (38), (39)] и (42) яствуетъ, что означенное отношение не можетъ быть больше $n \cdot \alpha_1$. Рѣшеніе второго вопроса болѣе затруднительно, такъ какъ при всякомъ измѣненіи величины ω измѣняются A и α_1 , въ зависимости отъ измѣненія R .

Послѣ отысканія требуемыхъ сѣченій вычисляемъ для обоихъ случаевъ T_1 какъ по формулѣ (42), такъ и (54) — чтобы имѣть

возможность сравнить результаты подсчетовъ по нимъ при одинаковыхъ условіяхъ.

109. Сравнительные подсчеты по формуламъ (42) и (54).

А. Для шлюза въ Grunsbüttelѣ (см. № 106) имѣемъ:

I. При $\omega=7,76$ м.²; $n=12$, находимъ $\omega_1=0,68$ м.² (вместо имѣющейся въ дѣйствительности $1,12$ м.²), это значение получено при отношении $\frac{\omega}{\omega_1}=11,34$; $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}=1,05$. Теперь найдемъ время T_1 .

а). Формула (42).

$$T_1' = 271 \text{ сек.} = 4,32 \text{ м.}; \quad T_1'' = 383 \text{ сек.} = 6,38 \text{ м.}; \quad T_1''' = 335 \text{ сек.} = 5,58 \text{ м.}; \quad \mu = 0,55.$$

б). Формула (54).

$$T_1' = 298 \text{ сек.} = 4,97 \text{ мин.}; \quad T_1'' = 421 \text{ сек.} = 7,02 \text{ мин.}; \quad T_1''' = 366 \text{ сек.} = 6,10 \text{ мин.}; \quad \mu = 0,504.$$

II. При $\omega_1=1,12$ м.²; $n=12$ находимъ $\omega=12,91$ м.² (вместо имѣющейся въ дѣйствительности $15,52$ м.²), это значение получено при отношении $\frac{\omega}{\omega_1}=11,53$; $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}=1,04$. Теперь найдемъ время T_1 .

а) Формула (42).

$$T_1' = 163 \text{ сек.} = 2,72 \text{ мин.}; \quad T_1'' = 230 \text{ сек.} = 3,84 \text{ мин.}; \quad T_1''' = 200 \text{ сек.} = 3,34 \text{ мин.}; \quad \mu = 0,55.$$

б) Формула (54).

$$T_1' = 176 \text{ сек.} = 2,93 \text{ м.}; \quad T_1'' = 249 \text{ сек.} = 4,15 \text{ мин.}; \quad T_1''' = 217 \text{ сек.} = 3,62 \text{ м.}; \quad \mu = 0,510.$$

В. Для шлюза въ Berglinѣ (см. № 107) имѣемъ:

I. При $\omega=3,15$ м.²; $n=5$ находимъ $\omega_1=0,65$ м.² (вместо $0,9$ м.², имѣющихихся въ дѣйствительности), это значение получено при отношении $\frac{\omega}{\omega_1}=4,86$; $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}=1,03$. Теперь найдемъ время T_1 .

а) Формула (42).

$$T_1 = 199 \text{ сек.} = 3,32 \text{ мин.}; \quad \mu = 0,55.$$

б). Формула (54).

$$T_1 = 196 \text{ сек.} = 3,27 \text{ мин.}; \quad \mu = 0,559.$$

II. При $\omega_1=0,9$ м.², $n=5$ находимъ $\omega=4,39$ м.² (вместо имѣющейся въ дѣйствительности $6,30$ м.²), это значение получено при отношении $\frac{\omega}{\omega_1}=4,88$; $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}=1,03$. Теперь найдемъ время T_1 .

a). Формула (42).

$$T_1=142 \text{ сек.} = 2,38 \text{ м.; } \mu=0,55.$$

б). Формула (54).

$$T_1=141 \text{ сек.} = 2,35 \text{ мин.; } \mu=0,558.$$

§ 4. Сравненіе формулъ для продольныхъ каналовъ и выводы изъ результатовъ подсчета по нимъ.

110. Выборъ наилучшей формулы.

а. Примѣненіе формулы (59⁰) къ расчету продольныхъ каналовъ совершенно непригодно и не можетъ дать даже весьма приближенныхъ результатовъ; въ разсмотрѣнныхъ выше примѣрахъ (n^0 102 и 107) найденное по этой формулѣ время T_1 составляетъ 57% , 65% и $T_2=44\%$ отъ дѣйствительного.

б. Формула (58⁰) можетъ дать уже лучшіе результаты. Для разобранного выше (n^0 102) примѣра величина D_1 значительно больше остальныхъ D , тѣмъ не менѣе полученное T_1 составляетъ 67% и $T_2=70\%$ отъ дѣйствительного. Въ такихъ случаяхъ все-таки этой формулой пользоваться не слѣдуетъ, а ограничить ея примѣненіе для приближенныхъ вычисленийъ, когда всѣ C , какъ и всѣ D будутъ приблизительно одинаковы.

г. Формула (58⁰) для приближенныхъ вычисленийъ является наиболѣе правильной въ соответственныхъ случаяхъ и для таковыхъ вычисленийъ можетъ быть рекомендована. Въ разобранномъ выше (n^0 102) примѣрѣ полученное по этой формулѣ время T_1 составляетъ 78% и $T_2=91\%$ отъ дѣйствительного.

д. Для болѣе точныхъ подсчетовъ могутъ служить разбираемые далѣе два рода формулъ:

1. Формула (42), или [(2), (38), (39)] — инженера Т. Г. Зброжека.

и 2. Формулы (54) и (72), или въ общемъ видѣ (73) — профессора Ф. Е. Максименко.

111. Сравненіе формулъ (42) и (73) между собою.

А. Формула (42) въ общемъ видѣ, или формула [(2), (38), (39)] Т. Г. Зброжека имѣть слѣдующіе недостатки (см. $n^0 n^0$ 41—45):

1) При выводѣ ея принимается во внимание только сопротивление по длинѣ продольного канала, считая его во всѣхъ случаяхъ прямолинейнымъ; между тѣмъ какъ измѣненія въ направленіи имѣютъ первенствующее влияніе на увеличеніе общихъ гидравлическихъ сопротивленій.

2) Истеченіе чрезъ отвѣтвленія разсматривается, какъ истеченіе чрезъ щитовыя отверстія въ тонкой стѣнкѣ при томъ же коеффиціентѣ μ .

3) Время T_2 принимается во всѣхъ случаяхъ устройства водопроводовъ равнымъ T_1 , что, какъ это видно изъ разобранныхъ выше примѣровъ, далеко не всегда справедливо.

4) Коэффиціенты μ и μ_1 принимаются всегда постоянными и равными $0_{,55}$ во всѣхъ случаяхъ истеченія. Между тѣмъ, какъ видимъ по разобраннымъ выше примѣрамъ ($n^{\circ} n^{\circ} 102-109$), коеффиціентъ μ формулы (2) или (42) не имѣеть постоянного опредѣленного значенія, а мѣняется въ довольно значительныхъ предѣлахъ; согласно приведенныхъ для разсмотрѣнныхъ случаевъ данныхъ предѣлы эти оказались: отъ $0_{,383}$ до $0_{,748}$ (см. $n^{\circ} 107$). Эти колебанія находятся въ зависимости отъ различныхъ обстоятельствъ устройства самого водопровода, каковы: общая длина, поперечное сѣченіе и отношеніе $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$, число отвѣтвленій n , распределение разстояній между ними и т. п. Слѣдовательно, цифра $\mu=0_{,55}$, хотя и является иногда довольно удачнымъ поправочнымъ коеффиціентомъ на непринятые во внимание мѣстныя гидравлическія сопротивленія, но ни въ какомъ случаѣ и при расчетѣ продольныхъ каналовъ (такъ же, какъ это было указано и въ $n^{\circ} 42$) не можетъ считаться одинаково пригодною для всевозможныхъ устройствъ водопроводовъ и различныхъ случаевъ истеченія.

5. Неправильность выбора постоянного коеф-та $\mu=0_{,55}$ даже для рассматриваемой формулы подтверждается случаемъ c ($n^{\circ} 106$), где непосредственно вычисленіемъ по ней получено, что:

a) Въ то-же самое время T_1 , найденное по формулѣ (54), можно наполнить шлюзъ чрезъ каналы, площадь сѣченія которыхъ въ $\frac{15_{,52}}{9_{,4}}=1_{,7}$ раза меньше, при всѣхъ прочихъ равныхъ условіяхъ.

b) При той же самой площади сѣченія продольного канала и при всѣхъ прочихъ равныхъ условіяхъ по формулѣ [(2), (38), (39)] получается T_1 въ $1_{,22}$ раза больше, нежели найденное по формулѣ (54); этого конечно въ дѣйствительности быть не можетъ, такъ

какъ въ первой совсѣмъ не приняты во вниманіе всѣ мѣстныя гидравлическія сопротивленія, введенныя въ послѣднюю.

То же самое служитъ подтвержденіемъ, что коеф-тъ $\mu=0,55$, есть поправочный коеф-тъ на непринятія во вниманіе гидравлическія сопротивленія, а не коеф-тъ расхода.

6. При пользованіи этой формулой для расчета шлюзовыхъ водопроводовъ значеніе коеф-та A сопротивленія нельзѧ брать изъ данныхъ, соотвѣтствующихъ движению воды въ открытыхъ каналахъ, какъ обѣ этомъ мы уже указывали въ главѣ IV, № 77.

7. Какъ увидимъ далѣе (№№ 114 и 115.), для уменьшенія времени T_1 и соотвѣтственнаго увеличенія коеф-та μ слѣдуетъ отношеніе $\frac{\sum \omega_i}{\omega}$ по возможности увеличивать, но до иѣкотораго предѣла, находящагося между значеніями 2,00 и 3,00. Увеличеніе этого отношенія до крайняго предѣла и даже за найденный предѣль можетъ быть вызвано какими-нибудь особыми мѣстными требованіями, наприм. возможно болѣе уменьшить скорость вытекающей воды и т. п. Вообще наибольшимъ предѣломъ съ цѣлью уменьшенія T_1 цѣлесообразнѣе считать цифру 2,00; наиболѣе часто встрѣчающими въ практикѣ и соотвѣтствующими вполнѣ хорошимъ условіямъ истеченія запачненіями являются предѣлы—отъ 1,25 до 1,50.

Выполненіе же условія (38) для примѣненія формулы (42) или формулы $\Theta. I'$ Зброжека дается для отношенія $\frac{\sum \omega_i}{\omega}$ значение всего 1,03—1,05. Такое отношеніе не соотвѣтствуетъ правильному устройству продольныхъ водопроводовъ; подтвержденіе этому можно найти и въ предложеніи $\Theta. G.$ Зброжека послѣ разсчета дѣлать ω_1 иѣсколько (?) больше (см. № 43), чтобы быть увѣреннымъ въ наполненіи камеры въ назначенное время.

8. Формулы (42) и [(2), (38), (39)] для случаевъ, подобныхъ разобраннымъ въ №№ 104 и 105, совершенно не примѣнимы; такъ же непригодны онѣ для опредѣленія времени T_2 при иѣсколькихъ приемныхъ и одномъ устьевомъ отверстіяхъ (отвѣтвленіяхъ).

9. Въ заключеніе можно сдѣлать слѣдующій выводъ:

а) Формула эта, по своему виду не простая, требуетъ вычисленій многихъ элементовъ и вообще можетъ быть рекомендована лишь для приблизительныхъ, хотя и болѣе точныхъ, нежели указанные въ пунктахъ α , β , γ (№ 110) подсчетовъ при проектированіи;

б) такъ какъ условіе (38) въ существующихъ шлюзовыхъ устройствахъ водопроводовъ является всегда невыполненнымъ, она можетъ дать хорошие результаты только при очень короткихъ отвѣтвленіяхъ и совершенно прямомъ продольномъ каналѣ,

В. Ф о р м у л ы (54), (72) и (73)—профессора *Ф. Е. Максименко* имѣютъ слѣдующія достоинства и недостатки:

1. Эти формулы выведены правильно, принимая во вниманіе всѣ гидравлическія сопротивленія какъ общія, такъ и мѣстныя (см. *n^o 46*); подсчеты по нимъ даютъ для исполненныхъ шлюзовыхъ устройствъ значенія времени T_1 и T_2 почти вполнѣ согласующіеся съ дѣйствительными. Такія достоинства даютъ полное право считать эти формулы за основныя, наиболѣе точныя, съ которыми могутъ быть сравниваемы всѣ другія формулы, служащія для тѣхъ же расчетовъ.

2. Формула (73) можетъ быть примѣняема ко всякаго рода системамъ шлюзовыхъ водопроводовъ съ произвольнымъ числомъ приемныхъ и выходныхъ отвѣтвленій (см. *n^o n^o 104 и 105*).

3. Видъ формулъ (54), (72) и (73) въ общемъ случаѣ довольно сложенъ, но составленіе ихъ очень просто и не требуетъ никакихъ соображеній; подсчетъ же значительно облегчается послѣдовательной группировкой всѣхъ данныхъ въ особыя таблицы ¹⁾. Количество вычислений не будетъ болѣе, чѣмъ при формулахъ (42) или [(2), (38), (39)], а результатъ получается почти совпадающій съ дѣйствительностью, тогда какъ при примѣненіи формулы (42) такое совпаденіе, если и возможно, то весьма рѣдко, лишь въ особо исключительныхъ случаяхъ (см. *n^o 109*).

С. Сравнительные ²⁾ подсчеты (см. *n^o 109*) даютъ возможность сдѣлать еще слѣдующіе выводы:

1. Формулы (42) и [(2), (38), (39)] не могутъ быть примѣнены къ дѣйствительно существующимъ шлюзнымъ водопроводамъ, такъ какъ условіе (38) нигдѣ не выполняется, не имѣя за собой никакихъ достоинствъ.

2. При выполненіи условія (38), т. е. когда отношеніе $\frac{\sum w_1}{w} =$

¹⁾ Примѣры подсчетовъ будутъ напечатаны особой книжкой.

²⁾ При сравненіяхъ мы рассматриваемъ (какъ и выше, *n^o 93*) T_1 и T_2 , не исправленныхъ на немгновенное открытие отверстій, такъ какъ это для нашего разсмотрѣнія не послужить какимъ-либо нарушеніемъ правильности выводовъ, а между тѣмъ уменьшаетъ вычислениія.

$=1_{,03}-1_{,05}$, могутъ быть два случая, которые выше и разобраны, а именно: а) остается постояннымъ существующее ω и отыскивается соотвѣтственное ω_1 , или б) остается постояннымъ существующее ω_1 и вычисляется по условію (38) новое ω .

Для наглядности результаты подсчетовъ сведены въ нижеслѣдующую таблицу.

№ по порядку.	Мѣсто устройства шлюза.	Суще- ствующее.		$\sum \frac{z}{\omega} z$	Найден- ное.	Вычислennyя.							
		ω	ω_1			T_1 секундъ.	Форм. (42).	Форм. (54).	Разность въ $\%_0$ отъ (54).	Коef.-тъ μ .	Форм. (42).	Форм. (54).	Разность въ $\%_0$ отъ (42).
		M^2	M^2			ω_1	M^2	M^2					
1	Brunsbuttel (n° 107).	7,76	—	1,03	0,68	271	298	9,1 0/0	0,350	0,304	91,7 0/0	92,7 0/0	
			—	1,12	1,04		12,91	163	176	7,4 0/0	0,350	0,310	
2	Berlin (n° 109).	3,15	—	1,03	0,65	199	196	1,53 0/0	0,350	0,339	101,7 0/0	101,5 0/0	
			—	0,90	1,03		4,39	143	141	1,42 0/0	0,350	0,338	

Изъ данныхъ этой таблицы видимъ, что:

а) во второмъ случаѣ время T_1 , найденное по обѣимъ формуламъ, почти одинаково, различаясь не болѣе, какъ на $1,8 0/0$; тогда какъ въ первомъ случаѣ разность доходитъ до $9,1 0/0$.

б) Время, полученное по формулѣ (54), во второмъ случаѣ меньше, чѣмъ найденное по формулѣ (42), что согласно уже указанному выше неправильно и показываетъ непригодность коef-та $\mu=0,35$ при данныхъ условіяхъ устройства водопроводовъ.

с) Коef-тъ μ во второмъ случаѣ почти сходится по обѣимъ формуламъ, различаясь лишь не болѣе, какъ на 2% ; въ первомъ же случаѣ эта разность доходитъ до 9% ; въ одномъ случаѣ дѣйствительное значение μ меньше, въ другомъ больше $0,35$.

3. Результаты подсчетовъ T_1 и μ по формуламъ (42) или [(2), (38), (39)] тѣмъ ближе подойдутъ къ таковымъ же значеніямъ T'_1 и μ' , полученнымъ по формулѣ (54), чѣмъ поперечныя отвѣтственія короче и площадь сѣченія ихъ больше при прочихъ равныхъ условіяхъ.

4. Изъ сдѣланныхъ подсчетовъ явствуетъ, что время T_2 всегда меньше T_1 , при пользованіи однимъ и тѣмъ же продольнымъ кан-

ломъ; при устройствѣ всякой другой системы водопроводовъ въ нижней головѣ шлюза выбираютъ такіе размѣры частей, чтобы также достигнуть уменьшения T_2 сравнительно съ T_1 ; только какія либо особыя мѣстныя условія (размывъ грунта, устойчивость близъ расположенныхыхъ сооруженій, безопасность близко стоящихъ судовъ и т. п.) могутъ (см. $n^{\circ} n^{\circ}$ 104 и 107) потребовать выполненія противоположныхъ условій.

§ 5. Наивыгоднѣйшее распределеніе и число отвѣтвлений; взаимная зависимость площадей сѣченій канала и отвѣтвлений.

112. Принятая для подсчетовъ формула. Остановившись окончательно на формулахъ профессора Ф. Е. Максименко, какъ наиболѣе точныхъ, воспользуемся ими для выясненія нѣкоторыхъ условій правильного устройства и расположенія продольныхъ каналовъ и ихъ частей. Примѣнимъ наши дальнѣйшіе подсчеты къ даннымъ шлюза на р. Spree въ Berlin'ѣ, приведеннымъ выше (n° 107).

113. Измѣненіе разстояній между отвѣтвленими. Оставляя площадь поперечнаго сѣченія продольнаго канала и отвѣтвлений (по длине канала $w=3,15$ м.²; входное отверстіе $w'=4,12$ м.²; отвѣтвленія $w_1=0,90$ м.²), а также число послѣднихъ ($n=5$) безъ измѣненія, будемъ менять относительное положеніе отвѣтвлений и длину всего канала въ предѣлахъ имѣющейся полезной длины камеры шлюза. Для удобства разсмотрѣнія результатовъ подсчета принятые данныя и полученные въ каждомъ случаѣ значенія T_1 и μ сведены въ нижеслѣдующую таблицу. При этомъ буквы, поставленныя въ заголовкахъ графъ этой таблицы, обозначаютъ (Фиг. 77): l —полную длину между осями первого и послѣдняго отвѣтвлений; $a, b, c \dots g$ —отдѣльные соответственно измѣняющіяся длины частей продольнаго канала или разстоянія между отвѣтвленими. Какъ видно по обозначеніямъ на фигурѣ, $l=c+d+e+f$; эти послѣднія части мы и подвергаемъ измѣненіямъ. Въ этомъ случаѣ отношеніе

$$\frac{\sum w_1}{w} = 1,43 = \frac{5,0,9}{3,15}.$$

Изъ разсмотрѣнія этой таблицы явствуетъ, что для полученія наименьшей величины T_1 слѣдуетъ:

1) Сдѣлать первое отвѣтвленіе возможно ближе къ приемному (начальному) отверстію, чтобы возможно болѣе уменьшить D_1 , имѣющее самое большее влияніе на величину T_1 ; построеніе самой формулы вполнѣ подтверждается это.

№ по порядку.	l метр.	принятое отношение, $c:d:e:f,$	a	b	c	d	e	f	g	Вычислено.		
										Время T_1	Коэф-тв з.	
										сек.	мин.	
метровъ.												
1	36,90	1 : 1 : 1 : 1*)	9,50	4,50	9,225	9,225	9,225	9,225	64,92	147	2,45	0,748
2	97,00	1 : 1 : 1 : 1	"	4,50	24,25	24,25	24,25	24,25	4,82	153	2,55	0,721
3	95,00	4 : 3 : 2 : 1	"	5,32	38,00	28,50	19,00	9,50	6,00	155	2,38	0,708
4	95,00	1 : 2 : 3 : 4	"	5,32	9,50	19,00	28,50	38,00	6,00	149	2,48	0,738
5	72,00	1 : 1 $\frac{1}{3}$: 1 $\frac{2}{3}$: 2	"	10,32	12,00	16,00	20,00	24,00	24,00	15	2,52	0,727
6	72,00	1 : 1 $\frac{1}{3}$: 1 $\frac{2}{3}$: 2	"	24,00	12,00	16,00	20,00	24,00	10,32	157	2,62	0,702
7	72,00	2 : 1 $\frac{2}{3}$: 1 $\frac{1}{3}$: 1	"	10,32	24,00	20,00	16,00	12,00	24,00	160	2,67	0,690
8	96,00	2 : 1 : 1 : 2	"	5,32	32,00	16,00	16,00	32,00	5,00	154	2,37	0,717
9	96,00	1 : 2 : 2 : 1	"	"	16,00	32,00	32,00	16,00	5,00	152	2,55	0,724
10	72,00	1 : 1 $\frac{1}{3}$: 1 $\frac{2}{3}$: 2	"	"	12,00	16,00	20,00	24,00	29,00	149	2,48	0,738
11	66,50	1 : 1 $\frac{1}{2}$: 2 : 2 $\frac{1}{2}$	"	"	9,50	14,25	19,00	23,75	34,30	148	2,47	0,741
12	66,50	1 : 1 : 1 : 1	"	"	16,625	16,625	16,625	16,625	34,30	150	2,50	0,734
13	95,00	ок. 2 : 1 : 1 : 2	"	"	32,00	15,50	15,50	32,00	6,00	154	2,37	0,717
14	95,00	ок. 1 : 2 : 2 : 1	"	"	15,50	32,00	32,00	15,50	6,00	152	2,53	0,724
15	66,50	1 : 6 : 11 : 16	"	"	2,00	11,75	21,50	31,25	34,30	147	2,45	0,748
16	66,50	1 : 3 : 5 : 7	"	"	4,20	12,45	20,80	29,05	34,30	147	2,45	0,748
17	66,50	1 : 2 : 3 : 4	"	"	6,65	13,30	19,95	26,60	34,30	148	2,47	0,745

*) Это соотношение имѣется въ существующемъ шлюзѣ.

2) Сдѣлать разстояніе между 1-мъ и 2-мъ отвѣтвленіями также возможно меньшее, какое можно исполнить.

3) Задаться величиной l въ зависимости оть вліянія этой длины на стоящія въ шлюзѣ суда. Вообще же, съ уменьшеніемъ l уменьшаются гидравлическій сопротивленія, а слѣдовательно и T_1 , что данныя разсматриваемой таблицы и подтверждаютъ. Сама же формула даетъ возможность заключить, что для уменьшения T_1 лучше имѣть величины $C = \frac{\omega}{\sqrt{\zeta}}$ болѣшія, но $D = \frac{\zeta}{\omega^2}$ менѣшія, т. е.

это заключение вполнѣ согласуется и съ выводами изъ данныхъ таблицы.

4) Расположить остальные отвѣтвленія на разстояніяхъ возможно быстрѣе увеличивающихся. При устройствѣ шлюзовъ на каналѣ Dortmund-Ems были произведены тщательныя изслѣдованія и наблюденія надъ специально изготовленными моделями¹⁾, которые вполнѣ подтверждаютъ наши заключенія пунктовъ 1, 2 и 4. Шлюзы этого канала представляютъ первый примѣръ такого цѣлесообразнаго распределенія отвѣтвленій; впускъ и выпускъ воды въ камеру и изъ нея кромѣ того происходитъ весьма равномѣрно по всей длине.

Изъ этой же таблицы видимъ, что:

а) Коефиціентъ μ , полученный въ предположеніи истеченія чрезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ (щитовую діафрагму отверстіемъ, равнымъ площади самого канала), измѣняется для рассматриваемыхъ случаевъ въ предѣлахъ отъ 0,690 до 0,748, т. е. вообще значительно превосходитъ величину 0,55.

б) Наибольшій коефиціентъ μ , а значитъ и наименьшее значеніе T_1 соотвѣтствуютъ наиболѣе короткому (36,90 м.) каналу при равныхъ разстояніяхъ между отвѣтвленіями и болѣе длинному (66,50 м.) съ отвѣтвленіями расположенными на разстояніяхъ, быстро увеличивающихся отъ начала.

т) Наименьшія значенія μ и наибольшія T_1 относятся къ случаямъ расположения отвѣтвленій на разстояніяхъ постепенно уменьшающихся отъ начала—а также, когда первое отвѣтвленіе располагается не близко отъ пріемнаго отверстія (начала канала) даже и въ случаѣ расположения отвѣтвленій на разстояніяхъ быстро увеличивающихся.

114 Измѣненіе площадей съченія отвѣтвленій и канала. Чтобы выяснить вліяніе на величины T_1 и μ измѣненій съченій отвѣтвленій и канала, примѣнимъ вычисленія къ расположению 11-му предыдущей (*nº 113*) таблицы. Разберемъ три случая измѣненія съченія канала:

1) $\omega=3,15 \text{ м.}^2$, какъ есть въ дѣйствительности; 2) $\omega=0,75 \times 3,15 = 2,36 \text{ м.}^2$ и 3) $\omega=1,25 \times 3,15 = 3,94 \text{ м.}^2$

¹⁾ Какъ обѣ этомъ говорится въ видѣ краткаго заключенія при описаніи шлюзовъ; результатовъ и описанія самихъ изслѣдований въ литературѣ не имѣется.

Для всѣхъ этихъ случаевъ зададимся опредѣленными отношеніями $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$, а затѣмъ для каждого случая и величины отношенія найдемъ

T_1 и μ . Для удобства разсмотрѣнія результатовъ подсчета всѣ найденные и принятые значенія сведены въ нижеслѣдующую таблицу.

Принятое отношеніе	$\omega = 0,73 \times 3,15 = 2,36 \text{ м.}^2$					$\omega = 1,00 \times 3,15 = 3,15 \text{ м.}^2$					$\omega = 1,25 \times 3,15 = 3,94 \text{ м.}^2$				
	Вычислено.					Вычислено.					Вычислено.				
	$\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$	ω_1	μ	$\frac{1}{\mu}$	Время T_1	ω_1	μ	$\frac{1}{\mu}$	Время T_1	ω_1	μ	$\frac{1}{\mu}$	Время T_1		
		метр ²			сек. мин.	метр ²			сек. мин.	метр ²			сек. мин.		
0,73	—	—	—	—	—	0,48	0,449	2,23	245	4,08	—	—	—	—	
1,00	0,47	0,364	1,77	260	4,33	0,63	0,567	1,76	194	3,23	0,79	0,570	1,73	154	
1,25	0,39	0,669	1,49	219	3,65	0,79	0,673	1,48	163	2,72	0,98	0,676	1,48	130	
1,43	—	—	—	—	—	0,90	0,741	1,33	148	2,47	—	—	—	—	
1,50	0,71	0,760	1,32	193	3,22	0,94	0,762	1,31	144	2,40	1,18	0,771	1,30	114	
2,00	0,94	0,902	1,11	162	2,70	1,26	0,910	1,10	121	2,02	1,58	0,920	1,09	95	
3,00	1,42	1,053	0,93	139	2,32	1,89	1,081	0,92	102	1,70	2,36	1,103	0,91	80	
5,00	—	—	—	—	—	3,15	1,223	0,82	90	1,50	—	—	—	—	
10,00	—	—	—	—	—	6,30	1,338	0,75	82	1,37	—	—	—	—	
20,00	—	—	—	—	—	12,60	1,396	0,72	79	1,32	—	—	—	—	

Изъ имѣющихся данныхъ этой таблицы можно усмотрѣть, что:

1) Съ увеличеніемъ отношенія $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$, при всякомъ ω , величина

T_1 уменьшается, а μ —увеличивается, вначалѣ весьма быстро, а затѣмъ медленнѣе.

2) Съ увеличеніемъ ω при одномъ и томъ же отношеніи $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$

коэффиціентъ μ увеличивается и время T_1 уменьшается.

3) Коэффиціентъ μ вычисленъ при найденномъ значеніи T_1 , предполагая въ каждомъ случаѣ истеченіе чрезъ отверстіе въ тонкой стѣнкѣ. Значеніе его, большее единицы, показываетъ, что, съ увеличеніемъ отношенія $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$ далѣе 2-хъ, площади отвѣтвленій по-

лучають слишкомъ большіе безполезные размѣры, которые могутъ пропустить воды значительно больше, чѣмъ ее проходить чрезъ сѣченіе продольного канала за то-же время. При обыкновенныхъ устройствахъ продольного канала μ не можетъ быть даже равно единицѣ, а тѣмъ болѣе превосходить ее; при самыхъ лучшихъ и точныхъ комбинаціяхъ коноидальныхъ, коническихъ и цилиндрическихъ отрѣзковъ въ идеальномъ случаѣ μ могло бы быть равно единицѣ.

4) Принимать значеніе μ равнымъ всегда 0,55, какъ видимъ, нѣтъ никакихъ основаній.

5) При выборѣ отношенія $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$ не слѣдуетъ заходить за 2; лучше же держаться предѣловъ отъ 1,25 до 1,50, исходи изъ того предположенія, что нѣкоторое увеличеніе $\Sigma \omega_1$ надъ ω (до 1,25) нужно съ цѣлью уменьшения скорости выходящей въ камеру воды, но это увеличеніе не должно доходить до предѣла, при которомъ получается уже невозможная величина коеффиціента μ (См. также № 111).

115. Измѣненіе числа отвѣтвлений. При нижеслѣдующихъ подсчетахъ принято въ основаніе расположение 11-е таблицы, помѣщенной въ № 113. При этомъ сѣченіе канала остается все время постояннымъ и равнымъ существующему $\omega = 3,15$ м.²; длина этого канала рассматривается только на протяженіи отвѣтвлений, равная $l = 66,50$ м., она также остается постоянной; измѣняются только взаимныя разстоянія между отвѣтвленіями по длине въ зависимости отъ измѣненія числа отвѣтвлений на той же длине канала; увеличеніе разстояній во всѣхъ рассматриваемыхъ ниже случаяхъ выдерживается въ пропорціи $c : d : e : f = 1 : 1\frac{1}{2} : 2 : 2\frac{1}{2}$; для каждого разбираемаго числа отвѣтвлений вычисляются T_1 и μ при нѣкоторыхъ опредѣленныхъ значеніяхъ отношенія $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$, а также при условіи, что для одного и того же значенія $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$, но при различномъ

числѣ отвѣтвлений сумма ихъ площадей поперечныхъ сѣченій остается одинаковой, т. е. $n_1 \cdot \omega_1 = n_2 \cdot \omega_2 = n_3 \cdot \omega_3 = \dots$.

Результаты подсчетовъ сведены въ нижеслѣдующей таблицѣ (стр. 115).

Изъ разсмотрѣнія этой таблицы слѣдуетъ:

2) Для одного и того же отношенія $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$ съ увеличеніемъ числа отвѣтвлений, свыше 5-ти, время T_1 увеличивается (это и понятно,

№ по порядку.	Приятныя.					Вычисленные.				
	Отно- шение $\frac{\sum \omega_1}{\omega}$	Число отвѣт- вленій n	Послѣдовательные разстоя- нія между отвѣтвленіями. метровъ.			Счѣ- ченіе отвѣт- вленій. ω_1 (метр) ²	Время T_1		Коэф-ть расхода.	
			Секун.	Мин.	μ	$\frac{1}{\mu}$				
1	0,75	5	9,30; 14,25; 19,00 23,75		0,48	245	4,08	0,449	2,23	
2	1,00	"	" " " "		0,63	194	3,23	0,367	1,77	
2	1,50	"	" " " "		0,94	144	2,40	0,762	1,31	
4	1,75	"	" " " "		1,10	130	2,17	0,842	1,18	
5	0,75	6	6,65; 9,975; 13,30; 16,625; 19,95		0,39	252	4,20	0,437	2,29	
6	1,00	"	" " " "		0,52	196	3,27	0,361	1,78	
7	1,50	"	" " " "		0,79	145	2,42	0,736	1,32	
8	1,75	"	" " " "		0,92	131	2,18	0,837	1,19	
9	0,75	7	4,93; 7,39; 9,85; 12,31; 14,78; 17,24		0,34	254	4,23	0,432	2,31	
10	1,00	"	" " " " " "		0,43	198	3,30	0,356	1,80	
11	1,50	"	" " " " " "		0,67	146	2,43	0,732	1,33	
12	1,75	"	" " " " " "		0,79	132	2,20	0,833	1,20	
13	0,75	8	3,80; 5,70; 7,60; 9,30; 11,40; 13,30; 15,20		0,29	262	4,37	0,420	2,38	
14	1,00	"	" " " " " "		0,39	200	3,33	0,350	1,82	
15	1,50	"	" " " " " "		0,59	147	2,44	0,749	1,34	
16	1,75	"	" " " " " "		0,69	133	2,22	0,830	1,21	

такъ какъ увеличиваются гидравлическія сопротивленія) и соотвѣтственно уменьшается коэффиціентъ μ . Это послѣднее обстоятельство показываетъ, что выгодность подведенія воды къ отверстію діафрагмы помошью каналовъ постепенно теряетъ свое значеніе съ увеличеніемъ гидравлическихъ сопротивленій въ части канала за діафрагмой.

2) Съ увеличеніемъ отношенія $\frac{\sum \omega_1}{\omega}$, при одномъ и томъ же числѣ отвѣтвленій, время T_1 уменьшается, а коэффиціентъ μ — увеличивается; это согласуется и съ выводомъ предыдущаго n^0 .

3) Съ увеличеніемъ числа n отвѣтвленій, при одномъ и томъ же отношеніи $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}$, площадь съченія ихъ $= \omega_1$ уменьшается; такимъ образомъ на увеличеніе гидравлическихъ сопротивленій вліаютъ одновременно какъ увеличеніе числа n , такъ и уменьшеніе съченія отвѣтвленій.

4) При одномъ и томъ же числѣ n отвѣтвленій, съ увеличеніемъ отношенія $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}$ площадь ω_1 съченія отвѣтвленій увеличивается и гидравлическія сопротивленія уменьшаются.

5) Казалось бы вполнѣ желательнымъ увеличивать отношеніе $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega}$ возможно болѣе для одного и того же числа n съ цѣлью уменьшить T_1 и увеличить μ .

Но не всегда стремленіе значительно уменьшить T_1 достигаетъ общихъ хорошихъ результатовъ, не слѣдуетъ заходить за предѣль, при которомъ можетъ получиться невозможное значеніе коефиціента μ для истечения чрезъ діафрагму; такимъ предѣломъ является, какъ выше ($n^0 n^0$ 111, 114) было указано, значеніе $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega} = 2,00$, лучше же держаться величинъ $1,25 - 1,50$, какъ дающихъ вполнѣ возможные и даже весьма хорошие результаты.

До сихъ поръ мы разсмотрѣли увеличеніе числа отвѣтвленій, посмотримъ теперь какія измѣненія въ ω_1 , T_1 и μ повлечетъ за собою уменьшеніе числа n ($n < 5$) для одного и того же отношенія $\frac{\Sigma\omega_1}{\omega} = 1,00$. Результаты этихъ новыхъ подсчетовъ сведены въ слѣдующую таблицу (стр. 117).

Данныя этой таблицы подтверждаютъ только что высказанные выводы и кромѣ того даютъ возможность замѣтить, что:

1) Измѣненіе μ , ω и T_1 совершаются весьма послѣдовательно, безъ скачковъ въ противоположную сторону.

2) Наименьшая величина T_1 и наибольшее значеніе μ , изъ рассматриваемыхъ случаевъ, соотвѣтствуетъ круговому каналу длиною 14,82 метр., у котораго выходное отверстіе расположено на мѣстѣ первого отвѣтвленія продольного канала (случай № 2 таблицы).

3) Для кругового канала съченіемъ $\omega_1 = \omega = 3,15$ м.², длиною 14,82 + 66,50 = 81,32 метр. (случай № 1 таблицы), у котораго выходное отверстіе расположено на мѣстѣ послѣдняго отвѣтвленія раз-

№ по порядку.	Прииматыя.			Вычисления.					
	Отно- шение $\frac{\Sigma \omega_1}{\omega}$	Число отвѣт- вленій. n	Послѣдовательные разстоянія между отвѣтвленіями, метровъ.	Сѣченіе отвѣт- вленій ω_1 (метр) ²	Время T_1		Послѣ- доват. раз- ность сек.	Коэф-тъ расхода	
					сек.	мин.		μ	$\frac{1}{\mu}$
1	1,00	1	Отвѣтвл. въ концѣ канала.	3,13	194	3,23		0,367	1,77
2	"	1	{ Отвѣтвл. вначалѣ канала. $c + d + e + f = 0$.	3,13	173	2,88	9	0,636	1,57
3	"	2	$c + d + e + f = 66,50$	1,57	182	3,06	5	0,605	1,65
4	"	3	26,60; 39,90	1,03	187	3,12	4	0,587	1,70
5	"	4	14,78; 22,17; 29,53	0,79	191	3,18		0,376	1,74
6	"	5	9,36; 14,23; 19,00; 23,73	0,63	194	3,23	3	0,367	1,77
7	"	6	6,65; 9,975; 13,30; 16,625; 19,95	0,52	196	3,27	2	0,561	1,78
8	"	7	4,93; 7,39; 9,83; 12,31; 14,78; 17,14	0,43	198	3,30	2	0,536	1,80
9	"	8	3,80; 5,70; 7,60; 9,50; 11,40; 13,30; 15,20	0,39	200	3,33		0,530	1,82

сматриваемаго продольнаго канала, получаются тѣ же значения T_1 и μ , что и для продольнаго канала (случай № 6 таблицы) той же длины, сѣченіемъ $\omega=3_{13}$ м.² съ 5-ю отвѣтвленіями сѣченіемъ каждое 0,63 м.²

Для случая работы того же продольнаго канала сѣченіемъ $\omega=3_{13}$ м.², но съ однимъ конечнымъ отвѣтвленіемъ сѣченія 0,90 м.², мы выше изъ соотвѣтственныхъ подсчетовъ имѣли $T_1=480$ сек. и $\mu=0,231$; тогда какъ теперь $T_1=194$ сек. и $\mu=0,367$. Эти интересные сопоставленія показываютъ, какъ значительно увеличиваются гидравлическія сопротивленія съ уменьшеніемъ сѣченія выходного канала (отвѣтвленія).

Увеличеніе площади сѣченія выходного канала до величины, равной суммѣ площадей сѣченій всѣхъ 5-ти отвѣтвленій, повлекло за собою соотвѣтственное уменьшеніе гидравлическихъ сопротивленій, и въ данномъ случаѣ, вслѣдствіе очень короткихъ отвѣтвленій, достигнутое уменьшеніе сопротивленій оказалось равнымъ суммѣ сопротивленій, которыя оказывали всѣ эти отвѣтвленія; при большей длинѣ ихъ, безъ сомнѣнія, такого совпаденія быть не могло.

Это же обстоятельство объясняетъ также и ту незначительную разницу въ величинахъ T_1 , найденныхъ по формуламъ (42) и (54) см. n° 109.

§ 6. Общий характеръ пользованія всѣми вышеразсмотрѣнными формулами.

116. Нѣкоторыя практическія указанія. При пользованіи вообще всѣми вышеразсмотрѣнными формулами рациональнѣе задаваться первоначально приблизительными размѣрами всѣхъ отверстій и сѣченій и тогда лишь находить время T . Затѣмъ слѣдуетъ постепенно измѣнять сѣченія, пока не получится для T возможная или допустимая величина и наилучшая комбинація какъ размѣровъ всѣхъ сѣченій, такъ и взаимныхъ разстояній между ними.

Можно рекомендовать ¹⁾, на основаніи имѣющихся хорошо дѣйствующихъ устройствъ, для самаго первого подсчета задаваться такимъ соотношеніемъ:

$$\frac{\Sigma n \cdot \omega}{\Omega_0} = \text{отъ } \frac{1}{200} \text{ до } \frac{1}{250},$$

какъ наиболѣе часто встречающимся въ практикѣ, гдѣ $\Sigma n \cdot \omega$ — сумма всѣхъ приемныхъ отверстій (всѣхъ отверстій въ полотнахъ и двухъ отверстій продольныхъ или круговыхъ каналовъ симметрично расположенныхъ относительно оси плуга).

Очень часто встречается также отношеніе:

$$\frac{\Sigma n \cdot \omega}{\Omega_0} = \frac{1}{150} - \frac{1}{200},$$

но это уже окончательно выбранное, а не предварительное.

Если сумма сѣченій всѣхъ отвѣтвленій $= \Sigma \omega_1$ а сѣченіе продольного канала $= \omega$, то для первоначальныхъ подсчетовъ слѣдуетъ задаваться такимъ соотношеніемъ:

$$\Sigma \omega_1 = (1,25 - 1,50) \cdot \omega.$$

(Подробнѣе объ этомъ см. выше $n^{\circ} n^{\circ}$ 111 и 115).

Порядокъ составленія величинъ коефиціентовъ сопротивленія, а также значенія этихъ коефиціентовъ для нѣкоторыхъ частныхъ случаевъ были указаны въ главѣ IV.

¹⁾ См. также H. d. J. W. III Bd., II Abth., 2 Hälften, s. 104.

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Августовский. О времени наполнения, водою и опоражнивания камерь однокамерныхъ шлюзовъ Маринской системы, устраиваемыхъ при бьефахъ съ большими площадями, и о коэффициента хъ расхода воды (Журналъ М-ва п. с. Т. XIII. Кн. 6. 1869 г.)
2. Глушинский. Внутрення водяныя сообщенія. Печатн. Стр. 221—222.
3. Евневичъ. Курсъ гидравлики. С.-Пб. 1891 г. Стр. 142—168.
4. Зброженъ. Курсъ внутреннихъ водяныхъ сообщеній. С.-Пб. 1897 г. стр. 408—412.
5. Максименко. Курсъ гидравлики. С.-Пб. 1889 г. печ. Стр. 222—293.
6. " — Лекціи по гидравликѣ. Москва 1898/9 г. лит. Стр. 203—256.
7. " — Лекціи по гидравликѣ. Москва 1901/2 г. печ. лит. Стр. 165—222.
8. Мальхеръ. Водяныя сооруженія ч. I. Рига. 1902 г. лит. Стр. 290.
9. Тиме. Курсъ гидравлики. Т. I. С.-Пб. 1894 г. Стр. 101—105; 180—185.
10. Тяпкинъ. Внутрення водяныя сообщенія. Москва 1897/8 г. Литограф. лекцій.
11. " — Определение времени наполнения камеры шлюзовъ на р. Сѣв.-Донцѣ при рабочихъ подпорныхъ горизонтахъ. Тифлісъ 1903. (Также въ журналѣ „Инженерное Дѣло“ 1903 г. № 1).

1. D'Aubuisson. *Traité d'hydraulique*. Paris. 2 édit. p. 113—118; 230—270.
2. Brennecke. *Füllen der Kammer*. (Handbuch der Ingenieur-Wissenschaften. Bd. III. Der Wasserbau. Abth. II, Hälften 2. Leipzig. 1895. s. 101—104).
3. Bresse. *Cours de mécanique appliquée. Hydraulique*. Paris. 1868. p. 80—90; 175—178.
4. Fanning. *Hydraulic Engineering*. New-York. 1893. p. 272—275.
5. Flamant. *Hydraulique. Encyclopédie des travaux publics*. Paris 1900. p. 72—81.
6. Franzius und Frauenholz. *Der Wasserbau*. Berlin. 1890. s. 118.
7. Grashof. *Theoretische Maschinenlehre*. Bd. I. 1875. §§ 91, 92.

8. **Lagrené.** Cours de navigation interieure. T. III. Paris. 1873. p. 34—36.
9. **Meissner-Hederich.** Die Hydraulik. 2 Aufl. Jena. Bd. I. s. 387—392.
10. **Olive.** Traité d'hydraulique. Paris. p. 189—195. (Encyclopédie théorique et pratique des connaissances civiles et militaires. Partie civile. Cours de construction).
11. **Rühlmann.** Hydromechanik. Hannover. 1880. II Heft. s. 510—532.
12. **Strukelj.** Der Wasserbau. Th. III. Helsingfors-Leipzig. 1902. s. 15—16.
13. **Tolkmitt.** Grundlagen der Wasserbaukunst. Berlin. 1898. s. 89—98.
14. **Tiapkin.** Bestimmung der Fülldauer der Schleusenkammer auf dem Ssevernij Donez bei wirksamer Stau-Oberfläche. Leipzig. 1903. (Sowie auch: Zeitschrift für Gewässerkunde. 6 Bd. 3 Heft).
15. **Weisbach.** Untersuchungen in dem Gebiete der Mechanik und Hydraulik. Abth. I. 1842.
16. " — Die Experimental-Hydraulik. 1855. §§ 29—35.

О Г Л А В Л Е Н И Е

ПРЕДИСЛОВІЕ.....	1 — 2
ВВЕДЕНИЕ. Подраздѣленіе устройствъ шлюзовыхъ водопроводовъ.	
Принятія опредѣленія и обозначенія	3 — 4
Глава I. Щитовыя отверстія въ полотнахъ воротъ	5 — 12
1. Предѣлы примѣненія формулъ	5
A. Камера съ вертикальными стѣнками.	
§ 1. Время T_1 наполненія шлюзной камеры изъ верхнаго бьефа.	
2. Истеченіе чрезъ незатопленное отверстіе	5 — 6
3. Истеченіе чрезъ затопленное отверстіе.....	6
§ 2. Время T_2 опорожненія шлюзной камеры въ нижній бьефъ.	
4. Истеченіе чрезъ затопленное отверстіе.....	6
5. Истеченіе чрезъ отверстіе частью затопленное.....	6
§ 3. Выборъ формулы, введеніе поправки; величина коэффициента μ расхода.	
6. Выгодность устройства затопленныхъ отверстій	6 — 7
7. Определение необходимой площади щитовыхъ отверстій.	7
8. Поправка въ величинахъ T_1 и T_2 вслѣдствіе немгновен- наго открытия отверстій.....	7 — 9
9. О величинѣ коэффициента μ расхода.....	9—10
B. Камера съ наклонными стѣнками при шлюзахъ съ отдѣльными головами.	
10. Дополнительные обозначенія.....	10

§ 4. Наполнение шлюзной камеры.	
11. Время T_1 наполнения камеры.....	10—11
§ 5. Опорожнение шлюзной камеры.	
12. Время T_2 опорожнения камеры.....	11
§ 6. Некоторые общие заключения.	
13. Полное время T	11
14. Сравнение величин T_1 и T_2	11
15. Особый выражение для площадей камеры при разныхъ горизонтахъ.....	12
16. Случай примѣненія формулъ (8) и (9).....	12
Г л а в а II. Круговые каналы въ отвѣтахъ шлюза	13—28
§ 1. Необходимость примѣненія особыхъ формулъ для определенія T .	
17. Наблюденія надъ истечениемъ воды чрезъ отверстія и каналы въ шлюзѣ.....	13—14
18. Объ определеніи T при круговыхъ каналахъ	14—15
§ 2. Упрощенные формулы для T при круговыхъ каналахъ.	
19. Общая формула гидравлики.....	15—16
20. Приближенное вычисление (простое)	16
21. Приближенное вычисление (болѣе точное)	16—18
§ 3. Общія формулы для T при круговыхъ каналахъ.	
22. Наиболѣе правильное вычисление.....	18
23. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ съ одной соединительной трубой	18—20
24. Шлюзъ съ одной парой круговыхъ каналовъ	20
25. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ съ двумя соединительными трубами	20—22
26. Шлюзъ съ двумя парами круговыхъ каналовъ	22—23
27. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ съ n соединительными трубами.....	23—25
28. Шлюзъ съ n парами круговыхъ каналовъ	25
29. Частные случаи общей формулы	25—26
30. Распространение общей формулы круговыхъ каналовъ на отверстія въ полотнахъ воротъ	26—27
31. Примѣненіе къ разобраннымъ случаямъ.....	27
§ 4. Объ определеніи T_2 .	
32. Время опорожненія.....	27

§ 5. О поправкахъ въ найденныхъ T_1 и T_2 .	27
33. Время, нужное для открытия отверстий.....	27
Г л а в а III. Продольные каналы въ стѣнахъ шлюза съ поперечными отвѣтвленіями по длинѣ.....	28—68
34. О примѣненіи особыхъ формулъ для продольныхъ ка- наловъ	28
А. Формула инженера О. Г. Зброжека.	
§ 1. Имѣющіеся въ литературѣ данныя.	
35. Отсутствіе вывода.....	28—29
36. Принятый дополнительный обозначенія	29
37. Общая формула гидравлики.....	29
38. Условіе пользованія общей формулой гидравлики	29—30
§ 2. Предполагаемый выводъ формулы въ общемъ видѣ.	
39. Выводъ	30—33
40. Частные случаи.....	34
§ 3. Нѣкоторыхъ соображеній о правильности пользованія формулой О. Г. Зброжека.	
41. Разматриваемыя гидравлическія сопротивленія.....	34
42. Выбранный коэффиціентъ расхода	34
43. Произвольная поправка послѣ вычисленій	34—35
44. Видъ формулы и предѣль примѣненія ея	35
45. Время опорожненія T_2	35
Б. Формулы профессора Ф. Е. Максименко.	
46. Основныя особенности вывода.....	35
§ 4. Определеніе времени T_1 для наполненія камеры изъ верхнаго бьефа.	
47. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ однимъ каналомъ, имѣющимъ на концѣ два отвѣтвленія	35—37
48. Продольные каналы въ шлюзѣ съ двумя на концѣ от- вѣтвленіями	37—38
49. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ каналомъ, имѣ- ющимъ на концѣ два развѣтвленія	38—41
50. Продольные каналы въ шлюзѣ съ двумя на концѣ от- вѣтвленіями	41—42
51. Частные случаи.....	42

52. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ каналомъ, имѣющимъ на концѣ три развѣтвленія	42—47
53. Продольные каналы въ шлюзѣ съ тремя на концѣ отвѣтвленіями	47
54. Частные случаи	48
55. Продольные каналы въ шлюзѣ съ n на концѣ отвѣтвленіями	48—49
56. Частные случаи	50—51
56а. Упрощенные способы опредѣлениія T_1	51—52

§ 5. Опредѣлениѣ времени T_2 для опорожненія камеры въ нижній бьефъ.

57. Видоизмѣненныя обозначенія	53
58. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ n приемныхъ развѣтвленій, сходящихся въ одной точкѣ	53—55
59. Случаи примѣненія	55
60. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ два приемныхъ отвѣтвленія, несходящіяся въ одной точкѣ	56—57
61. Примѣненіе къ шлюзнымъ водопроводамъ	57
62. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ три приемныхъ отвѣтвленія, несходящіяся въ одной точкѣ	58—61
63. Примѣненіе къ шлюзнымъ водопроводамъ	61
64. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ два приемныхъ и въ концѣ два устьевыя отвѣтвленія, несходящіяся въ одной точкѣ	61—62
65. Примѣненіе къ шлюзнымъ водопроводамъ	62—63
66. Случай двухъ сообщающихся сосудовъ, соединенныхъ одной соединительной трубой и однимъ продольнымъ каналомъ, имѣющимъ вначалѣ три приемныхъ и въ концѣ три устьевыя отвѣтвленія, несходящіяся въ одной точкѣ	63—64
67. Примѣненіе къ шлюзнымъ водопроводамъ	64—66
68. Продольные каналы въ шлюзѣ съ m приемными и однимъ устьевымъ отвѣтвленіями	66—68
69. Частные случаи	68

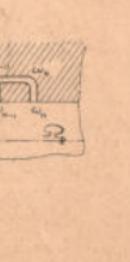
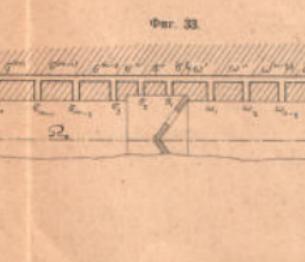
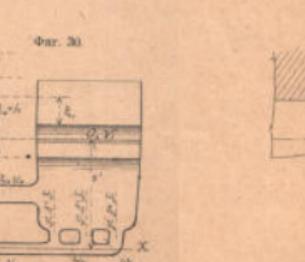
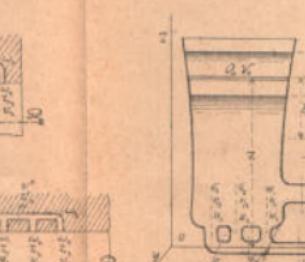
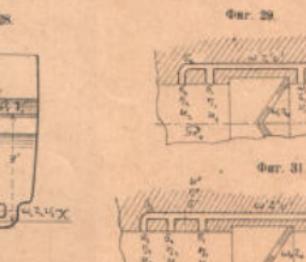
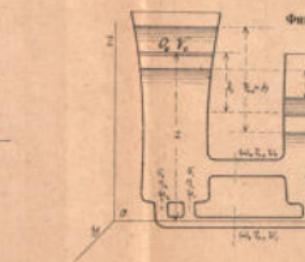
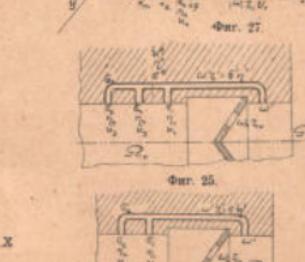
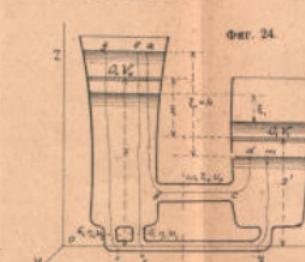
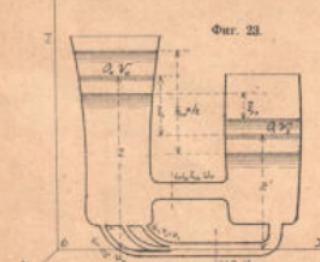
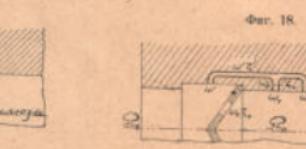
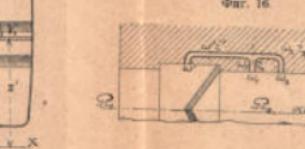
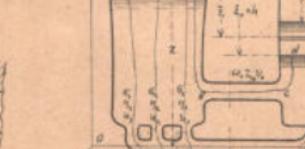
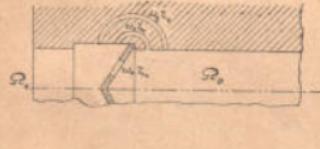
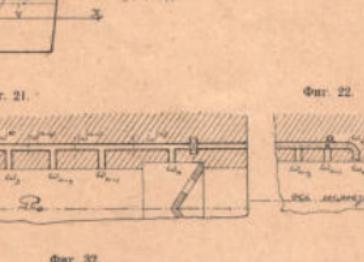
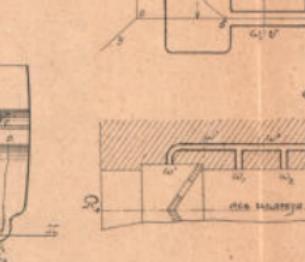
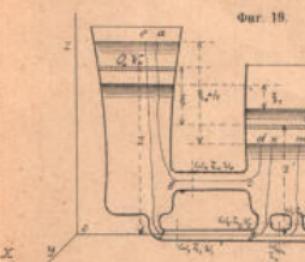
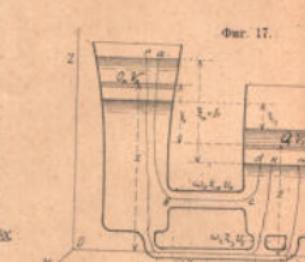
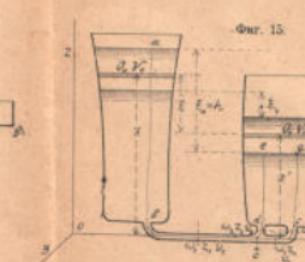
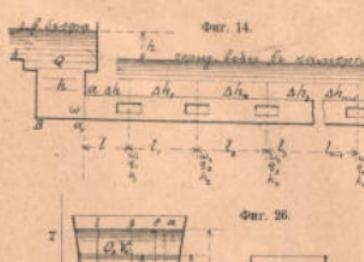
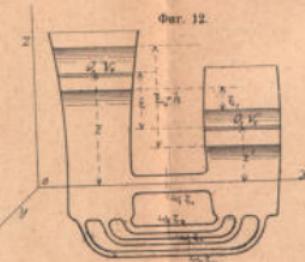
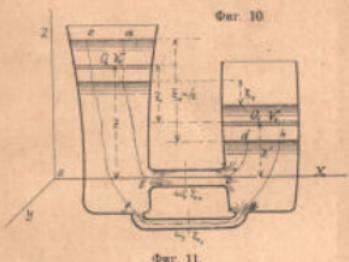
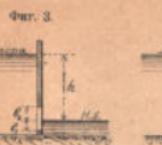
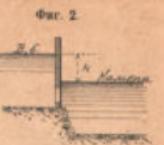
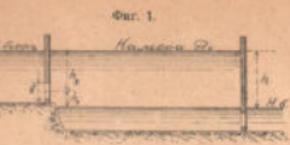
§ 6. Самый общий видъ формулы для T_2 при продольныхъ каналахъ въ шлюзахъ.	
70. Продольные каналы въ шлюзахъ съ m приемными и n устьевыми отвѣтвленіями по своей длинѣ.....	68
71. Частные случаи.....	68
71 ⁰ О поправкахъ въ найденныхъ T_1 и T_2	68
 Глава IV. Гидравлическія сопротивленія въ шлюзовыхъ водопроводахъ.....	69—86
73. Подраздѣленіе сопротивленій	69
 § 1. Определеніе общихъ сопротивленій.	
74. Величина общихъ по длине сопротивленій.....	69—70
75. Гидравлический уклонъ.....	70
76. Коефиціенты скорости и сопротивленія.....	70—72
77. Примененіе къ шлюзовымъ водопроводамъ формулъ и коефиціентовъ, выведенныхъ для движенія воды въ каналахъ	72—74
78 Особыя формы поперечного сѣченія шлюзовыхъ водопроводовъ	74
 § 2. Определеніе местныхъ сопротивленій.	
79. Мѣстныя сопротивленія	74
80. Сопротивленіе при входѣ	75
81. Сопротивленіе при выходѣ	75—76
82. Сопротивленіе при быстромъ измѣненіи поперечного сѣченія	76—77
83. Поправка <i>St.-Venant'a</i> въ общей формулѣ этого сопротивленія	78
84. Сопротивленіе въ простыхъ и двойныхъ колѣнахъ	78—79
85. Сопротивленія въ закругленіяхъ	79—80
86. Сопротивленія въ колѣнахъ съ закругленіемъ	80
87. Нѣкоторыя общія заключенія о сопротивленіяхъ въ колѣнахъ и закругленіяхъ	80—81
88. Сопротивленіе при отвѣтвленіяхъ	81—82
 § 3 Совмѣстное определеніе общихъ и мѣстныхъ сопротивленій для того же участка трубы.	
89. Необходимость суммированія сопротивленій общихъ и мѣстныхъ	82—83

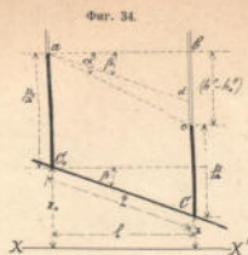
§ 4. О составлении общихъ коэффициентовъ сопротивленія и отдельныхъ элементовъ въ формулахъ проф. Ф. Е. Максименко.	
90. Порядокъ составлениі коэффициентовъ сопротивленія	83
91. Определеніе коэффициентовъ формулы	84— 85
92. Порядокъ составлениі коэффициентовъ формулы	85— 86
 Г л а в а V. Результаты подсчетовъ по приведеннымъ формуламъ и общее заключеніе о возможности применения послѣднихъ.....	86—118
93. Основанія для сравнительныхъ выводовъ	86
 § 1. Примѣры устройствъ круговыхъ каналовъ въ шлюзѣ.	
94. Шлюзы на р. С. Донцѣ.....	86— 87
95. Шлюзы на р. Шекснѣ.....	88
96. Шлюзъ на р. Москвѣ у Переярки	88— 89
97. Шлюзъ на р. Шпрее у Шарлоттенбурга	89— 90
98. Шлюзъ на каналѣ Одеръ-Шпрее у Tränke	90— 91
 § 2. Сравненіе формулъ для круговыхъ каналовъ и выводы изъ результатовъ подсчета по нимъ.	
99. Выборъ наилучшей формулы.....	91— 92
100. Примѣненіе формулъ щитовыхъ отверстій къ разсчету круговыхъ каналовъ.....	92— 95
101. Прямое и обратное положеніе канала.....	95— 96
 § 3. Примѣры устройствъ продольныхъ каналовъ въ шлюзѣ.	
102. Шлюзъ на каналѣ Dortmund-Ems при Altenrheine.....	97— 99
103. Шлюзъ на каналѣ Dortmund-Ems при Teglingenѣ	99—100
104. Предохранительный шлюзъ на каналѣ de Jonage.....	100
105. Двойной шлюзъ на каналѣ de Jonage.....	100—101
106. Шлюзъ на каналѣ Kaiser-Wilhelm въ Brunsbüttelѣ....	101—102
107. Шлюзъ на р. Шпрее въ Берлинѣ	102—103
108. Необходимыя условія для возможности сравниванія формулъ для продольныхъ каналовъ	103—104
109. Сравнительные подсчеты по формуламъ Θ . Г. Зброжека и Ф. Е. Максименко.....	104—105
 § 4. Сравненіе формулъ для продольныхъ каналовъ и выводы изъ результатовъ подсчета по нимъ.	
110. Выборъ наилучшей формулы.....	105
111. Сравненіе формулъ Θ . Г. Зброжека и Ф. Е. Максименко	105—110

§ 5 Наивыгоднѣйшее распределеніе и число отвѣтвлений; взаимная за- висимость площадей съченій канала и отвѣтвлений.	
112. Принятая для подсчетовъ формула	110
113. Измѣненіе разстояній между отвѣтвленими	110—112
114. Измѣненіе площадей съченія отвѣтвлений	112—114
115. Измѣненіе числа отвѣтвлений	114—118
§ 6. Общій характеръ пользованія всѣми вышеразсмотрѣнными формулами.	
116. Нѣкоторыя практическія указанія.....	118
ЛИТЕРАТУРА	119—120
ОГЛАВЛЕНИЕ	121—127

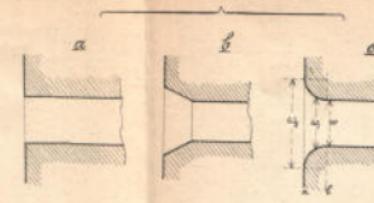
Однако

из описанного выше в отвѣтствии съѣзжданіемъ № 3	изъѣзжаніе въ губерніи посланіе губернатора
111	изъѣзжаніе губернатора на изѣзжаніе № 2
121—131	изъѣзжаніе губернатора губерніи № 1
131—141	изъѣзжаніе губернатора губерніи № 1
141—151	изъѣзжаніе губернатора губерніи № 1
151	изъѣзжаніе губернатора губерніи № 1
161—171	изъѣзжаніе губернатора губерніи № 1
171—181	изъѣзжаніе губернатора губерніи № 1





Фиг. 35.



Фиг. 36.



Фиг. 37.



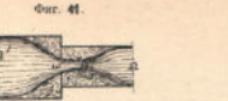
Фиг. 38.



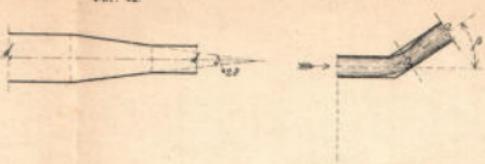
Фиг. 40.



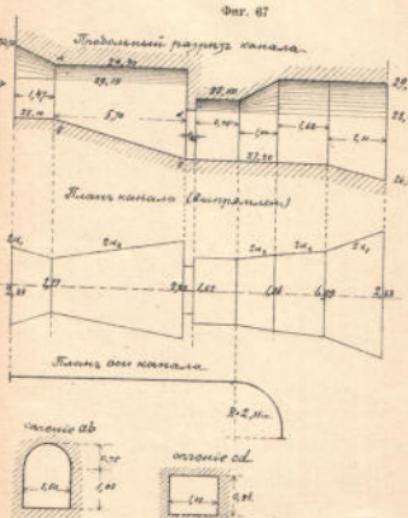
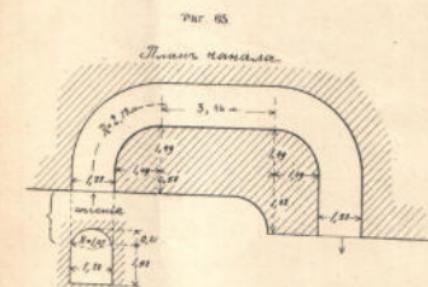
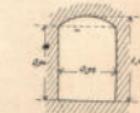
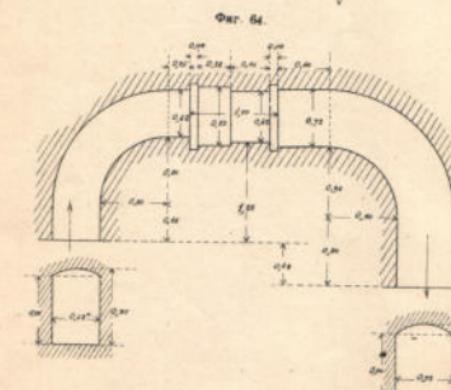
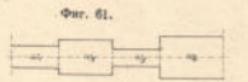
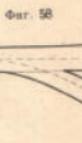
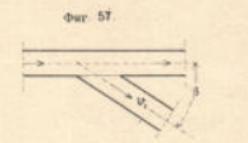
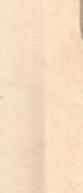
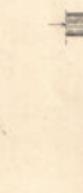
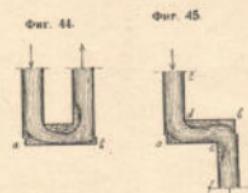
Фиг. 41.



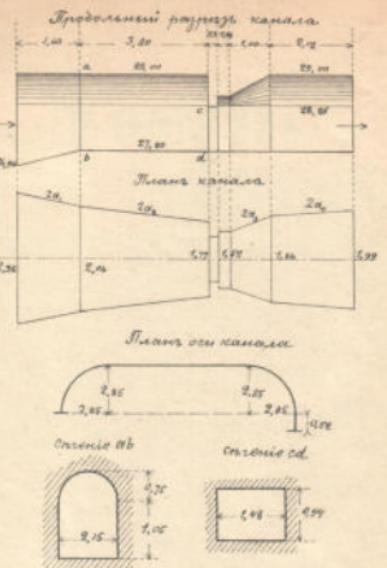
Фиг. 42.



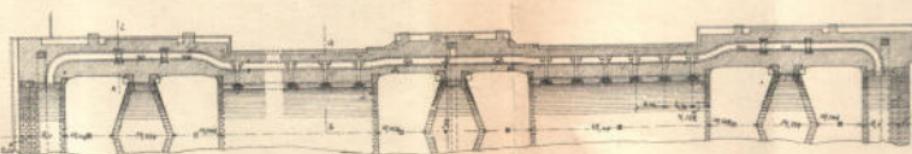
Фиг. 43.



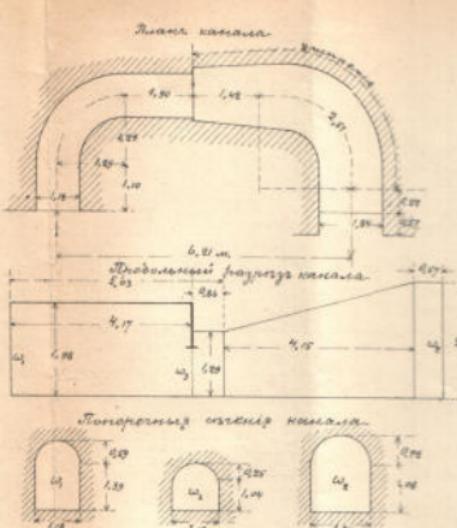
ФИЛ. 6



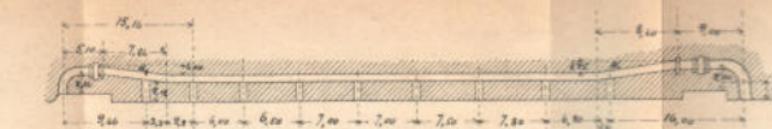
QMP. 74



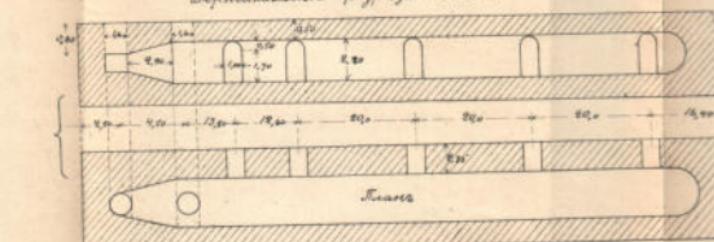
◎112



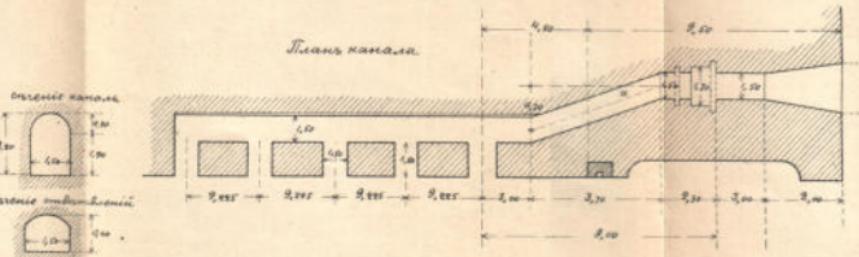
4



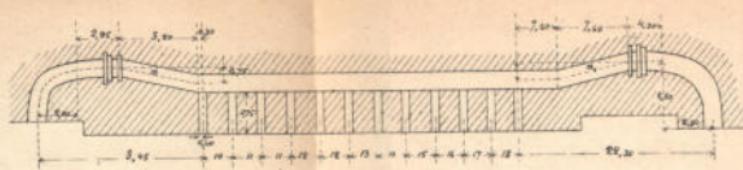
4



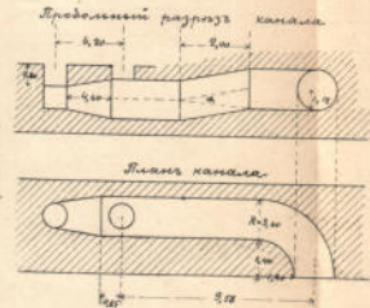
1



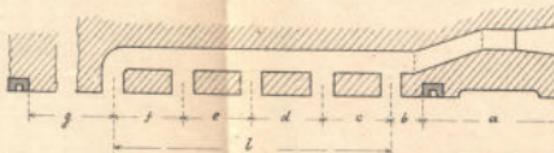
Page 7

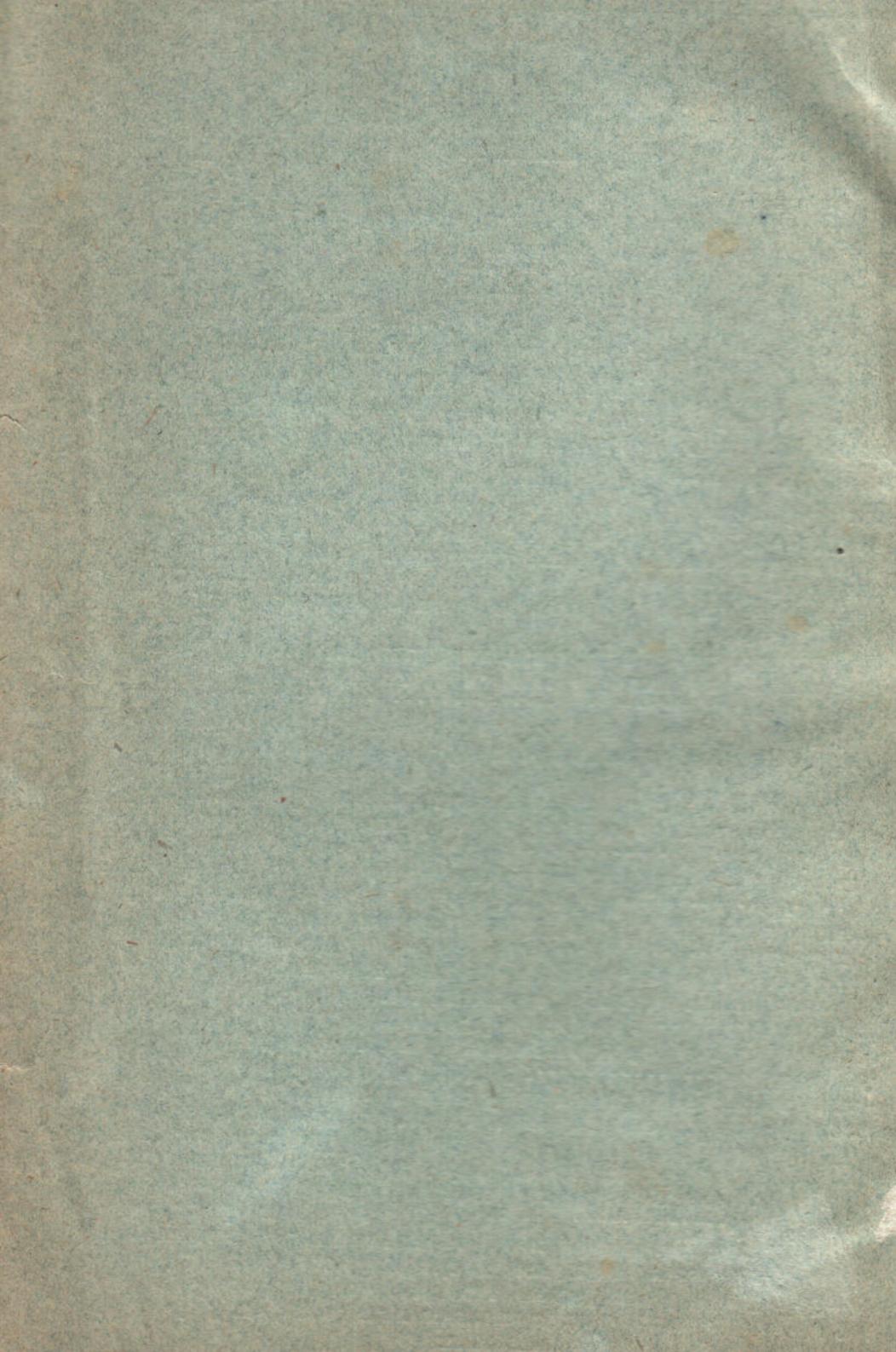


x. 73.



m.





Труды инженера Н. Д. Тяпкина.

1. Краткий курс гидравлических машинъ. Текстъ литографир. 264 стр.; къ нему атласъ въ 42 таблицы чертежей. Москва 1898 г. Цѣна 5 руб.
2. Приборы для опредѣленія скоростей и расходовъ воды въ открытыхъ руслахъ. Текстъ печати. 304 стр.; къ нему атласъ въ 30 таблицъ чертежей. Москва 1901 г. Цѣна 5 руб.
3. Нѣкоторые новѣйшия приборы для измѣренія скоростей течений воды въ открытыхъ руслахъ. Докладъ IX Съезду гидротехниковъ. Съ 1 табл. чертежей. СПбургъ. 1902 г.
4. Принадлежащая механика. Части машинъ, передаточные механизмы, простыя и грузоподъемныя машины. Текстъ печати. 259 стр.; къ нему атласъ въ 32 таблицы чертежей. Москва 1902 г. Цѣна 5 руб.
5. Опредѣление отверстий плотинъ для р. Сѣв. Донца. (Къ проекту шлюзованія). Съ 1 табл. чертежей. Тифлисъ 1903 г. Цѣна 40 коп.
6. Опредѣление времени наполненія и опорожненія камеры шлюзовъ на р. Сѣв. Донцѣ при рабочихъ подпорныхъ горизонтахъ. (Къ проекту шлюзованія). Съ 1 табл. чертежей. Тифлисъ 1903 г. Цѣна 50 коп.
7. Bestimmung der Fülldauer der Schleusen-Kammer auf dem Sseewei, Donez bei wirksamer Stau-Oberfläche. Leipzig. 1903 Рг. 1₅₀ M.
8. Расчетъ фермъ системы Поре. (Къ проекту шлюзованія р. Сѣв. Донца). Съ 4 табл. чертежей. Тифлисъ 1903 г. Цѣна 1 р. 75 коп.
9. О постановкѣ занятій по курсу «Внутренний водяный сообщенія» въ Императорскомъ Московскомъ Инженерномъ Училище за время съ 1897 по 1903 г. Москва. 1903 г.
10. Инженерное черченіе. Таблицы (6) чертежей простыхъ инженерныхъ сооружений и деталей, съ краткимъ пояснительнымъ текстомъ. Москва 1901—1903 г. Цѣна 1 р. 20 коп.
11. О постановкѣ занятій по курсу «Геометрическое и инженерное черченіе» въ Императорскомъ Московскомъ Инженерномъ Училище. Москва. 1903 г.
12. Запасное водохранилище въ долинѣ р. Нила возлѣ города Ассуана. Съ 2 листами чертежей. Москва 1904 г. Цѣна 90 коп.
13. О формулахъ, примѣняемыхъ для гидравлическаго расчета шлюзовыхъ водопроводовъ въ различныхъ случаяхъ ихъ устройства. Текстъ 127 стр. Съ 3 листами чертежей. Москва 1904 г. Цѣна 3 руб. 50 коп.

ПЕЧАТАЕТСЯ:

Примѣры опредѣленія времени наполненія и опорожненія камеры шлюзовъ въ различныхъ случаяхъ устройства водопроводовъ. Съ 1 табл. чертежей.

ГОТОВИТСЯ КЪ ПЕЧАТИ:

Водопроводы (отверстія, каналы и галлерей) въ шлюзахъ. Съ 10 табл. чертежей расположений и устройства.

СКЛАДЪ ИЗДАНІЙ:

1) У автора; Москва, Бахметьевская ул., 15.

2) Книжный магазинъ К. Л. Риккера; Петербургъ. Невскій просп. 14.